



New Approaches to
Quran and Hadith Studies

Vol. 50, No. 2, Issue 101
Autumn&Winter 2018 - 2019

DOI: 10.22067/nqhs.v50i2.44674

رهیافت‌هایی در
علوم قرآن و حدیث

سال پنجماهم، شماره ۲، شماره پیاپی ۱۰۱
پاییز و زمستان ۱۳۹۷، ص ۱۰۳-۱۲۰

خوشبندی سوره‌های قرآن با تکنیک‌های داده‌کاوی*

محسن صوفی

دانش آموخته کارشناسی ارشد، دانشگاه علم و صنعت ایران

Email: mohsen.sooofi@gmail.com

دکتر علیرضا علی احمدی^۱

استاد دانشگاه علم و صنعت ایران

Email: pe@iust.ac.ir

دکتر حسین علی احمدی

استادیار دانشگاه علم و صنعت ایران

Email: aliahmadi@iust.ac.ir

دکتر بهروز مینایی

دانشیار دانشگاه علم و صنعت ایران

Email: b_minaei@iust.ac.ir

چکیده

قرآن معجزه جاوده پیامبر اسلام و کتاب آسمانی مسلمانان است. این کتاب مقدس از ۱۱۴ سوره تشکیل شده که هر سوره در بر دارنده موضوعات مختلفی است. بیشتر موضوعاتی که قرآن به آنها پرداخته است در بیش از یک سوره مطرح شده‌اند و این موضوعات مشترک بین سوره‌ها، نشانه ارتباط بین آنها است. شناخت این ارتباطات موضوع مهمی است که می‌تواند به فهم بهتر قرآن کمک نماید. در این مقاله با کمک یکی از تفاسیر قرآن (تفسیر راهنمای)، موضوعات مطرح شده در هر یک از سوره‌ها شناسایی گردیده و میزان شباهت بین سوره‌ها بر اساس موضوعات مشترک آنها، با استفاده از معیاری کمی و بهره‌گیری از روش‌های داده‌کاوی محاسبه گردیده است. در نهایت در ختواره شباهت موضوعی سوره‌ها بر اساس معیار کمی مورد نظر ترسیم و با استفاده از آن سوره‌های قرآن به خوشبندی افزای گردیده‌اند.

کلیدواژه‌ها: فهم قرآن، فناوری اطلاعات، داده‌کاوی، خوشبندی، شباهت موضوعی سوره‌ها.

*. تاریخ وصول: ۱۳۹۳/۱۲/۰۵؛ تاریخ تصویب نهایی: ۱۳۹۶/۱۱/۳۰.

۱. نویسنده مسئول

مقدمه

قرآن نخستین منبع شناخت فرهنگ و معارف اسلامی است که در دسترس مسلمانان قرار دارد. قرآن مجید از ۱۱۴ سوره تشکیل شده است. سوره در اصطلاح علوم قرآنی، به گروهی از آیات قرآن اطلاق می‌شود که دارای آغاز و انجامی است (سیوطی، ۱۳۶۰). نباید تصور کرد که هر سوره‌ای از قران در حکم فصلی از یک کتاب است چرا که معمولاً در یک کتاب، فصول از نظر محتوا مستقل از یکدیگر بوده و یا حداقل مترتب بر هم هستند، در صورتی که سوره‌های قرآن، از نظر مباحثی که در آن مطرح شده هیچگونه ترتیب و یا استقلالی نسبت به یکدیگر ندارند و موضوع واحدی مانند خداشناسی، معاد و یا حتی سرگذشت یکی از پیامبران در سوره‌های مختلف، و در هر سوره از زاویه‌ای و به شکلی (مختصر یا مفصل) آمده است. بسیاری از سوره‌های قرآن به طور همزمان چند موضوع را مورد بحث قرار داده و همچنین بسیاری از سوره‌ها به موضوعات مشابه و مرتبطی می‌پردازند. با توجه به گستردگی مباحث و نیز حجم بالای سوره‌های قرآن، بررسی این ارتباطات برای انسان کار بسیار دشواری است که امکان خطای آن زیاد است.

در عصر حاضر، داده‌کاوی^۱ به عنوان ابزاری برای تحلیل داده‌های حجیم، به وفور در علوم مختلف مورد استفاده قرار می‌گیرد. استفاده از الگوریتم‌های داده‌کاوی، برای تحلیل و بررسی محتوای قرآن امری بدیع بوده که می‌تواند نتایج مفیدی را در بر بگیرد. برخی از الگوریتم‌های داده‌کاوی به منظور «خوشه‌بندی^۲» داده‌های حجیم به کار می‌روند. سنجش و ارزیابی میزان شباهت موضوعی سوره‌ها به یکدیگر و نیز شناسایی سوره‌هایی از قران، که از نظر موضوعی به هم نزدیک و مرتبط هستند و قراردادن آن‌ها در یک خوشه موضوعی است که در این مقاله با استفاده از تکنیک‌های داده‌کاوی به دنبال انجام آن هستیم.

پیشینه پژوهش

قرآن کریم برای مسلمانان منبعی معتبر و غنی از دانش و حکمت است. این دانش گاه آشکار و گاه پنهان است. دسترسی به علوم قرآن در منابع اسلامی، نیاز به تفسیر و استنباط دارد. بیش از هزار سال است که محققان اسلامی به دنبال استخراج دانش و قوانین، از متن قرآن و نگارش تفاسیر و زنگیره‌های استنتاج برای آن هستند و تحقیقات گستردگی را در این رابطه انجام داده‌اند. اکثر این تحقیقات به شکل تدبیر و تأمل و بحث پیرامون آیات بوده است. قدیمی‌ترین نوع از پژوهش‌های صورت گرفته بر روی قرآن، تحقیقاتی است که با نام «تفسیر» شناخته می‌شوند. طبق تعریف ارائه شده توسط علامه سید محمدحسین طباطبائی

^۱ Data Mining

^۲ Clustering

(۱۲۸۱-۱۳۶۰ ش)، «تفسیر عبارت است از بیان کردن معنای آیه‌های قرآن، روشن کردن و پرده‌برداری از اهداف و مفاهیم آیه‌ها».

دسته‌ای دیگر از پژوهش‌های صورت گرفته در مورد قرآن، جنبه آماری دارد و بر داده‌های عددی متکی است. مشهورترین این تحقیقات توسط رشاد خلیفه (۱۹۳۵-۱۹۹۰ م) و عبدالرزاق نوبل (۱۹۱۷-۱۹۸۴ م) صورت گرفته است. البته از این میان، نظرات رشاد خلیفه به شدت توسط مجتمع رسمی مسلمانان مردود اعلام گردیده است.

رشاد خلیفه^۱ (خلیفه، ۱۹۸۲ و ۱۹۸۳) مدعی کشف یک نظم بر پایه ریاضی در قرآن شد. وی عدد ۱۹ را مخرج مشترک سراسر سیستم ریاضی قرآن می‌دانست. اینکه قرآن ۱۱۴ سوره دارد، و این عدد مضرب ۱۹ است، یا اینکه «بسم الله الرحمن الرحيم» ۱۹ حرف دارد، و تکرار هر یک از کلمات آن در قرآن، باز هم مضرب ۱۹ است، نمونه‌ای از مسائل مطرح شده در نظریه اوست. طبق ادعای او، این نظم در مورد تمام آیات قرآن، به غیر از دو آیه پایانی سوره توبه صادق است. از همین رو، وی ادعا کرد که این دو آیه جزء قرآن نازل شده بر پیامبر (ص) نیست و بعدها به آن افزوده شده است (پهلوان و شفیعی، ۱۳۸۸؛ عطایی، ۱۳۸۹).

عبدالرزاق نوبل (نوبل، ۱۹۸۷) تحقیقات خود را بر پایه اعجاز عددی قرآن انجام داده است. وی فراوانی واژه‌ها و اصطلاحات استفاده شده در قرآن را شمارش کرده و ضمن مقایسه اعداد حاصله با حقایق بیرونی، عمدتاً این واژه‌ها را به صورت دوتایی و در مواردی نادر، سه و حتی چهارتایی از لحاظ فراوانی مورد مقایسه قرار داده است؛ او مدعی کشف روابط عددی جالبی در قرآن شده؛ مانند اینکه تعداد دفعات ظهور لفظ «دُنْيَا» و «آخِرَة» در متن قرآن برابر، و به تعداد ۱۱۵ بار است، یا تعداد دفعات ظهور کلمه «شهر» به معنای ماه در قرآن ۱۲ مرتبه است که برابر با تعداد ماههای یک سال است.

شروان عطایی (عطایی، ۱۳۸۹) یکی دیگر از محققانی است که با استفاده از اطلاعات آماری، به نوعی تحلیل محتوا را بر روی قرآن انجام داده است. وی در تحقیقی ضمن محاسبه نمودن فراوانی تکرار کلمات در سوره‌های قرآن، تعداد کلمات مشابه بین هر دو آیه را به عنوان معیاری برای ارزیابی شباهت آیات در نظر گرفته و با توجه به تعداد آیات مشابه در هر دو سوره قرآن، ماتریس شباهت سوره‌ها را ایجاد نموده است. همچنین با توجه به فراوانی کلمات در هر سوره، کلماتی با بیشترین فراوانی به عنوان شاخصی برای تشخیص محورهای اصلی یک سوره در نظر گرفته شده است.

در سال‌های اخیر گروهی از محققان تلاش نموده‌اند تا دانش نهفته و پنهان موجود در قرآن را با کمک سیستم‌های کامپیوتری استخراج و ارائه نمایند. در چند پژوهش از تکنیک‌های داده‌کاوی، برای کشف

^۱ Rashad Khalifa

دانش پنهان استفاده شده است. الدھلان^۱ و زکی^۲(الدھلان و زکی، ۲۰۱۰) در پژوهشی تلاش نموده‌اند این مساله را روشن سازند که چگونه تکنیک‌های داده کاوی می‌توانند دانش اسلامی را از منابع آن استخراج، و آن را به شکلی معنادار و بامفهوم برای کاربر ارائه نمایند.

در پژوهشی دیگر که توسط عمران علی^۳(علی، ۲۰۱۲) صورت گرفته، روشی برای ارائه پیکره متى قرآن به شکل گراف پیشنهاد شده است. وی برای استخراج و شناسایی الگوهای پرتکرار در قرآن، الگوریتمی برای کشف دنباله مفاهیم پرتکرار در آیات را با استفاده از گراف مذکور اعمال نموده است. در این تحقیق، روش پیشنهادی برای چهار سورة ابتدایی قرآن و به منظور یافتن دنباله مفاهیم پرتکرار پیاده‌سازی گردیده و در نهایت توضیح داده شده که چگونه الگوهای پرتکرار، می‌توانند برای نمایه سازی مفهومی^۴ و خوشبندی آیات مشابه استفاده شوند.

طريق محمود^۵ و همکارانش (محمود و همکاران، ۲۰۱۳) نیز در پژوهشی، تکنیک‌های داده کاوی را برای استخراج الگوهای پنهان و غیربدیهی از متن قرآن به کار گرفته‌اند. آن‌ها در پژوهش خود، آیات قرآن را با توجه به جزئی که در آن قرار دارند، تقسیم‌بندی و مجزا نموده‌اند. آیات هر جزء، به عنوان یک نمونه یا رکورد^۶، که سطري را در جدولی تشکیل می‌دهند، دیده شده‌اند. هر کلمه سازنده آیات، در رکورد مربوطه، خصیصه‌ای را ایجاد کرده است. البته در این بین، کلماتی که مستقلانه معنای آن‌ها مشخص نبوده است و در خوشبندی نقش آفرینی نداشته‌اند، حذف گردیده‌اند (نظیر برخی از حروف مقطعه). در مرحله بعدی یکی از الگوریتم‌های خوشبندی بر جدول حاصل از آیات اعمال گردیده و نتیجه حاصله، خوشبندی آیات هر جزء با توجه به کلمات تشکیل دهنده آن آیات است. در نهایت با توجه به خصایص مشترک اعضای یک خوش، مهم‌ترین عناوین و موضوعات برای هر یک از خوش‌ها، همراه با تعداد خوش‌های حاوی این موضوعات استخراج گردیده است. تعداد زیاد تکرار یک عنوان در خوش‌ها نشانه اهمیت موضوع در آن جزء است. در تحقیق مذکور با استفاده از این شیوه، در مجموع ۲۶ موضوع استخراج شده است. در پایان، به منظور تجزیه و تحلیل چگونگی احتمال ظهور موضوعات استخراج شده با یکدیگر، از الگوریتم Apriori، که در کاوش قوانین انجمنی کاربرد دارد، استفاده شده است.

^۱ Kawther A.Aldhlan

^۲ Ahmed M. Zeki

^۳ Imran Ali

^۴ Subjective indexing

^۵ Tariq Mahmood

^۶ Record

ابن‌کثیر (۷۰۱-۷۷۴ق) یکی از مفسران قرآن، در مقدمه کتاب خود با عنوان «تفسیر القرآن العظیم» بهترین و صحیح‌ترین شیوه تفسیر را آن می‌داند که قرآن با خود قرآن تفسیر گردد. بر همین اساس و برای شناسایی آیات که با هم ارتباط دارند، در تحقیقی که توسط عبدالباقي شرف^۱ و آتول^۲ (شرف و اтол، ۲۰۱۲) انجام شده، ارتباط آیات قرآن با یکدیگر، بر اساس الفاظ استفاده شده در آیات مورد مطالعه قرار گرفته است. روش استفاده شده در این تحقیق، شناسایی ریشه الفاظ بکار رفته در هر آیه و سپس محاسبه شباهت آیات بر اساس ریشه‌های اشتراکی است.

نکته قابل توجه در مورد پژوهش‌های اشاره شده، تمرکز آن‌ها بر لغات و کلمات به صورت منفرد و مجزا، و عدم در نظر گرفتن ارتباطات بین کلمات به کار رفته در یک آیه است. در واقع شباهت لغوی آیات، معیار خوشبندی، نمایه‌سازی مفهومی و ارتباطات آن‌ها بوده است. این درحالی است که با توجه به شیوه کنایی و تمثیلی قرآن، به نظر می‌رسد لغات مشترک بین آیات، معیار چندان مناسبی برای ارزیابی شباهت بین آن‌ها نیست. چه بسا الفاظی مشترک در دو آیه، با مقاصدی متفاوت به کار رفته باشند. لذا شیوه به کار رفته در این پژوهش‌ها، برای متن قرآن چندان مناسب نیست چون اکثر پژوهش‌ها بر پایه ارتباطات لفظی مندرج در آیات تمرکز داشته‌اند. ایان باربور^۳ (باربور، ۱۹۶۸) نیز در کتاب علم و دین، توجه به زبان کنایی نموده و تفاوت انسان و حیوان را در فهم زبان کنایی می‌داند. فارغ از صحیح یا غلط بودن این نظر، فهم کامل زبان کنایی توسط انسان هم با دشواری‌هایی رو بروست، ولزوماً همه افراد قادر به فهم آن نیستند. همچنین به دلیل پیچیدگی‌های زیاد زبان کنایی، این نحوه بیان مطالب، تا به امروز توسط هیچ برنامه پردازش زبان طبیعی^۴، به طور کامل قابل فهم و پردازش نبوده است.

با توجه به مطالب بیان شده، به نظر می‌رسد برای استفاده از برخی تکنیک‌های داده‌کاوی در قرآن و حصول نتیجه مناسب از آن‌ها، بهتر است به جای استفاده از واژگان آیات، از موضوعات آیات استفاده شود. همچنین برای شناخت موضوعات آیات و استخراج آن‌ها نیز، بهتر است که از تفاسیر قرآن بهره ببریم؛ تفاسیر ارزشمندی که توسط علمای اسلام به رشته تحریر درآمده‌اند، و حاصل خبرگی و حکمتی هستند که هزاران سال تلاش و دانش اندیشمندان بزرگ پشتوانه آن است. هرچند این دو از یک سخن نیستند و این‌ها در طول یکدیگر قرار دارند و این سنت تفسیری است که نزد مفسر و اندیشمند قرآنی بعد از خود نصوص قرار دارد.

^۱ Abdul-Baquee M. Sharaf

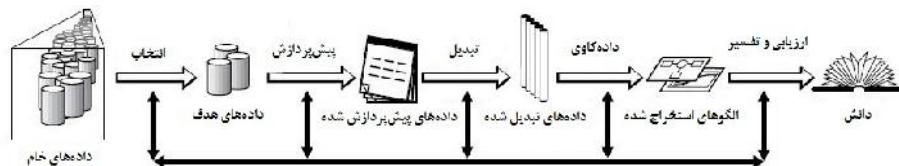
^۲ Eric S. Atwell

^۳ Ian Graeme Barbour

^۴ Natural language processing

روش تحقیق

در سال‌های اخیر، با هدف بهره‌برداری از مجموعه‌های بزرگ داده، تحقیقات جدیدی با موضوع کشف دانش از پایگاه داده‌ها (KDD^۱) و داده کاوی پدید آمده است. با وجود اینکه اغلب واژه داده کاوی و کشف دانش به جای یکدیگر استفاده می‌شود، در معنای واقعی و با بیانی دقیق‌تر، داده کاوی یکی از گام‌های فرآیند کشف دانش از مجموعه داده‌های ساختارمند انبه است که اصطلاحاً در حوزه علوم کامپیوتر با نام پایگاه داده^۲ نامیده می‌شود. اسماء فیاض^۳ و همکارانش (فیاض و همکاران، ۱۹۹۶) کشف دانش از پایگاه داده‌ها را فرآیند شناسایی الگوها و مدل‌های جدید، بالقوه مفید، قابل فهم و پنهان در داده‌ها تعریف نموده‌اند. در شکل ۱ پنج مرحله اصلی فرآیند کشف دانش از پایگاه داده‌ها نمایش داده شده است.



شکل ۱- گام‌های فرآیند کشف دانش از پایگاه داده‌ها (فیاض و همکاران، ۱۹۹۶)

داده کاوی تکنیک‌های مختلفی را در بر می‌گیرد؛ همه این تکنیک‌ها به دنبال یافتن ارتباطات، وابستگی‌ها و الگوهای جدید و پنهان در داده‌ها هستند، اما اهداف آن‌ها متفاوت است. یکی از تکنیک‌های مهم و پرکاربرد داده کاوی خوش‌بندی است. خوش‌بندی به منظور گروه‌بندی n داده که هر یک شامل p خصیصه هستند طراحی گردیده، به طوری که بین اعضای موجود در یک خوش‌بندی شباهت حداً کثیری وجود داشته باشد و اعضای موجود در خوش‌بندی مخالف شباhtشان حداقل باشند. در این تکنیک معمولاً تعداد خوش‌بندی از قبل مشخص نیست.

خوش‌بندی به دو شیوه عمده می‌تواند صورت گیرد. یکی به صورت افزایی^۴ و دیگری به شیوه سلسه مراتبی^۵. در شکل افزایی، داده‌ها به نحوی خوش‌بندی می‌شوند که اشتراک دو به دو خوش‌بندی با هم تهی است و اجتماع آن‌ها، همه داده‌ها را در بر می‌گیرد. به عبارتی دیگر هر یک از داده‌ها عضو یک و فقط یک

^۱ Knowledge Discovery in Databases

^۲ Data base

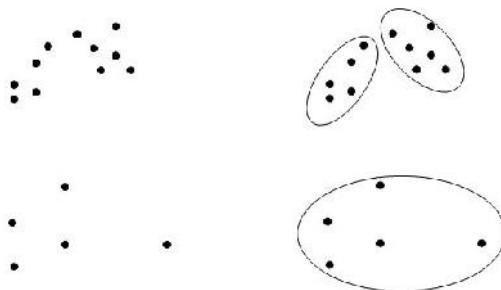
^۳ Fayyad Usama

^۴ Partitional clustering

^۵ Hierarchical clustering

خوشبندی سوره‌های قرآن با تکنیک‌های داده‌کاوی

خوشه هستند. در شکل ۲ خوشبندی افزایی به صورت شماتیک برای داده‌های فرضی نمایش داده شده است.

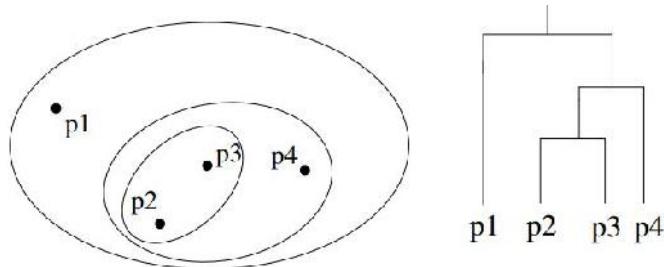


الف-داده‌های اولیه

ب-نمونه‌ای از خوشبندی افزایی بر روی داده‌ها

شکل ۲-خوشبندی افزایی

در شیوه سلسله مراتبی، بسته به دقیق دید تعداد خوشه‌ها متفاوت است. در یک نگاه کلان، کل داده‌ها در یک خوشه قرار دارند. اما اگر دقیق دید را بالاتر ببریم داده‌ها به دو خوشه تقسیم می‌شوند. با افزایش دقیق دید، تعداد خوشه‌ها نیز افزایش خواهد یافت تا آنجا که در دقیق‌ترین دید هر یک از داده‌ها دارای خوشه‌ای مجزا هستند. بنابراین در شکل سلسله مراتبی، مجموعه‌ای از خوشه‌های تودرتو را داریم که در قالب یک درختواره^۱ ساماندهی شده‌اند. در شکل ۳ خوشبندی سلسله مراتبی به صورت شماتیک برای داده‌های فرضی نمایش داده شده است.



الف-خوشه‌های تودرتو

ب-درختواره

شکل ۳-خوشبندی سلسله مراتبی

با استفاده از یک خط افقی می‌توان هر سطحی از درختواره را برش زد و به یک خوشبندی افزایی دست یافت. بدین شکل که در پایین خط افقی ترسیم شده بر روی درختواره، تعدادی درختواره جدید خواهیم داشت، که اشتراک دو به دوی عناصر تشکیل دهنده آن‌ها تهی است و اجتماع همه آن‌ها کل داده‌ها را در بر می‌گیرد.

پیش از این گفته شد که هدف از خوشبندی ایجاد دسته‌بندی در داده‌ها است، به نحوی که داده‌های درون یک خوشبندی شباهت را با یکدیگر داشته و با داده‌های سایر خوشبندی‌ها در کمینه شباهه باشند. حال سؤال اصلی این است که معیار ما برای ارزیابی و سنجش میزان شباهت داده‌ها چه می‌تواند باشد. مشابهت بین دو چیز معمولاً توسط یک عدد بیان می‌گردد که هر چه مقدار آن بیشتر باشد بیانگر شباهت بیشتر است. البته اغلب از مقداری بین صفر (عدم شباهت) و یک (کاملاً شباهت) برای بیان میزان شباهت استفاده می‌کنند.

معیارهای زیادی برای اندازه‌گیری شباهت، بین دو شیء داده‌ای که تنها شامل ویژگی‌های دودویی^۱ هستند وجود دارد. در ادامه برخی از این معیارها را معرفی خواهیم نمود.

فرض کنید p و q دو شیء داده هستند، که هر یک دارای n ویژگی دودویی می‌باشند. از مقایسه نظری به نظر ویژگی‌های این اشیاء داده، چهار کمیت حاصل می‌گردد، که عبارت‌اند از:

$$M_{01} = \text{تعداد ویژگی‌هایی که ارزش آن‌ها در } p \text{ صفر و در } q \text{ یک است.}$$

$$M_{10} = \text{تعداد ویژگی‌هایی که ارزش آن‌ها در } p \text{ یک و در } q \text{ صفر است.}$$

$$M_{00} = \text{تعداد ویژگی‌هایی که ارزش آن‌ها در } p \text{ صفر و در } q \text{ نیز صفر است.}$$

$$M_{11} = \text{تعداد ویژگی‌هایی که ارزش آن‌ها در } p \text{ یک و در } q \text{ نیز یک است.}$$

یکی از معیارهایی شباهتی که به طور معمول مورد استفاده قرار می‌گیرد، ضربی تطابق ساده^۲ است.

$$\text{SMC} = \frac{\text{نمايش داده می شود و مقدار آن با استفاده از رابطه ۱ محاسبه می گردد.}}{\text{نداشتن ویژگی ها}} = \frac{1}{M_{01} + M_{10} + M_{11} + M_{00}}$$

رابطه ۱

در معیار SMC، عدم وجود یک ویژگی در هر دو شیء داده (M_{00})، به عنوان شباهت در نظر گرفته می‌شود. مثلاً در مقایسه دو آیه از منظور این معیار، اینکه هیچ کدام از آن‌ها راجع به نماز صحبت نکرده‌اند به عنوان دلیلی برای شباهت بیشتر دیده خواهد شد. این موضوع چندان منطقی نیست، چرا که در مورد آیات،

^۱ Binary

^۲ Simple Matching Coefficient

موضوعات مطرح شده مهم هستند و نه موضوعاتی که مطرح نشده‌اند؛ البته این معیار در برخی موارد می‌تواند مناسب باشد، اما برای منظوری که در این مقاله به دنبالش هستیم مناسب نیست.

با حذف M_{00} از معیار SMC معیار جدیدی به نام جاکارد^۱ حاصل می‌گردد. نحوه محاسبه معیار جاکارد در رابطه ۲ بیان گردیده است.

$$J = \frac{c}{M_{01} + M_{10} + M_{11}} \quad \begin{matrix} c \\ \text{تعداد بیزگی‌هایی که حداقل در یکی از داده‌ها وجود دارند} \end{matrix} \quad \begin{matrix} M_{01} + M_{10} + M_{11} \\ \text{تعداد مجموعه‌هایی که حداقل در یکی از داده‌ها وجود دارد} \end{matrix}$$

رابطه ۲

بعنوان مثال اگر در آیه A راجع به a موضوع و در آیه B راجع به b موضوع صحبت شده باشد، و c موضوع در این دو آیه مشترک باشد، مقدار معیار جاکارد برابر $\frac{c}{a+b-c}$ خواهد بود. صورت این کسر موضوعات مشترک بین دو آیه و مخرج آن اجتماع موضوعات مطرح شده در دو آیه می‌باشد.

با بکارگیری هر یک از معیارهای شباهت، می‌توان ماتریسی مربعی را تشکیل داد، که هر سطر و ستون آن نماینده یکی از اشیاء داده است. در این ماتریس، در تقاطع سطرها و ستون‌ها میزان مجاورت دو عنصر داده مشخص گردیده است. این ماتریس به نام ماتریس مجاورت^۲ معروف است و در همه الگوریتم‌های خوشبندی مورد استفاده قرار می‌گیرد. در کل به نظر می‌رسد از بین معیارهای موجود با استفاده از معیار جاکارد، با منطقی درست می‌توان شباهت موضوعی بین سوره‌های قرآن را محاسبه نمود. بنابراین در این تحقیق برای محاسبه شباهت سوره‌ها از این معیار استفاده خواهیم کرد.

تا اینجا معیارهایی برای محاسبه میزان مجاورت دو شیء داده بیان گردید. در خوشبندی سلسه مراتبی در مرحله اول نزدیکترین اشیاء داده، با هم خوشه‌ای را تشکیل می‌دهند. بدین ترتیب در مراحل بعدی به جای اشیاء داده با خوشه‌های داده‌ها مواجه هستیم و لازم است که معیارهایی را هم برای سنجش میزان مجاورت خوشه‌ها با یکدیگر در نظر بگیریم. برای سنجش میزان مجاورت خوشه‌ها هم معیارهای زیادی تعریف شده است. معیارهای اتصال کامل (CL^۳) یا دورترین همسایه، تک اتصال (SL^۴) یا نزدیکترین همسایه، میانگین همه فاصله‌ها (AL^۵ یا UPGMA^۶) و روش وارد^۷ از مشهورترین معیارها در این زمینه هستند. در این پژوهش از روش وارد برای سنجش میزان فاصله بین خوشه‌ها استفاده شده است. در این

^۱ Jaccard

^۲ Proximity Matrix

^۳ Complete Link

^۴ Single Link

^۵ Average Link

^۶ Unweighted Pair Group Method using arithmetic Average

^۷ Ward

روش، مجموع مربع فواصل^۱ هر یک از اعضای خوش‌هایی که قرار است با هم ادغام گردند از مرکز خوش‌ه فرضی حاصل از ادغام محاسبه می‌گردد و ابتدا خوش‌هایی با هم ادغام می‌شوند که در آن‌ها، این مقدار نسبت به سایرین کمترین باشد. به بیان دیگر، روش وارد ابتدا خوش‌هایی را با هم ادغام می‌کند که اعضای آن‌ها با شدت بیشتری نسبت به سایر خوش‌ها حول مرکز خوش‌هایی را با هم ادغام متمرکز شده باشند (تن و همکاران، ۲۰۰۵).

داده‌های تحقیق

به دلیل تقدس قرآن و نیز زبان کنایی و تمثیلی آن، متن کاوی مستقیم آیات به شیوه معمول چندان جالب نخواهد بود. مشخص نمودن موضوعات و مفاهیم آیات با توجه به شیوه تمثیلی و کنایی قرآن، امری حساس، پیچیده و تخصصی است، و حتماً باید با نظر خبره^۲ صورت گیرد. در این تحقیق از تفسیر قرآن به جای خود قرآن استفاده شده است و موضوعات آیات با تشخیص خبره (تفسران) از آیات استخراج گشته است. باید توجه داشت که در بسیاری از تفاسیر قرآن، تفسیر لزومه به صورت آیه به آیه انجام نشده است. به عبارتی دیگر، در تفسیر بسیاری از آیات، دسته آیات، کل سوره، و حتی کل قرآن مدنظر مفسر بوده و در تفسیر هر آیه، از مطالب سایر آیات نیز استفاده شده است. آنچه ما در انجام این تحقیق به دنبالش هستیم یافتن همین ارتباطات است؛ لیکن با استفاده از تحلیل‌های محاسباتی و الگوریتم‌های ماشینی، و نه با اعمال نمودن نظرات خبرگان. به بیان دیگر ما نیازمند تفسیری هستیم که در آن خبره هر آیه را مستقل از سایر آیات مورد بررسی قرار داده باشد. از بین تفاسیر موجود، تفسیر راهنمای (هاشمی رفسنجانی، ۱۳۷۹) آیه به آیه پیش‌رفته و ارتباطات آیات را با هم در نظر نگرفته است. به همین دلیل داده‌های خود را از این تفسیر جمع‌آوری نموده‌ایم. برای انجام این پژوهش و به منظور جمع‌آوری موضوعات آیات، نگارندهان، نرم‌افزاری را توسعه دادند که متن الکترونیکی تفسیر را به عنوان ورودی دریافت و با پویش^۳ این متن، و نمایه‌های موضوعی که توسط تفسیر راهنمای در ذیل هر آیه با انواع دلالت‌های مطابقی و نیز غیرمطابقی نظری دلالت‌های التزامی و سیاقی استنبط شده است را در قالب پایگاه داده‌ای ذخیره‌سازی شده و بستری برای گونه‌های مختلف جستجوی لفظی و موضوعی فراهم نموده است. نرم‌افزار فراهم شده می‌تواند بسامد لفظ یا مفهوم مورد جستجو و محل رخداد آن‌ها را در متن تفسیر ذیل هر آیه قرآن ارائه نماید. مفهوم شکل^۴

^۱ Sum of the Square Distance

^۲ Expert

^۳ Scan

واسط کاربری^۱ این نرم‌افزار را نمایش می‌دهد.



شکل ۴- واسط کاربری نرم‌افزار جمع‌آوری موضوعات آیات از تفسیر راهنمای

این نرم‌افزار پس از آنکه از میان صفحات تفسیر موضوعات آیات را استخراج نمود، با پایگاه داده‌ای که از قبل برای نگهداری داده‌ها ایجاد شده ارتباط برقرار می‌کند تا موضوعات استخراج شده برای هر آیه را در جدولی ذخیره نماید. نحوه کار به این صورت است که نرم‌افزار پس از استخراج موضوعات یک آیه، آن‌ها را در ستون‌ها یا همان خصیصه‌های جدول جستجو می‌کند. در صورتی که یک موضوع پیش از این، برای یک آیه آورده شده باشد حتماً در بین فیلدهای خواهد بود اما اگر این نخستین بار باشد که چنین موضوعی برای یک آیه استخراج شده، ستونی جدید به جدول اضافه خواهد شد که به آن موضوع اختصاص می‌یابد. در هر صورت پس از یافتن یا افزودن فیلد مربوط به یک موضوع، در تقاطع این فیلد با سطر متاظر با آیه، عدد یک قرار می‌گیرد. بدین ترتیب در پایان کار جدولی خواهیم داشت که هر یک از این سطوحها نیز معرف موضوعات مطرح شده در آیات نماینده یکی از آیات قرآن هستند و ستون‌های جدول نیز معرف موضوعات مطرح شده در آیات می‌باشند.

نرم‌افزار توسعه داده شده بر روی همه بیست جلد تفسیر راهنمای کلیدی آیات توسط مفسر استخراج شده است که در ترجمه عادی قرآن چنین مفاهیمی صراحتاً وجود ندارد. جدول نهایی حاصل از اجرای نرم‌افزار دارای ۱۶۶۲ ستون می‌باشد، که هر یک از آن‌ها نماینده یکی از موضوعات مطرح شده در آیات هستند. در شکل ۵ جدول نهایی حاصل از اجرای نرم‌افزار، به صورت شماتیک نمایش داده شده است. روشن است که با دسترسی به جدول موضوعات مطرح شده در آیات، به راحتی می‌توان با

^۱ User Interface

تجمیع سطرهای مربوط به آیات یک سوره به جدول موضوعات مطرح شده در سوره‌ها دست یافت.

موضوعات استخراج شده از تفسیر راهنمای آیات

آیات قرآن		مجموعات استخراج شده از تفسیر راهنمای آیات					
		C1	C2	C3	...	C1662	
۱	آیه ۱ سوره حمد	۱	۱	۱	
۲	آیه ۲ سوره حمد	+	+	۱		+	
۳	آیه ۳ سوره حمد	+	۰	۰		۰	
:	:						
۶۲۳۶	آیه ۶ سوره ناس	+	۰	۰		۱	

جزء موضوعات مطرح شده در آیه ۲ سوره حمد است

شکل ۵-جدول موضوعات آیات

مراحل و فرآیند انجام کار

در این تحقیق به دنبال آن هستیم که با درنظر گرفتن همه موضوعاتی که با تشخیص خبره از سوره‌های قرآن استخراج گردیده‌اند، ارتباطات موضوعی بین کل سوره‌های قرآن را شناسایی، و این ارتباطات را در قالب درختواره شباهت موضوعی سوره‌های قرآن ارائه نماییم. با ترسیم این درختواره، عملاً سوره‌های قرآن به صورت سلسله مراتبی خوشبندی خواهند شد. بدین ترتیب که در پایین‌ترین سطح سلسله مراتب، تک‌تک سوره‌ها، به لحاظ موضوعی متفاوت از سایرین دیده شده و برای هر سوره، خوشبندی مجزا درنظر گرفته خواهد شد. با تعدیل این دید، سوره‌هایی که بیشترین موضوعات مشترک را دارند با استفاده از معیاری خاص شناسایی شده و در سطحی متناسب با اشتراکاتشان، با یکدیگر تشکیل یک خوشبندی را خواهند داد. در سطح بالاتر، این خوشبندی‌ها هستند که بر اساس میزان شباهت موضوعی، با یکدیگر ادغام و خوشبندی بزرگ‌تری را ایجاد خواهند نمود. روند ادغام در درختواره آنقدر ادامه خواهد یافت که در نگاهی بسیار کلان، کل ۱۱۴ سوره قرآن در یک خوشبندی قرار خواهد گرفت.

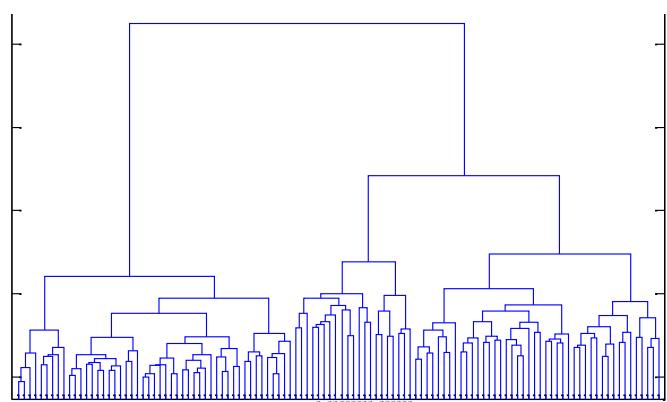
برای دستیابی به درختواره شباهت موضوعی سوره‌های قرآن، در گام نخست میزان شباهت یا فاصله سوره‌ها از هم، با استفاده از معیار جاکارد محاسبه و در ماتریس مجاورت^۱ ذخیره گردید. از نظر معنایی، مقدار معیار جاکارد بین دو سوره بیانگر نسبت موضوعات مشترک بین دو سوره، به کل موضوعات مطرح شده در دو سوره است. با استفاده از ماتریس مجاورت شبیه‌ترین سوره‌ها به لحاظ موضوعی شناسایی و در درختواره شباهت، توسط خطی در سطحی متناسب با میزان شباهتشان به یکدیگر متصل می‌شوند.

^۱ Proximity Matrix

همانطور که پیش‌تر نیز گفته شد برای تشکیل یک درختواره کامل از سوره‌های قرآن، علاوه بر معیار ارزیابی شباهت بین دو سوره، معیاری هم برای ارزیابی شباهت بین خوش‌ها احتیاج داریم، تا بعد از شناسایی شبیه‌ترین دو سوره به هم و قرار دادن آن‌ها در یک خوش، بتوانیم شباهت بین خوش و سوره و نیز شباهت بین خوش‌ها را مورد ارزیابی قرار داده و بر حسب میزان شباهت، آن‌ها را نیز در سطوح متناسب با یکدیگر ادغام کنیم. بنابراین در گام بعدی ماتریس مجاورت را مجدد و این بار با استفاده از معیار جاکارد وارد برای عناصر جدید، که شامل ۱۱۲ سوره و خوش حاصل از ادغام شبیه‌ترین دو سوره است، تشکیل خواهیم داد. این عمل آنقدر ادامه خواهد یافت تا در نهایت همه سوره‌ها در یک خوش قرار گیرند.

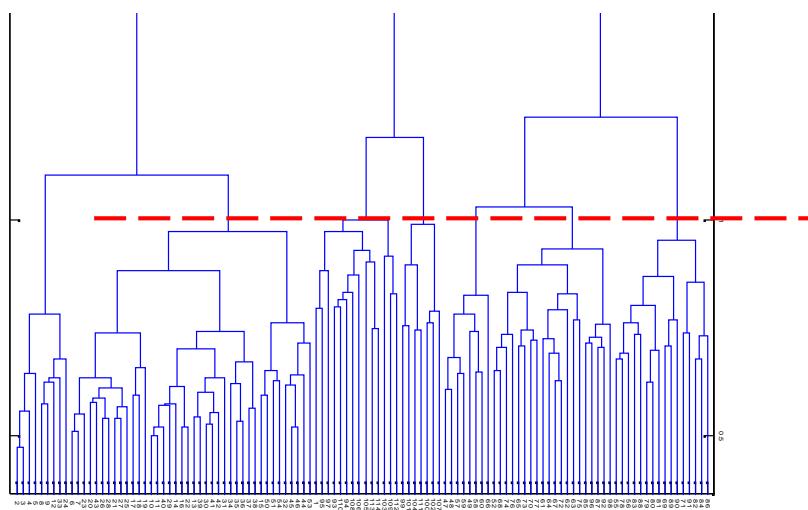
نتایج

با مبنای قرار دادن موضوعات مطرح شده در سوره‌ها و بهره‌گیری از معیارهای جاکارد و وارد می‌توان شباهت سوره‌های قرآن را به صورت سلسله مراتبی و در قالب درختواره ای ارائه نمود. این درختواره در شکل ۶ نمایش داده شده است. در پایین ترین سطح درختواره، شبیه‌ترین سوره‌های قرآن به لحاظ موضوعی، در سطحی متناسب با شباهتشان با خطی به شکل U وارونه به یکدیگر متصل شده‌اند. همانطور که در شکل ۶ مشخص است دومین و سومین سوره قرآن، یعنی سوره‌های بقره و آل عمران، از لحاظ موضوعی و بر اساس معیار جاکارد، مشابه‌ترین سوره‌های قرآن هستند. میزان شباهت این دو سوره نزدیک به ۵۳ درصد است، به عبارت دیگر موضوعات مطرح شده در این دو سوره، در ۵۳ درصد موارد مشترک است. در نقطه مقابل، بیشترین فاصله موضوعی بین صد و نهمین و صد و دوازدهمین سوره قرآن، یعنی سوره‌های کافرون و اخلاص است. این دو سوره از نظر موضوعی و بر اساس معیار جاکارد، تقریباً ۱۷ درصد مشابه هستند و این کمترین تشابه موضوعی بین دو سوره قرآن است. این درختواره اطلاعات زیادی را در خود دارد، و می‌تواند در تحقیقات قرآنی، به طرق مختلف مورد استفاده قرار گیرد.



شکل ۶- دندروگرام شباهت موضوعی سوره‌های قرآن بر اساس معیار جاکارد و وارد

برای آنکه با استفاده از درختواره شباht، سوره‌های قرآن را به لحاظ موضوعی خوشبندی نماییم، می‌توان در سطحی مناسب، با خطی افقی درختواره ترسیم شده را به چند زیردرختواره تقسیم نمود. هر یک از این زیردرختواره‌ها، مجموعه‌ای از سوره‌ها را در بر خواهند گرفت که در کنار هم، یک خوشبندی نمودن تشکیل خواهند داد. در این میان، مسئله کلیدی و مهم، محل قرار دادن خط افقی است. با نزدیک نمودن این خط به سطوح پایین درختواره، تعداد خوشبندی‌ها زیاد و اندازه خوشبندی‌ها کوچک خواهد شد. در این حالت میزان شباht سوره‌های قرار گرفته در یک خوشبندی زیاد خواهد بود. در مقابل اگر خط افقی را در سطوح بالای درختواره مستقر نماییم، خوشبندی‌های بزرگی خواهیم داشت که تعدادشان نسبت به حالت قبلی کمتر است. در این وضعیت، سوره‌های درون یک خوشبندی به اندازه حالت قبلی به یکدیگر شبیه نیستند. در کل با حرکت خط افقی به سمت سطوح بالای درختواره، تعداد خوشبندی‌ها کمتر، اندازه آن‌ها بزرگ‌تر و تشابه اعضاشان کمتر خواهد شد. شکل ۷ قسمتی از درختواره حاصل از به کارگیری معیارهای جاکارد و وارد را نمایش می‌دهد؛ در این شکل، خط چین افقی رسم شده بر روی درختواره باعث ایجاد خوشبندی نموده است. گردیده است. البته این خط چین می‌تواند در سطوح دیگری نیز مستقر گردد و خوشبندی‌های متفاوتی را نتیجه دهد. اعضای این خوشبندی‌ها در جدول ۱ معرفی شده‌اند؛ همچنین موضوعاتی که در بین همه اعضای یک خوشبندی مشترک هستند نیز در این جدول گنجانده شده است. البته بسیاری موضوعات دیگر نیز وجود دارند که در اغلب سوره‌های یک خوشبندی مطرح شده‌اند و در شکل گیری خوشبندی مؤثر بوده‌اند. لذا این تصور که تشکیل خوشبندی‌ها تنها بر اساس موضوعات مشترک در بین همه اعضای بوده است، تلقی صحیحی نیست.



شکل ۷- برشی افقی بر درختواره شباht موضوعی سوره‌های قرآن بر اساس معیار جاکارد و وارد

جدول ۱- معرفی خوشه‌های حاصل از برش انجام شده بر درختواره شباهت موضوعی

G	F	E	D	C	B	A	نام خوشه
۱۶	۲۰	۸	۷	۱۴	۴۰	۹	تعداد اعضای خوشه

الرحمن (۵۵) - واقعه (۶۵) - حاقة (۶۹) - نوح (۷۱) - بن (۷۸) - نازعات (۷۹) - عبس (۸۸) -
کسیر (۸۸) - انفطر (۸۲) - مطفئین (۸۸) - انشقاق (۸۴) - طلاق (۶۸) - غاشیه (۸۸) -
طور (۵۲) - صرف (۶۱) - جمعه (۶۲) - منافقون (۶۳) - تغون (۶۴) - طلاق (۶۵) - ملک (۶۷) -
قلم (۶۸) - معارج (۷۰) - جن (۷۲) - مژمل (۷۳) - مذر (۷۴) - قیامه (۷۵) - انسان (۷۶) -
محمد (۷۴) - فتح (۷۴) - بحيرات (۹۴) - حذيد (۷۵) - مجادله (۸۵) - حشر (۵۹) -
زلزال (۹۹) - عدیات (۱۰۰) - قارعة (۱۰۱) - کاڭاژى (۱۰۱) - همزىن (۱۰۱) - ماعون (۱۰۷) -
فاته (۱۰۲) - ضنى (۹۴) - اششار (۹۴) - تبین (۹۵) - قدر (۹۴) - عصر (۱۰۳) - پیل (۱۰۵) -
قریش (۱۰۶) - کوثر (۱۰۸) - کافون (۹۱) - نصر (۱۱۰) - اخلاص (۱۱۲) - فلق (۱۱۳) -
نحل (۱۱۱) - اسراء (۱۱۷) - کهف (۱۱۸) - مرسیم (۱۱۹) - آپیاء (۱۲۱) - حسین (۱۲۲) -
مومنوش (۱۲۳) - فرقان (۱۲۵) - شمراء (۱۲۶) - نمل (۱۲۷) - قصص (۱۲۸) - عکبوت (۱۲۹) -
روم (۱۳۰) - لقمان (۱۳۳) - سجده (۱۳۲) - سباء (۱۳۴) - فاطر (۱۳۵) - پیس (۱۳۶) - صفات (۱۳۷) -
سم (۱۳۸) - زم (۱۳۴) - غافر (۱۴۰) - فیات (۱۴۱) - شمرید (۱۴۲) - زخيف (۱۴۳) - دخان (۱۴۴) -
نور (۱۴۵) - آل عمران (۱۴۶) - نساء (۱۴۷) - مائده (۱۵۰) - افال (۱۵۱) - توپه (۱۵۲) - یوسف (۱۵۳) -
نفره (۱۵۴) - آلم (۱۵۵) - نسب (۱۵۶) - مکالم (۱۵۷) - نور (۱۵۸)

یکی از موضوعاتی که در دسترس مفسران می‌باشد موضوع مکی یا مدنی بودن سوره‌های قرآن کریم است. این موضوع ممکن است بتواند تا حدودی اعتبار خوشه‌بندی انجام شده در این تحقیق را حمایت نماید. بر اساس مطالعه انجام شده (ناصحیان، ۱۳۸۶) سوره‌های قرآن کریم از منظر مکی و مدنی بودن در سه دسته گنجانده شده‌اند: ۱- سوره‌هایی که در مکی بودن آن‌ها اتفاق نظر وجود دارد ۲- سوره‌هایی که در مدنی بودن آن‌ها اتفاق نظر وجود دارد ۳- سوره‌هایی که در مکی یا مدنی بودن آن‌ها با توجه به تقاضا در معیار مکی و مدنی بودن، اختلاف نظر وجود دارد. علی‌رغم برداشت‌های گوناگون و معیارهای متفاوت در تشخیص مکی و مدنی بودن سوره‌ها، نتایج مندرج در این خوشه‌ها، با نتایج این بررسی انطباق دارد، که خلاصه آن در جدول ۲ آمده است.

همانطور که مشخص است به غیر از خوش F، بقیه خوش‌ها از نظر مکی و مدنی بودن به میزان زیادی یکدست هستند. این یکدست بودن، خود می‌تواند شاهدی بر صحت خوش‌بندی انجام شده باشد. بررسی دقیق‌تر این خوش‌ها نیازمند خبرگی و آشنایی بیشتر با علوم قرآنی است و می‌تواند موضوعی برای تحقیقات آتی باشد.

جدول ۲- بررسی محل نزول (مکی و مدنی بودن) اعضای خوش‌ها

G	F	E	D	C	B	A	نام خوش
۱۶	۲۰	۸	۷	۱۴	۴۰	۹	تعداد کل اعضا
۱۵	۱۳	۰	۶	۱۳	۳۹	۱	تعداد اعضا مکی
۱	۷	۸	۱	۱	۱	۸	تعداد اعضا مدنی
(۵)	صف (۶۱) جمعه (۶۲) منافقون (۶۳) تغابن (۶۴) طلاق (۶۵) انسان (۷۶) بینه (۹۸)	—	(۷۰)	(۷۰)	(۷۰)	(۷۰)	موارد خلاف اکثریت
%۹۴	%۶۵	%۱۰۰	%۸۶	%۹۳	%۹۸	%۸۹	میزان یکدست بودن اعضا خوش

نتیجه‌گیری و بحث و بررسی

به طور سنتی پژوهشگران و خبرگان علوم قرآنی، به دلیل تقرب و انس زیاد با قرآن، غالباً موضوعات کلان مطرح شده در سوره‌ها را در محفوظات خود دارند و از طریق آن‌ها می‌توانند ارتباطات بین سوره‌ها را در صورت نیاز، به طور نسبی حدس بزنند. ما در این تحقیق به دنبال آن بودیم که با درنظر گرفتن همه موضوعاتی که با تشخیص مفسر از سوره‌های قرآن استخراج گردیده‌اند، ارتباطات موضوعی بین کل سوره‌های قرآن را شناسایی، و این ارتباطات را در قالب درختواره شباهت موضوعی سوره‌های قرآن ارائه

نماییم. با ترسیم این درختواره، عمل‌السوره‌های قرآن به صورت سلسله مراتبی خوشبندی شدند. بدین ترتیب که در افراطی ترین حالت و در پایین ترین سطح سلسله مراتب، تک‌تک سوره‌ها، به لحاظ موضوعی متفاوت از سایرین دیده شده و برای هر سوره، خوش‌ای مجزا در نظر گرفته شد. با تعدیل این دید، سوره‌هایی که بیشترین موضوعات مشترک را دارند با استفاده از معیاری خاص شناسایی و در سطحی متناسب با اشتراکاتشان، با یکدیگر تشکیل یک خوش را دادند. در سطح بالاتر، این خوش‌ها بودند که بر اساس میزان شباهت موضوعی، با یکدیگر ادغام و خوش‌های بزرگ‌تر را ایجاد نمودند. روند ادغام در درختواره آنقدر ادامه یافت که در نگاهی بسیار کلان، کل ۱۱۴ سوره قرآن در یک خوش قرار گرفت. نتایج این تحقیق نشان می‌دهد که استفاده از تکنیک‌های داده‌کاوی برای بررسی و تحلیل قرآن می‌تواند مؤثر و مفید باشد، به طوری که به نظر می‌رسد بخشی از دانشی را که یک فرد خبره در طی سال‌ها انس با قرآن به آن رسیده است با استفاده از این تکنیک‌ها قابل دستیابی است.

منابع

- باربور، ایان، *علم و دین*، ترجمه بهاء الدین خرمشاهی، مرکز نشر دانشگاهی، ۱۳۹۳.
- پهلوان، منصور، و سعید شفیعی، «ازیابی و نقد نظریه اعجاز عددی قرآن کریم»، *دوفصلنامه پژوهش‌های قرآن و حدیث*، دفتر ۱، پاییز و زمستان ۱۳۸۸، صص ۵۷-۷۶.
- خلیفه، رشاد، *معجزة القرآن الكريم*، بیروت: دارالعلم للملايين، ۱۹۸۳م.
- سیوطی، عبدالرحمن بن ابی بکر، *الاتقان فی علوم القرآن*، قاهره، چاپ سوم، ۱۳۶۰.
- طباطبائی، محمد حسین، *المیزان فی تفسیر القرآن*، دفتر انتشارات جامعه مدرسین حوزه علمیه قم، چاپ پنجم، ۱۴۱۷ق.
- _____، *ترجمه تفسیر المیزان*، مترجم: سید محمد باقر موسوی همدانی، دفتر انتشارات اسلامی وابسته به جامعه مدرسین حوزه علمیه قم، چاپ پنجم، ۱۳۷۴.
- عطایی، شروان، «تدبر در قرآن مجید به کمک روش‌های داده‌کاوی»، *چهارمین کنفرانس داده‌کاوی*، ۹-۱۰ آذر، تهران، ایران، ۱۳۸۹.
- معارف، مجید، «شناخت قرآن»، *مجله گلستان قرآن*، شماره ۱۲۸، (۱۳۸۱)، صص ۴۲-۴۶.
- ناصعیان، علی‌اصغر، «شناخت مکنی و مدنی در پرتو احادیث»، *مجله سفیر*، شماره ۱، ۱۳۸۶، صص ۵-۳۲.
- نوفل، عبدالرزاقد، *الاعجاز العددی للقرآن الكريم*، چاپ پنجم، بیروت، دارالكتاب العربي، ۱۹۸۷م.
- هاشمی رفسنجانی، علی‌اکبر، *تفسیر راهنمای قم*، انتشارات دفتر تبلیغات اسلامی، چاپ سوم، ۱۳۷۹.

- Aldhlan, Kawther. A., Zeki, Ahmed. M. & Zeki, Akram. M., "Datamining and Islamic knowledge extraction: alhadith as a knowledge resource", In ***Information and Communication Technology for the Muslim World (ICT4M)***, 3rd International Conference on ICT4M 2010, p H-21.
- Ali, Imran, "Application of a Mining Algorithm to Finding Frequent Patterns in a Text Corpus: A Case Study of the Arabic", ***International Journal of Software Engineering and Its Applications***, (2012), 6(3), pp 127-134.
- Fayyad, Usama M, Piatetsky-Shapiro, G., & Smyth, P., "The KDD process for extracting useful knowledge from volumes of data", ***Communications of the ACM***, (1996), 39(11), pp 27-34.
- Khalifa, Rashad, ***Quran: Visual Presentation of the Miracle***, USA, (1982).
- Mahmood, T., Atique, N., Razzaq, A., Kazmi, M., & Akhtar, R., "Mining Topical Clusters and Topical Associations from the Holy Qur'an", ***International Conference on Advances in Information Technology for the Holy Quran and Its Sciences***, Tibah University (2013).
- Pang-Ning, T., Steinbach, M., & Kumar, V., ***Introduction to data mining***, Boston, USA, Addison-Wesley, (2005).
- Sharaf, A. B. M., & Atwell, E., "QurSim: A corpus for evaluation of relatedness in short texts", In ***LREC***, (2012), pp 2295-2302.