

مقایسه مدل‌های تک‌فازی، مخلوط دوفازی و اولری-اولری در شبیه‌سازی برخورد جت نانوسیالات*

ادریس ترشیزی^(۱)ایمان زحمتکش^(۲)

چکیده این مقاله به بررسی تبادل حرارت در برخورد جت نانوسیالات می‌پردازد. هدف، مقایسه مدل‌های تک‌فازی و دوفازی در تحلیل جریان نانوسیالات و هم‌چنین مطالعه رفتار سیال پایه و نانوذرات به طور مجزا در مدل دوفازی اولری-اولری می‌باشد. برای این منظور، برخورد جت نانوسیال آب/ Al_2O_3 در حالت‌های مختلف با مدل‌های تک‌فازی، مخلوط دوفازی و دوفازی اولری-اولری شبیه‌سازی شده و نتایج به دست آمده مورد تجزیه و تحلیل قرار می‌گیرد. برای حل معادلات حاکم در هر سه مدل از روش حجم محصور استفاده می‌شود. صحبت شبیه‌سازی‌های انجام شده با مقایسه نتایج به دست آمده با نتایج موجود به اثبات می‌رسد. نتایج نشان می‌دهند که در کلیه رویکردها، افزایش عالد رینولاز و بالارفتن کسر حجمی نانوذرات، بهبود تبادل حرارت را در پی دارد. در محاسبات انجام شده، مدل‌های دوفازی انتقال حرارت بیشتری را نسبت به مدل تک‌فازی پیش‌بینی می‌کنند. مقایسه دقیق رویکردهای دوفازی نیز بیانگر انتقال حرارت بیشتر مدل اولری-اولری نسبت به مدل مخلوط می‌باشد. با این وجود، مشخص می‌شود که با افزایش عالد رینولاز و کاهش کسر حجمی نانوذرات، نتایج این دو روش به هم نزدیک‌تر می‌شوند. در نهایت، مدل اولری-اولری نشان می‌دهد که توزیع دما در سیال پایه و نانوذرات یکسان است اما توزیع سرعت‌ها با یکدیگر متفاوت می‌باشند.

واژه‌های کلیدی نانوسیال؛ برخورد جت؛ مدل تک‌فازی؛ مدل مخلوط دوفازی؛ مدل اولری-اولری؛ شبیه‌سازی عددی.

Comparison between Single-Phase, Two-Phase Mixture and Eulerian-Eulerian Models for the Simulation of Jet Impingement of Nanofluids

E. Torshizi I. Zahmatkesh

Abstract This paper deals with heat transfer in jet impingement of nanofluids. Attention is focused to compare single-phase and two-phase nanofluid models and to study separate behaviors of the base fluid and the nanoparticles through the Eulerian-Eulerian two-phase model. For this purpose, jet impingement of Al_2O_3 /water nanofluid in different conditions is simulated adopting the single-phase, two-phase mixture and Eulerian-Eulerian models and the corresponding results are discussed. For the solution of the governing equations of the three models, the control-volume approach is used. The accuracy of the current simulations is demonstrated by comparing the obtained results with those of open literature. The results indicate that in all of the approaches, increase in the Reynolds number as well as nanoparticle fraction leads to heat transfer improvement. During the current computations, the two-phase models predict higher heat transfer as compared to the single-phase model. Closer scrutiny of the two-phase approaches indicates that heat transfer of the Eulerian-Eulerian model is higher than the mixture model. However, it is found that with increase in the Reynolds number and decrease in the nanoparticle fraction, results of the two approaches become closer. Finally, the Eulerian-Eulerian model demonstrates that temperature distribution in the base fluid and the nanoparticles are similar but the corresponding velocity distributions are distinct.

Key Words Nanofluid; Jet impingement; Single-phase model; Two-phase mixture model; Eulerian-Eulerian model; Numerical simulation

*تاریخ دریافت مقاله ۹۳/۹/۷ و تاریخ پذیرش آن ۹۴/۳/۲۴ می‌باشد.

(۱) دانشجوی کارشناسی ارشد، گروه مکانیک، واحد مشهد، دانشگاه آزاد اسلامی، مشهد، ایران.

(۲) نویسنده مسئول: استادیار، گروه مکانیک، واحد مشهد، دانشگاه آزاد اسلامی، مشهد، ایران. zahmatkesh5310@mshdiau.ac.ir

مقدمه

الماس صنعتی و همچنین فرآیندهای برشی، سایشی و خوردگی مانند تکنولوژی برش با آب اشاره کرد. جت‌ها را می‌توان به دو دستهٔ کلی جت‌های شیاردار و جت‌های دایروی تقسیم‌بندی کرد. مرور پژوهش‌های قبلی نشان می‌دهد که در گذشته جت‌های دایروی بیشتر مورد بررسی قرار گرفته‌اند [4-6]. اخیراً انتقال حرارت و جرم در برخورد جت‌های شیاردار توجه بیشتری را به خود جلب کرده است. این امر را می‌توان به برتری آنها در ایجاد سرمایش، یکنواخت بودن و قابلیت کنترل نسبت داد [7].

برخورد جت به صفحهٔ هدف هم در یک محیط محدود و هم در یک محیط نامحدود می‌تواند صورت گیرد. هنگامی که محیط محدود باشد، فضای کمتری مورد نیاز خواهد بود، اما برخورد جت در محیط‌های نامحدود طراحی و ساخت ساده‌تری دارد.

با وجود تحقیقات وسیعی که در تحلیل جت‌های برخوردی صورت گرفته، برخورد جت نانوسیالات کمتر مورد توجه بوده است. اولین مطالعه در این زمینه به شبیه‌سازی عددی روی و همکاران [8] بر می‌گردد. آنها جریان آرام نانوسیال آب/ Al_2O_3 در یک سیستم سرمایش شعاعی را مورد توجه قرار دادند و مشاهده کردند که با اضافه کردن نانوذرات به میزان ۱۰٪، انتقال حرارت تا ۲۰۰٪ افزایش می‌یابد. البته همزمان، افزایش قابل توجهی در تنفس برشی دیواره نیز گزارش شده بود. پالم و همکاران [9] نیز جریان آرام نانوسیال را در مسئله برخورد جت دایروی مورد بررسی عددی قرار دادند با این تفاوت که خواص سیال را تابع دما در نظر گرفتند. نتایج آنها حاکی از افزایش ۲۵ درصدی ضریب جابه‌جایی در هنگام استفاده از نانوذرات Al_2O_3 با کسر حجمی ۴٪ بود. علاوه بر این، پالم و همکاران نشان دادند که استفاده از خواص تابع دما، افزایش در تخمین نرخ انتقال حرارت و کاهش در تخمین مقدار تنفس برشی را نسبت به حالتی که خواص ثابت در نظر گرفته شوند، در پی خواهد داشت.

افزایش تبادل حرارت در صنایع همواره مورد توجه طراحان و مهندسان بوده است. یکی از روش‌های افزایش تبادل حرارت سیالات متداول حرارتی، پخش ذرات فلزی و یا اکسید فلزی با هدایت حرارتی بالا در سیال پایه است. این ایده اولین بار توسط ماکسول [1] مطرح شد. البته ذراتی که ماکسول از آنها استفاده نمود، درشت بودند و مشکلاتی نظیر افت فشار بسیار زیاد، تنشینی ذرات و انسداد و گرفتگی لوله‌ها را در پی داشتند. با پیشرفت در فناوری نانو، چوی [2] استفاده از نانوذرات را برای این منظور پیشنهاد کرد که سیال به دست آمده را نانوسیال نامید. بهبود انتقال حرارت جابه‌جایی در اثر افزودن نانوذرات سبب شد تا از آن پس، محققان بسیاری به تحلیل استفاده از نانوسیالات در طیف وسیعی از مسائل مهندسی بپردازنند. برخی از این مطالعات توسط داس و همکاران [3] گردآوری شده است.

در یک فرآیند انتقال، مقاومت لایهٔ مرزی تأثیر بهسزایی بر نرخ انتقال به همراه دارد به گونه‌ای که با کاهش در ضخامت لایهٔ مرزی می‌توان شاهد بهبود قابل توجهی در میزان انتقال جرم، حرارت و اندازه‌حرکت بود. یکی از روش‌های نیل به این هدف، استفاده از جت‌های برخوردی است. در این روش با اعمال اندازه‌حرکت قابل توجه به سیال خروجی از یک نازل و سپس برخورد آن به سطح موردنظر، مقاومت در مقابل انتقال جرم، حرارت و اندازه‌حرکت را کاهش می‌دهند. جت‌های برخوردی کاربردهای فراوان و متنوعی در صنعت دارند که از آن جمله می‌توان به سرمایش و خنک‌کاری پرهای توربین گازی، دیواره شیمیایی و هسته‌ای، فرآیندهای خشک‌کردن در صنایع نساجی، غذایی و تولید کاغذ، تکنولوژی پوشش به روش رسوب بخارات شیمیایی مانند تولید فیلم نازک

می باشدند. بدین ترتیب، نانوسيال حاصل به صورت یک سیال همگن در نظر گرفته می شود. این رویکرد به دلیل سادگی و حجم کم محاسبات در بسیاری از مطالعات نانوسيالات مورد استفاده بوده است.

رویکردهای دوفازی به کار گرفته شده در این مقاله شامل مدل مخلوط و مدل اولری-اولری می باشند. در شبیه سازی مخلوط دوفازی، علاوه بر معادلات پیوستگی، اندازه حرکت و انرژی برای کل مخلوط، معادله حاکم بر کسر حجمی نانوذرات نیز حل می شود. این روش اولین بار توسط بهزادمهر و همکاران [17] برای تحلیل جریان متلاطم نانوسيال در یک لوله استفاده شد. مقایسه نتایج به دست آمده با داده های آزمایشگاهی نشان داد که مدل مخلوط دوفازی نسبت به مدل تک فازی دقت بیشتری دارد. مطالعات میرمعصومی و بهزادمهر [18] و حق شناس فرد و همکاران [19] نیز مؤید همین مطلب بوده اند. اخیراً نیز معنوی و همکاران [20] جریان متلاطم نانوسيال در یک مجرای موجود تحت شار حرارتی ثابت را با دو روش تک فازی و مخلوط دوفازی شبیه سازی کردند. نتایج آنها نشان داد که مدل مخلوط دوفازی انتقال حرارت بیشتری را نسبت به مدل تک فازی پیش بینی می کند.

با اعمال مدل اولری-اولری به جریان نانوسيالات، سیال پایه و نانوذرات به عنوان دو فاز مجزا در نظر گرفته شده و معادلات پیوستگی، اندازه حرکت و انرژی برای هر یک از فازها به طور جداگانه به کار می رود. البته، عکس العمل های میان فازها نیز محاسبه می شود. بدین ترتیب، در این رویکرد، سیال پایه و نانوذرات می توانند سرعت و دمای متفاوتی را در میدان جریان دارا باشند. به دلیل پیچیدگی روابط و حجم بالای محاسبات، مدل اولری-اولری در مطالعه جریان نانوسيالات کمتر مورد استفاده بوده است.

کلت و همکاران [21] از روش دوفازی اولری-اولری برای تحلیل جریان نانوسيال آب/Cu درون

در پژوهشی دیگر، یانگ و لی نتایج عددی برای جت های محدود با خواص ثابت [10] و تابع دما [11] ارائه کردند. بررسی آنها نشان داد که با زیاد شدن عدد رینولدز و افزایش کسر حجمی نانوذرات، عدد ناسلت افزایش می یابد. علاوه بر این مشاهده شد که خواص ترموفیزیکی تابع دما تأثیر قابل توجهی بر نتایج حاصل به دنبال دارند.

هم چنین، مانکا و همکاران برخورد جت شیاردار محدود متلاطم [12] و آرام [13] را مورد تجزیه و تحلیل عددی قرار دادند. نتایج آنها حاکی از این امر بود که بالارفتن عدد رینولدز و کسر حجمی نانوذرات، افزایش شدید انتقال حرارت و توان مورد نیاز برای پمپاژ را به همراه دارد. اخیراً نیز برخورد جت نوسانی نانوسيال به وسیله سلیمه فندی چیل و ازتاب [14] مورد مطالعه عددی قرار گرفته است. نتایج به دست آمده نشان می دهد که با افزایش فرکانس نوسانات، مقدار عدد ناسلت در نقطه سکون بیشتر می شود.

مرور مقالات موجود نشان می دهد که مسئله برخورد جت از نظر آزمایشگاهی نیز مورد توجه برخی محققان بوده است. نوین و همکارانش [15] برخورد جت های آرام و متلاطم نانوسيال آب/ Al_2O_3 را به یک صفحه دایروی داغ مورد آزمایش قرار دادند. تحلیل نتایج آنها نشان داد که افزایش انتقال حرارت ناشی از به کار گیری نانوسيالات، علاوه بر کسر حجمی نانوذرات، به فاصله جت تا صفحه هدف نیز وابسته است. در یک مطالعه تجربی دیگر، قراسیم و همکاران [16] مشاهده کردند که در برخورد جت های دایروی نانوسيال، افزایش عدد ناسلت میانگین می تواند با بالابردن کسر حجمی نانوذرات و عدد رینولدز و هم چنین کاهش فاصله تا صفحه هدف تحقق یابد. برای تجزیه و تحلیل جریان نانوسيالات، مدل تک فازی و مدل های دوفازی قابل استفاده اند. در رویکرد تک فازی فرض بر این است که سیال پایه و نانوذرات همواره دارای سرعت و دمای یکسانی

$$\nabla \cdot (\rho_{nf} C_{p_nf} VT) = \nabla \cdot (k_{nf} VT) \quad (3)$$

در این روابط، V سرعت، P فشار و T دمای نانوسيال می‌باشد. در اينجا، خواص مؤثر نانوسيال از اهميت زيادي برخوردار بوده که به صورت زير تعين مي‌شوند. چگالي مؤثر:

$$\rho_{nf} = (1 - \phi)\rho_f + \phi\rho_p \quad (4)$$

گرمای ویژه مؤثر:

$$(C_p)_{nf} = (1 - \phi)(C_p)_f + \phi(C_p)_p \quad (5)$$

برای محاسبه لرجت مؤثر نانوسيالات روابط نسبتاً پیچیده‌ای ارائه شده است. البته برای لرجت مؤثر نانوسيال آب/ Al_2O_3 می‌توان از رابطه ساده زير استفاده کرد [24]:

$$\mu_{nf} = \mu_f(123\phi^2 + 7.3\phi + 1) \quad (6)$$

ضریب هدایت حرارتی مؤثر نانوسيالات با ذرات کروی شکل نیز به صورت زیر می‌تواند تعیین شود [25]:

$$k_{nf} = \frac{k_p + 2k_f - 2\phi(k_f - k_p)}{k_p + 2k_f + \phi(k_f - k_p)} k_f \quad (7)$$

در روابط بالا، ϕ کسر حجمی نانوذرات و زيرنويس‌های f و p به ترتیب بیانگر خواص برای سیال پایه و نانوذرات می‌باشد.

مدل مخلوط دوفازی. معادلات حاکم در مدل مخلوط دوفازی چنین است:

معادله پيوستگی:

$$\nabla \cdot (\rho_m V_m) = 0 \quad (8)$$

معادله اندازه حرکت:

ريز مجرها استفاده کردند. نتایج آنها نشان داد که مدل دوفازی اولری-اولری انتقال حرارت بیشتری را نسبت به مدل تک‌فازی پيش‌بياني می‌كند. آنها در مطالعه‌اي دیگر به مقایسه نتایج مدل‌های تک‌فازی و اولری-اولری با نتایج آزمایشگاهی پرداختند [22]. بیشترین انحراف از داده‌های آزمایشگاهی برای مدل اولری-اولری ۷/۴۲٪ و برای مدل تک‌فازی ۶/۱۲٪ به دست آمد.

اکبری و همکاران [23] نیز به مقایسه نتایج مدل‌های تک‌فازی و دوفازی در تحلیل جریان آرام نانوسيال آب/ Al_2O_3 در لوله پرداختند. نتایج اين مطالعه نشان می‌دهد که ضریب جابه‌جایی پيش‌بياني شده با مدل اولری-اولری به داده‌های آزمایشگاهی بسیار نزدیک‌تر از مدل تک‌فازی است.

مقاله حاضر به استفاده از مدل‌های تک‌فازی، مخلوط دوفازی و اولری-اولری برای تحلیل برخورد جت نانوسيالات می‌پردازد. هدف، مقایسه و ارزیابی این مدل‌ها و همچنین، مطالعه رفتار سیال پایه و نانوذرات به طور مجزا در مدل دوفازی اولری-اولری می‌باشد.

معادلات حاکم

معادلات حاکم بر نانوسيال در مدل‌های تک‌فازی، مخلوط دوفازی و اولری-اولری به صورت زيرند:

مدل تک‌فازی. در اين رو يك‌رد، معادلات حاکم بر نانوسيال به صورت زيرند:

معادله پيوستگی:

$$\nabla \cdot (\rho_{nf} V) = 0 \quad (1)$$

معادله اندازه حرکت:

$$\rho_{nf} V \nabla \cdot V = -\nabla P + \nabla \cdot (\mu_{nf} \nabla V) \quad (2)$$

معادله انرژی:

محاسبه‌اند:

$$\mathbf{a} = \mathbf{g} - (\mathbf{V}_m \cdot \nabla) \mathbf{V}_m \quad (16)$$

$$f_{drag} = \begin{cases} 1 + 0.15 Re_p^{0.687}, & Re_p \leq 1000 \\ 0.0183 Re_p, & Re_p > 1000 \end{cases} \quad (17)$$

در روابط بالا، ρ_m ، μ_m و k_m خواص مؤثر نانوسیال هستند و Re_p عدد رینولدز محلی نانوذرات ($Re_p = \rho_m |V_m| d_p / \mu_m$) می‌باشد.

مدل دوفازی اولری-اولری. در مدل دوفازی اولری-اولری معادلات حاکم به صورت زیرند:
معادلات پیوستگی:

$$\nabla \cdot (\rho_f \phi_f V_f) = 0 \quad (18)$$

$$\nabla \cdot (\rho_p \phi_p V_p) = 0 \quad (19)$$

معادلات اندازه‌حرکت:

$$\nabla \cdot (\rho_f \phi_f V_f V_f) = -\phi_f \nabla P + \nabla \cdot [\phi_f \mu_f (\nabla V_f + \nabla V_f^T)] + F_d + F_{vm} \quad (20)$$

$$\nabla \cdot (\rho_p \phi_p V_p V_p) = -\phi_p \nabla P + \nabla \cdot [\phi_p \mu_p (\nabla V_p + \nabla V_p^T)] - F_d - F_{vm} + F_{col} \quad (21)$$

در این روابط، F_d و F_{vm} به ترتیب نیروی پسا، نیروی جرم مجازی و نیروی متقابل ذرات می‌باشند. در اینجا از نیروی برای وارد بر نانوذرات می‌توان صرفنظر کرد.
نیروی پسا نیز از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$F_d = -\gamma (V_f - V_p) \quad (22)$$

که در آن ضریب اصطکاک (γ) به صورت زیر قابل

محاسبه است [27]:

$$\nabla \cdot (\rho_m V_m V_m) = -\nabla P + \nabla \cdot (\mu_m \nabla V_m) + \rho_m g + \nabla \cdot \left(\sum_{k=1}^n \phi_k \rho_k V_{dr,k} V_{dr,k} \right) \quad (9)$$

معادله انرژی:

$$\nabla \cdot \sum_{k=1}^n \left(\rho_k c_{p,k} \phi_k V_k T \right) = \nabla \cdot (k_m \nabla T) \quad (10)$$

معادله کسر حجمی نانوذرات:

$$\nabla \cdot \left(\phi_p \rho_p V_m \right) = -\nabla \cdot \left(\phi_p \rho_p V_{dr,p} \right) \quad (11)$$

که V_m سرعت متوسط جرمی می‌باشد:

$$V_m = \frac{\sum_{k=1}^n \phi_k \rho_k V_k}{\rho_m} \quad (12)$$

در رابطه (9) جمله آخر سمت راست معرف تنش ناشی از لغزش بین فازها می‌باشد که در آن $V_{dr,k}$ سرعت رانش است و برای فاز ثانویه k (نانوذرات) به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$V_{dr,k} = V_k - V_m \quad (13)$$

که با سرعت لغزش ($V_{pf} = V_p - V_f$) مرتبط است:

$$V_{dr,p} = V_{pf} - \frac{\sum_{k=1}^n \phi_k \rho_k V_{fk}}{\rho_m} \quad (14)$$

در اینجا، سرعت لغزش را می‌توان به صورت زیر نوشت [26]:

$$V_{pf} = \frac{\rho_p d_p^2}{18 \mu_f f_{drag}} \frac{(\rho_p - \rho_m)}{\rho_p} a \quad (15)$$

که در آن، شتاب وتابع پسا از روابط زیر قابل

در معادلات انرژی، ضرایب هدایت حرارتی مؤثر سیال پایه و نانوذرات به صورت زیر محاسبه می‌شوند [31]

$$k_{\text{eff},f} = \frac{k_{b,f}}{\phi_f} \quad (32)$$

$$k_{\text{eff},p} = \frac{k_{b,p}}{\phi_p} \quad (33)$$

$$k_{b,f} = (1 - \phi_p^{0.5}) k_f \quad (34)$$

$$k_{b,p} = \phi_p^{0.5} [\omega A + (1 - \omega) \Gamma] k_f \quad (35)$$

در اینجا،

$$A = \frac{k_p}{k_f} \quad (36)$$

$$\omega = 7.26 \times 10^{-3} \quad (37)$$

$$B = 1.25 \left[\frac{(1 - \phi_f)}{\phi_f} \right]^{\frac{1}{9}} \quad (38)$$

$$\Gamma = \left[\frac{B(A - 1) \ln \left(\frac{A}{B} \right)}{A \left(1 - \frac{B}{A} \right)^2} - \frac{(B - 1)}{\left(1 - \frac{B}{A} \right)} - \frac{B + 1}{2} \right] \times 2 \left(1 - \frac{B}{A} \right)^{-1} \quad (39)$$

حل عددی

شرط مرزی و روش حل. طرح شماتیک مسأله در شکل (۱) آمده است. همان‌گونه که مشاهده می‌شود، هندسه مورد نظر جتی محدود، شیاردار و دو بعدی می‌باشد. پهنه‌ی جت با W ، طول صفحه هدف با L و فاصله جت تا سطح هدف با H نشان داده شده‌اند. در این مقاله، مقادیر عددی W , L و H به ترتیب برابر $\frac{6}{7}/2$ میلی‌متر، 620 میلی‌متر و $24/8$ میلی‌متر در نظر گرفته می‌شوند. کلیه محاسبات این مقاله برای نانوسیال

$$\gamma = \frac{3}{4} C_d \frac{\phi_f(1 - \phi_f)}{d_p} \rho_f |V_f - V_p| \phi_f^{-2.65} \quad (23)$$

در اینجا C_d ضریب پسا است که مقدار آن به عدد رینولدز ذرات ($Re_p = \phi_f \rho_f |V_f - V_p| d_p / \mu_f$) بستگی دارد:

$$C_d = \begin{cases} \frac{24 + 3.6 Re_p^{0.687}}{Re_p} & , Re_p < 1000 \\ 0.44 & , Re_p \geq 1000 \end{cases} \quad (24)$$

که در آن،

نیروی جرم مجازی و نیروی متقابل ذرات نیز از روابط زیر به دست می‌آیند [28, 29]:

$$F_{vm} = 0.5 \phi_p \rho_f \frac{D}{Dt} (V_f - V_p) \quad (25)$$

$$F_{col} = G \phi_f \nabla \phi_f \quad (26)$$

در اینجا G ضریب اثر متقابل ذرات است که به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$G = 1.0 \exp[-600(\phi_f - 0.376)] \quad (27)$$

$$\nabla \cdot (\rho_f \phi_f C_{pf} T_f V_f) = \nabla \cdot (\phi_f k_{eff,f} \nabla T_f) - h_v (T_f - T_p) \quad (28)$$

$$\nabla \cdot (\rho_p \phi_p C_{pp} T_p V_p) = \nabla \cdot (\phi_p k_{eff,p} \nabla T_p) + h_v (T_f - T_p) \quad (29)$$

برای ذرات کروی‌شکل با قطر یکسان، h_v برابر است با:

$$h_v = \frac{6 \phi_p h_p}{d_p} \quad (30)$$

که در آن h_p ضریب تبادل حرارت سیال-ذره است و از رابطه تجربی زیر به دست می‌آید [30]:

$$Nu_p = \frac{h_p d_p}{k_f} = 2 + 1.1 Re_p^{0.6} Pr^{\frac{1}{3}} \quad (31)$$

اولری که زمان زیادی را می‌طلبد، بسیار کارآمد می‌باشد.

به منظور حل عددی معادلات حاکم در هر سه مدل، روش حجم محدود [32] مورد استفاده قرار می‌گیرد. هم‌چنین، برای معادلات اندازه حرکت و انرژی، شیوه توانی و برای معادله کسر حجمی نانوذرات در مدل مخلوط دوفازی، شیوه کوئیک (QUICK) به کار می‌رود. مدل‌های تک‌فازی و مخلوط دوفازی با استفاده از الگوریتم سیمپل حل می‌شوند، اما الگوریتم پی‌سی‌سیمپل [33] برای مدل اولری-اولری به خدمت گرفته می‌شود. این الگوریتم روندی بسط داده شده از الگوریتم سیمپل برای جریان‌های دوفازی می‌باشد. در این روش، سرعت هر یک از فازها به‌طور جداگانه به دست می‌آید و سپس تصحیح فشار بر پایه بقای جرم کلی اعمال می‌شود. با توجه به پیچیدگی‌های موجود در شبیه‌سازی با مدل‌های دوفازی، در این پژوهش از نرم‌افزار انسیس فلوئنت کمک گرفته شده است. ذکر این مطلب ضروریست که برای اعمال تیروهای میان‌فازی زیرروال‌هایی به نرم‌افزار اضافه شده است.

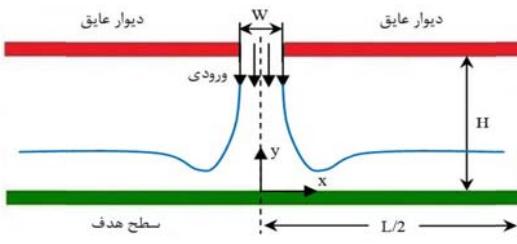
مراحل حل عددی به شرح زیر است:

در آغاز هر تکرار، با استفاده از قابلیت‌های موجود در نرم‌افزار یا زیرروال‌های افروده شده به آن، خواص مؤثر، نیروهای میان‌فازی و ضریب انتقال حرارت سیال‌ذره به روزرسانی می‌شوند. سپس به ترتیب معادلات اندازه حرکت و تصحیح فشار حل می‌شوند و براساس آن، مقادیر سرعت و فشار اصلاح می‌شوند. در ادامه، معادله کسر حجمی (فقط در مدل مخلوط دوفازی) و معادله انرژی حل می‌شوند. روند ذکرشده تا ارضی شرط همگرایی ادامه می‌یابد. پس از همگرا شدن نتایج محاسبات، مقادیر اعداد ناسلت موضعی و میانگین به ترتیب از روابط زیر به دست می‌آیند:

$$Nu_x = \frac{h_x W}{k_f} \quad (40)$$

$$Nu_{ave} = \frac{1}{L} \int_0^L Nu_x dx \quad (41)$$

آب/ Al_2O_3 صورت گرفته و قطر نانوذرات ۳۰ نانومتر فرض شده است. در جدول (۱) مقادیر مربوط به چگالی، گرمای ویژه، لرجت و ضریب هدایت حرارتی ۲۹۳ برای سیال پایه و نانوذرات Al_2O_3 در دمای کلوین آمده است. محاسبات با هر سه مدل تک‌فازی، مخلوط دوفازی و دوفازی اولری-اولری، به‌ازای مقادیر مختلف از کسر حجمی نانوذرات (۰ تا ۵ درصد) و سرعت جت (اعداد رینولدز ۱۰۰، ۳۰۰ و ۵۰۰ که در آن $Re = \rho V W / \mu$) تکرار می‌شوند.



شکل ۱ طرح شماتیک مسئله برخورد جت

جدول ۱ خواص آب خالص و نانوذرات Al_2O_3

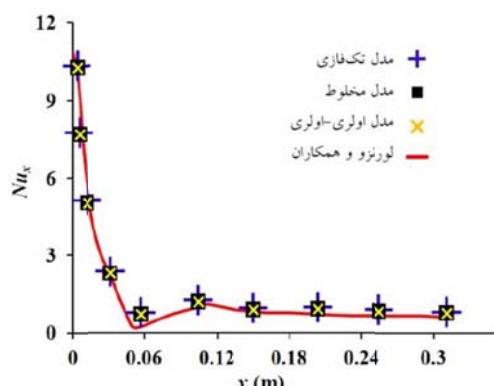
در دمای ۲۹۳ کلوین [13]

(W/m K) k	μ (kg/m s)	(J/Kg K) C_p	ρ (kg/m ³)	ماده
۳۶	//	۷۷۳	۳۸۸۰	Al_2O_3
۰/۵۹۷	$998/2 \times 10^{-6}$	۴۱۸۲	۹۹۸	آب

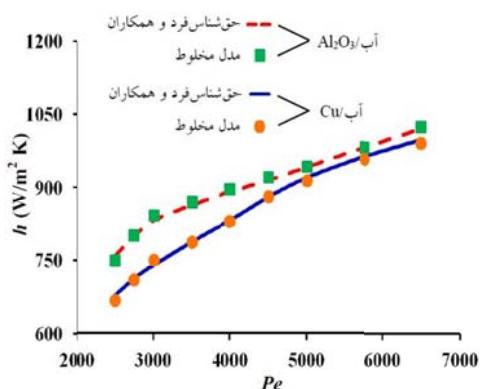
در مقطع ورودی جت، تعادل محلی ترمودینامیکی بین نانوذرات و سیال پایه در نظر گرفته شده و پروفیل‌های یکنواختی برای سرعت و دما اعمال شود. دمای جت ورودی نیز همواره ۲۹۳ کلوین در نظر گرفته می‌شود. فرض بر این است که دمای صفحه هدف در سرتاسر طول آن ثابت و برابر ۳۱۳ کلوین باشد. هم‌چنین، فرض آدیاباتیک برای دیوار بالایی به کار می‌رود. شرایط مرزی مسئله با انتخاب فشار نسبی صفر در مقطع خروجی تکمیل می‌شوند.

با توجه به تقارن هندسه مسئله نسبت به محور y-ها، به حل میدان جریان در نیمه سمت راست اکتفا می‌شود. این شیوه، به‌ویژه برای حل معادلات اولری-

نانوسیالات به کار نرفته‌اند، اعتبار آنها در جریان‌های دیگر مورد تجزیه و تحلیل قرار می‌گیرد. در این راستا، ابتدا جریان آرام سه‌بعدی نانوسیالات آب/ Al_2O_3 و آب/Cu در لوله‌ای به قطر ۶ میلی‌متر با استفاده از مدل مخلوط دوفازی شبیه‌سازی می‌شود و نتایج برحسب ضریب جابه‌جایی میانگین در شکل (۲) با نتایج پژوهش حق‌شناس فرد و همکاران [۱۹] مقایسه می‌شود. در این‌جا، دمای نانوسیال ورودی ۳۰۰ کلوین می‌شود. در این‌جا، دمای نانوسیال ورودی ۳۰۰ کلوین و دمای دیواره لوله ۳۷۸ کلوین در نظر گرفته شده است. شکل (۲) نشان می‌دهد که در هر دو نانوسیال مورد بحث، نتایج در گسترهٔ وسیعی از عدد پکلت با یکدیگر همخوانی دارند.



شکل ۲ مقایسه نتایج حل عددی حاضر با نتایج مطالعهٔ لورنزو و همکاران [۱۳]



شکل ۳ مقایسه نتایج مدل مخلوط دوفازی با نتایج پژوهش حق‌شناس فرد و همکاران [۱۹] برحسب ضریب جابه‌جایی میانگین

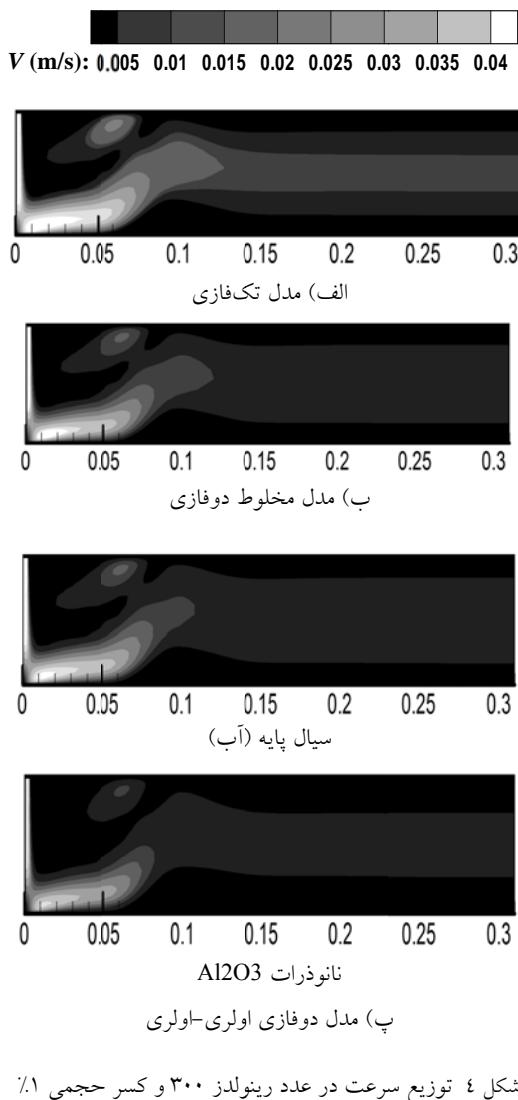
بررسی استقلال از شبکه. در هر سه روش شبیه‌سازی و برای تمامی حالت‌های بررسی شده، شبکه‌ای با سازمان و غیریکنواخت استفاده می‌شود که در نواحی نزدیک به دیوارها و جت ورودی تمرکز بیشتری دارد. با هدف اطمینان به استقلال نتایج عددی از شبکه مورد استفاده، محاسبات با روش دوفازی اولری-اولری در عدد رینولدز ۳۰۰ برای نانوسیال آب/ Al_2O_3 با کسر حجمی ۳٪ انجام شده و نتایج آن بر حسب عدد ناسلت میانگین در جدول (۲) آورده شده است. پیداست که تغییرات عدد ناسلت میانگین در دو ردیف آخر به کمتر از ۰.۰۹۱٪ می‌رسد. از این‌رو، استفاده از یک شبکه ۲۵×۱۰۰ برای محاسبات مدل اولری-اولری مناسب به نظر می‌رسد. بررسی‌های انجام شده حاکی از مناسب بودن این شبکه برای مدل‌های تک‌فازی و مخلوط دوفازی نیز می‌باشد. بدین ترتیب، در کلیه محاسبات این مقاله به یک شبکه ۲۵×۱۰۰ بستنده می‌شود.

جدول ۲ بررسی استقلال از شبکه در عدد رینولدز ۳۰۰ برای نانوسیال آب/ Al_2O_3 با کسر حجمی ۳٪

جهت x	جهت y	عدد ناسلت میانگین در صفحه هدف	تعداد نقاط شبکه در صفحه هدف	تعداد نقاط شبکه در
۶۰	۱۵	۵/۵۴۷	۱۳	۵/۵۴۷
۸۰	۲۰	۵/۵۳۱	۱۳	۵/۵۳۱
۱۱۰	۲۵	۵/۵۲۰	۱۳	۵/۵۲۰
۱۸۰	۴۰	۵/۵۱۵	۱۳	۵/۵۱۵

اعتبارسنجی حل عددی. اعتبار حل عددی حاضر ابتدا با مقایسه نتایج مدل‌های به کار رفته با نتایج مطالعهٔ لورنزو و همکاران [۱۳] به اثبات می‌رسد. این امر در شکل (۲) صورت گرفته که تغییرات عدد ناسلت موضعی را در طول صفحه هدف برای برخورد جت آب در عدد رینولدز ۱۰۰ آورده است.

نظر به این که مدل‌های مخلوط دوفازی و اولری-اولری تاکنون برای توصیف برخورد جت



شکل‌های (۵ و ۶) توزیع سرعت و شکل‌های (۷ و ۸) توزیع دما در کسر حجمی‌های ٪۱ و ٪۵ بر اساس مدل‌های تک‌فازی، مخلوط دوفازی و دوفازی اولری-اولری است که به ترتیب در قسمت‌های الف، ب و پ ارائه شده‌اند. البته در روش دوفازی اولری-اولری برای سیال پایه (آب) و نانونذرات Al_2O_3 کانتورهای جداگانه‌ای آورده شده است که از وجود معادلات مجزا برای هر یک از فازها نشأت می‌گیرد. لازم به ذکر است که به منظور نمایش بهتر، در شکل‌های (۴-۷) راستای عمودی دو برابر رسم شده است.

به منظور صحه‌گذاری بیشتر بر مطالعه عددی حاضر، جریان نانوسیال آب/ Cu در یک ریزمجرابه طول ۲ سانتی‌متر و پهنای ۲۰۰ میکرومتر با استفاده از روش اولری-اولری شبیه‌سازی می‌شود. دمای سیال ورودی و دمای دیواره به ترتیب ۲۹۳ و ۳۰۳ کلوین و عدد رینولذ جریان ۳۰۰ در نظر گرفته شده است. صحت این شبیه‌سازی با مقایسه نتایج به دست آمده با نتایج مطالعه کلته و همکاران [21] در جدول (۳) به اثبات می‌رسد. همان‌گونه که مشاهده می‌شود بیشترین خطأ در تخمین عدد ناسلت میانگین در حدود ٪۲ می‌باشد.

جدول ۳ مقایسه نتایج مدل اولری-اولری با نتایج مطالعه کلته و همکاران [21] بر حسب عدد ناسلت میانگین

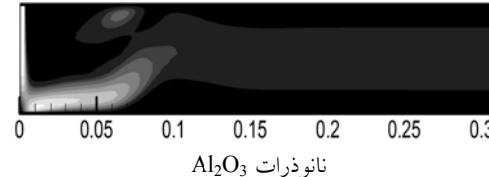
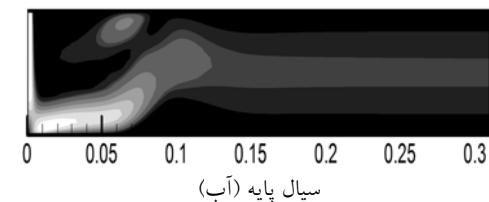
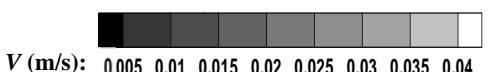
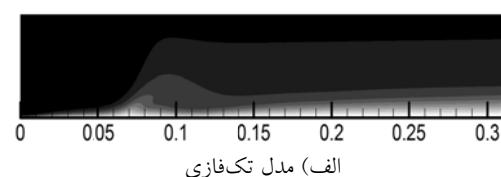
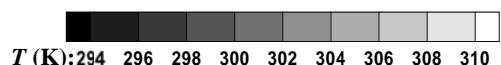
درصد خطأ	کلته و همکاران [21]	مدل اولری-اولری	غلاظت نانونذرات
-۱/۸۶	۱۲/۳۴۳	۱۲/۱۱۳	٪۱
-۱/۷۱	۱۴/۰۶۸	۱۳/۸۲۷	٪۲
-۱/۹۴	۱۵/۵۰۷	۱۵/۲۰۶	٪۳
-۲/۰۷	۱۶/۸۱۸	۱۶/۴۶۹	٪۴
-۰/۸۱	۱۸/۰۵۱	۱۷/۹۰۴	٪۵

نتایج شبیه‌سازی

در این بخش نتایج حاصل از شبیه‌سازی عددی برخورد جت نانوسیال آب/ Al_2O_3 به صفحه تخت نشان داده شده در شکل (۱) ارائه می‌شوند. این نتایج شامل توزیع سرعت و دما و همچنین مقادیر عدد ناسلت میانگین است که با استفاده از مدل‌های تک‌فازی، مخلوط دوفازی و دوفازی اولری-اولری و به ازای مقادیر مختلف عدد رینولذ و کسر حجمی نانونذرات به دست آمده‌اند.

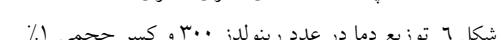
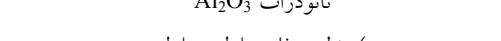
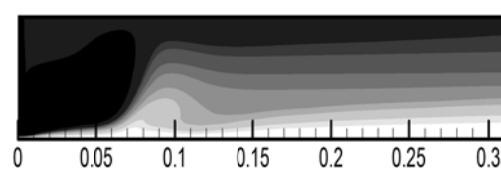
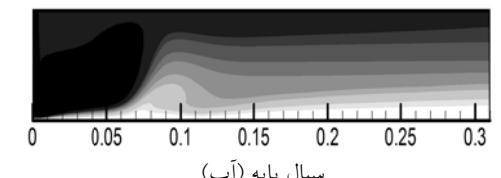
این دو فاز پی برد. در حقیقت، با وجودی که فرض برقراری تعادل محلی ترمودینامیکی در جت ورودی اعمال شده است اما پیداست که در داخل میدان جریان این فرض برقرار ننمایند و سیال پایه با سرعت بیشتری قربت به نانوذرات جریان می‌باید.

مقایسه شکل‌های (۵ و ۴) نشان می‌دهد که هر سه مدل به کار رفته، افزایش سرعت در میدان جریان را در اثر افزایش کسر حجمی نانوذرات پیش‌بینی می‌کنند که ناشی از تغییر در خواص ترموفیزیکی نانوسیال در یک عدد رینولدز ثابت می‌باشد. در حقیقت، با افزایش کسر حجمی نانوذرات، برای رسیدن به یک عدد رینولدز یکسان به سرعت بیشتری نیاز خواهد بود.



پ) مدل دوفازی اولری-اولری

شکل ۵ توزیع سرعت در عدد رینولدز ۳۰۰ و کسر حجمی ۵٪

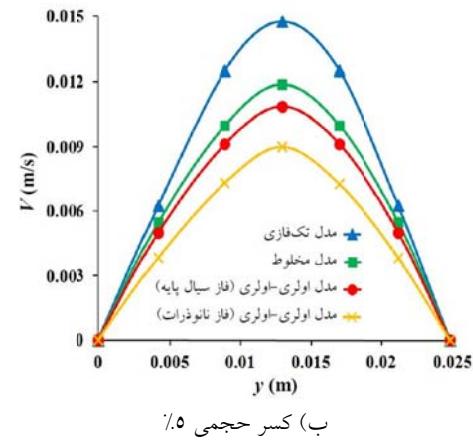
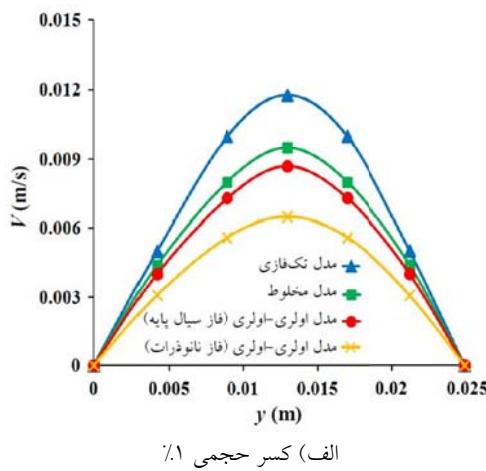


پ) مدل دوفازی اولری-اولری

شکل ۶ توزیع دما در عدد رینولدز ۳۰۰ و کسر حجمی ۱٪

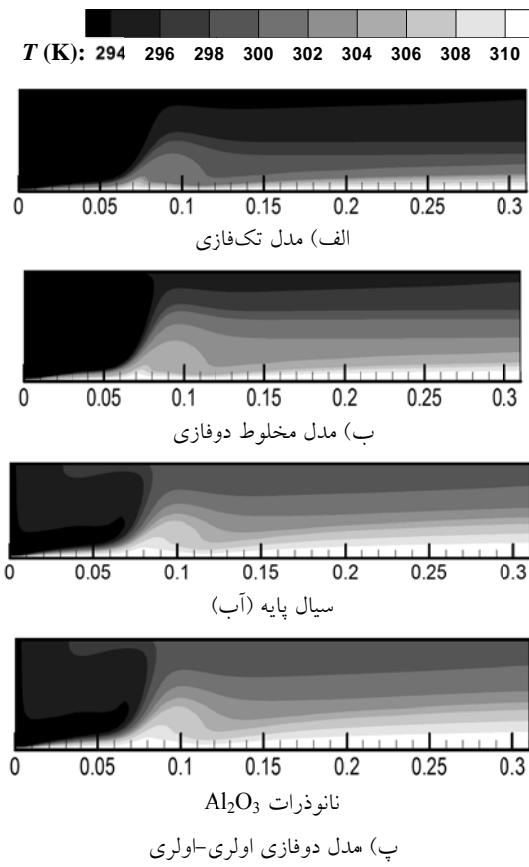
بررسی شکل‌های (۵ و ۴) نشان می‌دهد که در هر دو کسر حجمی مطالعه شده، بیشینه سرعت در ورودی جت و نزدیک به نقطه سکون ایجاد می‌شود. کنکاش در نتایج مدل‌های به کار رفته مشخص می‌کند که در تمامی نقاط میدان جریان، سرعت نانوسیال با مدل تک‌فازی نسبت به مدل‌های دوفازی بیش‌بینی می‌شود. مقایسه نتایج مدل‌های دوفازی نیز بیانگر سرعت بیشتر نانوسیال در مدل مخلوط نسبت به مدل اولری-اولری می‌باشد. در قسمت پ در هر دو شکل، که نتایج مدل اولری-اولری بر حسب توزیع سرعت سیال پایه و نانوذرات به طور مجزا آورده شده است، می‌توان به ظهور عدم تعادل محلی ترمودینامیکی بین

نانوذرات پیش‌بینی می‌کند. همچنین، مقایسه این دو شکل نشان می‌دهد که در هر سه مدل به کار رفته، بالارفتن کسر حجمی نانوذرات، افزایش دمای نانوسیال ورودی را سریع‌تر می‌کند.



شکل ۸ تغییرات سرعت بر حسب فاصله از صفحه هدف در
قطعه $x=0.15\text{m}$

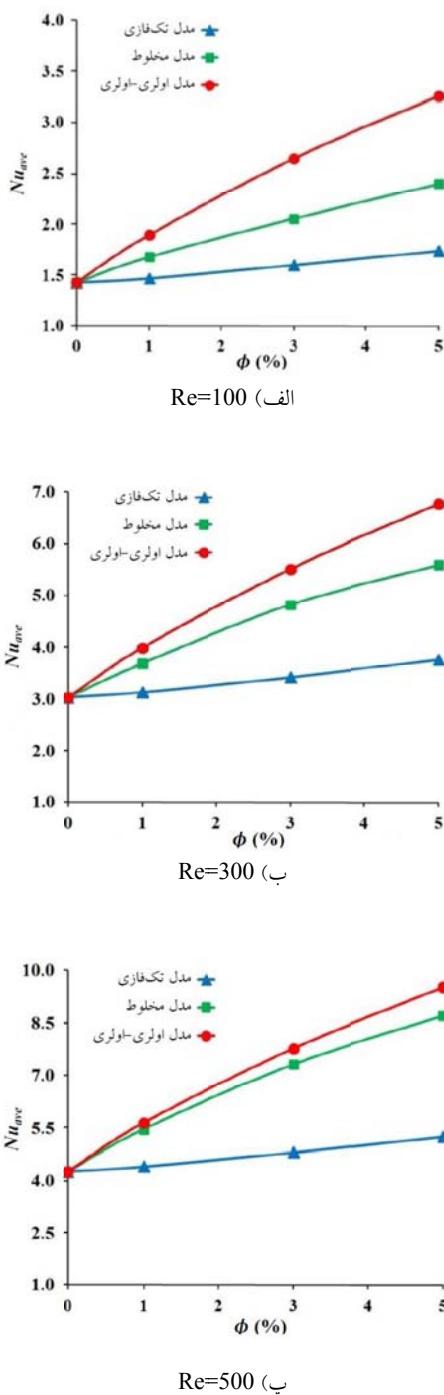
کانتورهای ارائه شده در شکل‌های (۷-۸) امکان مقایسه‌ای کیفی را در تغییرات سرعت و دما فراهم آورد. به منظور ارزیابی دقیق‌تر و مقایسه کمی متغیرهای موجود، در هر کانتور، مقطعی عمودی در $x=0.15\text{m}$ انتخاب شده است و تغییرات سرعت و دما بر حسب فاصله از صفحه هدف (y) به ترتیب در شکل‌های (۹) و (۸) آورده شده‌اند. در هر شکل، نتایج مربوط به



شکل ۷ توزیع دما در عدد رینولدز ۳۰۰ و کسر حجمی ۰.۵

مشاهده توزیع دما در شکل‌های (۷) و (۸) نشان می‌دهد که بیشترین گرادیان‌های دما در نزدیکی نقطه سکون رخ می‌دهد که افزایش تبادل حرارت در آن نواحی را به دنبال دارد. هر دو شکل نشان می‌دهند که مدل‌های دوفازی افزایش دمای سریع‌تری را در نانوسیال ورودی پیش‌بینی می‌کنند که البته این روند در مدل اولری-اولری نسبت به مدل مخلوط محسوس‌تر می‌باشد. این امر را می‌توان به محاسبه بیشتر تبادل حرارت در مدل‌های مذکور نسبت داد که با نتایج معنوی و همکاران [20] و کلتھ و همکاران [21] هم خوانی دارد.

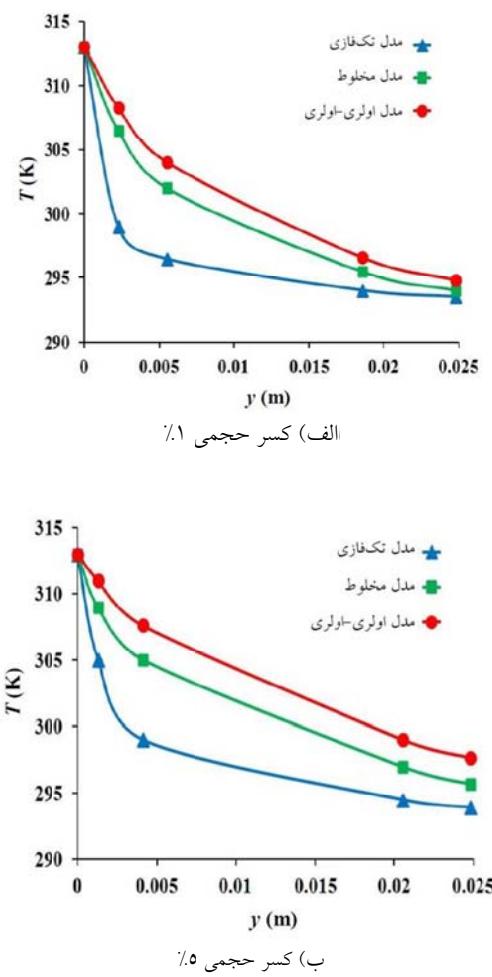
در شکل‌های (۷) و (۸) پیداست که در هر دو حالت کسر حجمی‌های ۰.۱٪ و ۰.۵٪ مدل دوفازی اولری-اولری توزیع دمای یکسانی را برای سیال پایه و



شکل ۱۰ مقایسه نتایج مدل‌های به کار رفته بر حسب عدد ناسلت میانگین در شرایط مختلف

شکل (۱۰) تغییرات عدد ناسلت میانگین در صفحه هدف را بر حسب کسر حجمی نانوذرات نشان می‌دهد که با استفاده از مدل‌های تک‌فازی، مخلوط

کسر حجمی‌های ۱٪ و ۵٪ در هر کسر حجمی، منحنی‌های متناظر با مدل‌های مختلف مشاهده می‌شود. بدیهی است که با توجه به یکسان بودن دمای نانوذرات و سیال پایه در مدل اولری-اولری، در این روش به ارائه یک منحنی دما بسته شده است. در اینجا نیز پیداست که در میان مدل‌های به کار رفته، بیشترین سرعت با مدل تک‌فازی و کمترین سرعت با مدل اولری-اولری پیش‌بینی می‌شود. علاوه بر این می‌توان مشاهده کرد که افزایش دما در نانوسیال ورودی در مدل اولری-اولری سریع‌تر از سایر مدل‌ها می‌باشد و در مدل تک‌فازی از بقیه کندتر است.



شکل ۹ تغییرات دما بر حسب فاصله از صفحه هدف در مقطع $x=0.15m$

جرم مجازی و نیروی متقابل ذرات تأثیر قابل توجهی بر نتایج به دنبال نداشته است به گونه‌ای که می‌توان از حضور آنها در مسئله حاضر چشم‌پوشی کرد. با این وجود پیداست که حضور نیروی پسا می‌تواند مقدار عدد ناسلت میانگین را تا ۶٪ کاهش دهد. علاوه بر این می‌توان مشاهده کرد که اثر نیروی پسا با کاهش در عدد رینولذز و افزایش در کسر حجمی نانوذرات بیشتر می‌شود.

جدول ۴ تأثیر نیروهای میانفازی بر روی عدد ناسلت میانگین در

عدد رینولذز ۱۰۰

بدون نیروی متقابل ذرات	بدون نیروی جرم مجازی	بدون نیروی پسا	اعمال کلیه نیروها	غاظت نانوذرات
۱/۸۹۲	۱/۸۹۲	۱/۹۴۵	۱/۸۹۲	٪۱
۲/۶۴۹	۲/۶۵۰	۲/۷۷۴	۲/۶۵۰	٪۳
۳/۲۶۳	۳/۲۶۵	۳/۴۴۶	۳/۲۶۵	٪۵

جدول ۵ تأثیر نیروهای میانفازی بر روی عدد ناسلت میانگین در

عدد رینولذز ۳۰۰

بدون نیروی متقابل ذرات	بدون نیروی جرم مجازی	بدون نیروی پسا	اعمال کلیه نیروها	غاظت نانوذرا ت
۳/۹۹۳	۳/۹۹۳	۴/۰۵۳	۳/۹۹۳	٪۱
۵/۵۲۵	۵/۵۲۶	۵/۶۹۷	۵/۵۲۶	٪۳
۶/۷۷۶	۶/۷۷۹	۷/۰۸۰	۶/۷۷۹	٪۵

جدول ۶ تأثیر نیروهای میانفازی بر روی عدد ناسلت میانگین در

عدد رینولذز ۵۰۰

بدون نیروی متقابل ذرات	بدون نیروی جرم مجازی	بدون نیروی پسا	اعمال کلیه نیروها	غاظت نانوذرات
۵/۶۳۳	۵/۶۳۳	۵/۶۷۶	۵/۶۳۳	٪۱
۷/۷۷۹	۷/۷۸۱	۷/۹۲۴	۷/۷۸۱	٪۳
۹/۵۱۹	۹/۵۲۴	۹/۸۴۶	۹/۵۲۴	٪۵

دو فازی و دوفازی اولری-اولری و در اعداد رینولذز ۱۰۰، ۳۰۰ و ۵۰۰ به دست آمدند. مطابق انتظار، مقدار عدد ناسلت در کسر حجمی٪ (آب خالص) در هر سه روش یکسان پیش‌بینی شده است و لذا در هر شکل، هر سه منحنی از نقطه‌ای یکسان آغاز می‌شوند، اما پیداست که با افزودن نانوذرات، منحنی‌ها رفته‌رفته از یکدیگر فاصله می‌گیرند. می‌توان مشاهده کرد که در حضور نانوذرات، تبادل حرارت در مدل‌های دوفازی از مدل تک‌فازی بیشتر پیش‌بینی می‌شود که این امر در مدل اولری-اولری نسبت به مدل مخلوط شدیدتر می‌باشد. به عنوان نمونه، در عدد رینولذز ۳۰۰ و کسر حجمی٪ ۳، میزان افزایش عدد ناسلت میانگین نسبت به آب خالص در روش‌های تک‌فازی، مخلوط دوفازی و دوفازی اولری-اولری به ترتیب برابر ٪۱۲/۸۷ و ٪۰۵۹/۰۷ و ٪۰۸۲/۱۷ به دست می‌آید. بدیهی است که در همهٔ حالات، بالارفتن عدد رینولذز موجب کاهش ضخامت لایهٔ مرزی بر روی صفحهٔ هدف شده است که افزایش ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی و بهبود تبادل حرارت را در پی دارد. علاوه بر این، می‌توان مشاهده کرد که با افزایش عدد رینولذز، شبیه نتایج مدل مخلوط نسبت به منحنی‌های دیگر رشد بیشتر دارد و به نتایج مدل اولری-اولری نزدیک‌تر می‌شود. همان‌گونه که پیش‌تر مشخص شد، در مدل دوفازی اولری-اولری، عکس‌العمل‌های بین فازها به طرز دقیقی در نظر گرفته می‌شوند که شامل نیروی پسا، نیروی جرم مجازی و نیروی متقابل ذرات می‌باشند. نقش هر یک از این نیروها در مسئلهٔ حاضر را می‌توان با چشم‌پوشی از حضور آنها در معادلات حاکم و سپس مقایسهٔ نتایج به دست آمده با نتایج حالتی که در آن کلیه نیروها حضور دارند، مطالعه کرد. این امر در جداول (۴-۶) صورت گرفته که در آنها مقادیر عدد ناسلت میانگین به‌ازای مقادیر مختلف عدد رینولذز و کسر حجمی نانوذرات آورده شده است. کنکاش در نتایج ارائه شده نشان می‌دهد که در همهٔ حالات، نیروی

		نتیجه‌گیری
ضریب اثر متقابل ذرات، Pa	G	
ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی، $\text{W/m}^2\cdot\text{K}$	h	پژوهش حاضر به مقایسه نتایج مدل‌های تک‌فازی، مخلوط دوفازی و دوفازی اولری-اولری در شبیه‌سازی عددی برخورد جت نانوسيال آب/ Al_2O_3 به یک صفحه هدف تخت پرداخت. محاسبات در هر سه مدل به‌ازای مقادیر مختلف عدد رینولدز و کسر حجمی نانوذرات صورت گرفته و نتایج به دست آمده با یکدیگر مقایسه شدند. کنکاش در نتایج نشان داد که سرعت نانوسيال با مدل تک‌فازی نسبت به مدل‌های دوفازی بیشتر پیش‌بینی می‌شود. در رویکردهای دوفازی نیز سرعت نانوسيال در مدل مخلوط بیشتر از مدل اولری-اولری می‌باشد. هم‌چنین مشاهده شد که مدل‌های دوفازی افزایش دمای سریع‌تری را در نانوسيال ورودی پیش‌بینی می‌کنند که البته این روند در مدل اولری-اولری نسبت به مدل مخلوط محسوس‌تر می‌باشد.
ضریب تبادل حرارت سیال-ذره، $\text{W/m}^2\cdot\text{K}$	h_p	
ضریب انتقال حرارت حجمی، $\text{W/m}^3\cdot\text{K}$	h_v	
فاصله جت تا صفحه هدف، m	H	
ضریب هدایت حرارتی، $\text{W/m}\cdot\text{K}$	k	
طول صفحه هدف، m	L	
عدد ناسلت موضعی	Nu	
فشار، Pa	P	
عدد پکلت	Pe	
عدد پرانتل	Pr	
عدد رینولدز	Re	
دما، K	T	
سرعت، m/s	V	
عرض جت، m	W	
مختصات مکانی	x, y	
علامت یونانی		
ضریب اصطکاک، $\text{kg/m}^3\cdot\text{s}$	γ	
لزجت دینامیکی، $\text{Pa}\cdot\text{s}$	μ	
چگالی، kg/m^3	ρ	
کسر حجمی نانوذرات	ϕ	
زیرنویس‌ها		
مقدار میانگین	ave	
رانش	dr	
مؤثر	eff	
سیال پایه	f	
شاخص جمع	k	
مخلوط	m	
نانوسيال	nf	
نانوذره	p	
		شتاب، m/s^2
		a
		ضریب پسا
		C_d
		گرمای ویژه، $\text{J/kg}\cdot\text{K}$
		C_p
		قطر، m
		d
		تابع پسا
		f_{drag}
		نیروی متقابل ذرات، Pa/m
		F_{col}
		نیروی پسا، Pa/m
		F_d
		نیروی جرم مجازی، Pa/m
		F_{vm}
		شتاب گرانش، m/s^2
		g

فهرست علامت

مراجع

1. Maxwell, J.C., "A Treatise on Electricity and Magnetism", Clarendon Press, Oxford, (1873).
2. Choi, S.U.S. and Eastman, J.A., "Enhancing thermal conductivity of fluids with nanoparticles", *International Mechanical Engineering Congress and Exhibition*, San Francisco, U.S.A, (1995).
3. Das, S.K., Choi, S.U.S. and Patel, H.E., "Heat transfer in nanofluids-a review", *Heat Transfer Engineering*, Vol. 27, No. 10, pp. 3-19, (2006).
4. Jambunathan, K., Lai, E., Moss, M.A. and Button, B.L., "A review of heat transfer data for single circular jet impingement", *International Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 13, No. 2, pp. 106-115, (1992).
5. Liu, X., Lienhard, J.H. and Lombara, J.S., "Convective heat transfer by impingement of circular liquid jets", *Journal of Heat Transfer*, Vol. 113, No. 3, pp. 571-582, (1991).
6. Ma, C.F., Zhao, Y.H., Masuoka, T. and Gomi, T., "Analytical study on impingement heat transfer with single-phase free-surface circular liquid jets", *Journal of Thermal Science*, Vol. 5, No. 4, pp. 271-277, (1996).
7. Lee, H.G., Yoon, H.S. and Ha, M.Y., "A numerical investigation on the fluid flow and heat transfer in the confined impinging slot jet in the low Reynolds number region for different channel heights", *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 51, No. 15-16, pp. 4055-4068, (2008).
8. Roy, G., Nguyen, C.T. and Lajoie, P.R., "Numerical investigation of laminar flow and heat transfer in a radial flow cooling system with the use of nanofluids", *Superlattices and Microstructures*, Vol. 35, No. 3-6, pp. 497-511, (2004).
9. Palm, S.J., Roy, G. and Nguyen, C.T., "Heat transfer enhancement with the use of nanofluids in radial flow cooling systems considering temperature-dependent properties", *Applied Thermal Engineering*, Vol. 26, No. 17-18, pp. 2209-2218, (2006).
10. Yang, Y.T. and Lai, F.H., "Numerical study of heat transfer enhancement with the use of nanofluids in radial flow cooling system", *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 53, No. 25-26, pp. 5895-5904, (2010).
11. Yang, Y.T. and Lai, F.H., "Numerical investigation of cooling performance with the use of Al₂O₃/water nanofluids in a radial flow system", *International Journal of Thermal Sciences*, Vol. 50, No. 1, pp. 61-72, (2011).
12. Manca, O., Mesolella, P., Nardini, S. and Ricci, D., "Numerical study of a confined slot impinging jet with nanofluids", *Nanoscale Research Letters*, Vol. 6, No. 1:188, (2011).
13. Lorenzo, G.D., Manca, O., Nardini, S. and Ricci, D., "Numerical study of laminar confined impinging jets with nanofluids", *Advances in Mechanical Engineering*, Article ID 248795, (2012).
14. Selimefendigil, F. and Oztop, H.F., "Pulsating nanofluids jet impingement cooling of a heated horizontal surface", *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 69, pp. 54-65, (2014).
15. Nguyen, C.T., Galanis, N., Polidori, G., Fohanno, S., Popa, C.V. and Bechec, A.L., "An experimental study of a confined and submerged impinging jet heat transfer using Al₂O₃-water nanofluid", *International Journal of Thermal Sciences*, Vol. 48, No. 2, pp. 401-411, (2009).
16. Gherasim, I., Roy, G., Nguyen, C.T. and Vo-Ngoc, D., "Experimental investigation of nanofluids in confined laminar radial flows", *International Journal of Thermal Sciences*, Vol. 48, No. 8, pp. 1486-1493, (2009).
17. Behzadmehr, A., Saffar-Avval, M. and Galanis, N., "Prediction of turbulent forced convection of a nanofluid in a tube with uniform heat flux using a two-phase approach", *International Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 28, No. 2, pp. 211-219, (2007).

18. Mirmasoumi, S. and Behzadmehr, A., "Numerical study of laminar mixed convection of a nanofluid in a horizontal tube using two-phase mixture model", *Applied Thermal Engineering*, Vol. 28, No. 8, pp. 717-727, (2008).
19. Haghshenas Fard, M., Esfahany, M.N. and Talaie, M.R., "Numerical study of convective heat transfer of nanofluids in a circular tube two-phase model versus single-phase model", *International Communications in Heat and Mass Transfer*, Vol. 37, No. 1, pp. 91-97, (2010).
20. Manavi, S.A., Ramiar, A. and Ranjbar, A.A., "Turbulent forced convection of nanofluid in a wavy channel using two phase model", *Heat and Mass Transfer*, Vol. 50, No. 5, pp. 661-671, (2014).
21. Kalteh, M., Abbassi, A., Saffar-Avval, M. and Harting, J., "Eulerian-Eulerian two-phase numerical simulation of nanofluid laminar forced convection in a microchannel", *International Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 32, No. 1, pp. 107-116, (2011).
22. Kalteh, M., Abbassi, A., Saffar-Avval, M., Frijns, A., Darbuber, A. and Harting, J., "Experimental and numerical investigation of nanofluid forced convection inside a wide microchannel heat sink", *Applied Thermal Engineering*, Vol. 36, pp. 260-268, (2012).
23. Akbari, M., Galanis, N. and Behzadmehr, A., "Comparative analysis of single and two-phase models for CFD studies of nanofluid heat transfer", *International Journal of Thermal Sciences*, Vol. 50, No. 8, pp. 1343-1354, (2011).
24. Maiga, S.E., Nguyen, C.T., Galanis, N. and Roy, G., "Heat transfer behaviors of nanofluids in a uniformly heated tube", *Superlattices and Microstructures*, Vol. 35, No. 3-6, pp. 543-557, (2004).
25. Maxwell-Garnett, J.C., "Colours in metal glasses and in metallic films", *Philosophical Transactions A*, Vol. 203, pp. 385-420, (1904).
26. Manninen, M., Taivassalo, V. and Kallio, S., "Analysis on the mixture model for multiphase flow", *VTT Technical Research Center*, Finland, pp. 9-18, (1996).
27. Syamlal, M. and Gidaspow, D., "Heat hydrodynamics of fluidization: prediction of wall to bed heat transfer coefficients", *AICHE Journal*, Vol. 31, No. 1, pp. 127-135, (1985).
28. Drew, D.A. and Lahey, R.C., "Analytical modeling of multiphase flow", In: Roco M.C., editor. *Particulate Two-Phase Flow*, Butterworth-Heinemann, Boston, pp. 509-566, (1993).
29. Bouillard, J.X., Lyczkowski, R.W. and Gidaspow, D., "Porosity distributions in a fluidized bed with an immersed obstacle", *AICHE Journal*, Vol. 35, No. 6, pp. 908-922, (1989).
30. Wakao, N. and Kaguei, S., "Heat and Mass Transfer in Packed Beds", Gordon and Breach, New York, (1982).
31. Kuipers, J.A.M., Prins, W. and Van Swaaij, W.P.M., "Numerical calculation of wall-to-bed heat-transfer coefficients in gas-fluidized beds", *AICHE Journal*, Vol. 38, No. 7, pp. 1079-1091, (1992).
32. Patankar, S.V., "Numerical Heat Transfer and Fluid Flow", Hemisphere, McGraw-Hill, Washington DC, (1980).
33. Vasquez, S.A. and Ivanov, V.A., "A phase coupled method for solving multiphase problems on unstructured meshes", *Proceedings of the ASME Fluids Engineering Division Summer Meeting*, Vol. 1, Boston, (2000).