



ارزیابی مدل‌های **SEEP/W** و **HYDRUS-2D** در برآورد پیاز رطوبتی آبیاری قطره‌ای ثقلی سطحی و زیرسطحی

محمد قربانیان^{۱*} - محمدصادق منجزی^۲ - حامد ابراهیمیان^۳ - عبدالمجید لیاقت^۴

تاریخ دریافت: ۱۳۹۲/۵/۶

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۲/۱۱/۲۶

چکیده

مدل‌های عددی و تحلیلی زیادی برای برآورد توزیع رطوبت در خاک به منظور افزایش بازدهی مصرف آب در سامانه آبیاری قطره‌ای توسعه یافته است. حل دقیق معادله معروف حرکت آب در خاک (معادله ریچاردز) که در بسیاری از این مدل‌ها استفاده گردیده منجر به برآورد دقیق‌تر پیاز رطوبتی می‌شود. هدف این تحقیق ارزیابی روش‌های تفاضلات و اجزای محدود در حل عددی معادله ریچاردز در حرکت آب در اطراف قطره چکان از طریق مقایسه مدل‌های عددی **SEEP/W** و **HYDRUS-2D** می‌باشد. آزمایشات برای جمع‌آوری داده‌های مورد نیاز برای بررسی پیشروی جبهه رطوبت درون یک جبهه پلکسی گلاس پر شده از خاک سیلتی لوم در آزمایشگاه تهران انجام شد. پیشروی جبهه رطوبت در زمان‌های مختلف روی صفحه شفاف پلکسی گلاس ترسیم شد. ابعاد جبهه رطوبتی در اطراف قطره چکان را برای دو دبی $4/5$ و $6/3$ لیتر بر ساعت و دو فشار پایین $1/5$ و $2/2$ متر (به ترتیب معادل دبی $4/5$ و $6/3$ لیتر بر ساعت) اندازه‌گیری شد. مقایسه مدل‌های شبیه‌سازی **HYDRUS-2D** و **SEEP/W** نشان داد که مدل **HYDRUS-2D** (روش حل تفاضلات محدود) با متوسط ضریب تعیین بالاتر (به ترتیب 89 و 69 درصد) و میانگین ریشه مربعات خطأ کمتر (به ترتیب $1/69$ و $4/02$ سانتی‌متر) در شبیه‌سازی ابعاد خیس‌شدنی خاک در آبیاری قطره‌ای سطحی و زیرسطحی دارای عملکرد بهتری بود.

واژه‌های کلیدی : جبهه رطوبتی، دبی، قطره چکان، مدل‌های شبیه‌سازی

مقدمه

مدل‌های فیزیکی و عددی متنوع، سعی در پیش‌بینی پیشروی جبهه رطوبتی نموده‌اند.

میرزاچی و همکاران (۴) با استفاده از یک مدل فیزیکی، ابعاد پیاز رطوبتی و گسترش آن در زمانهای مختلف در آبیاری قطره‌ای را بررسی کردند و روابطی با دلالت عوامل فیزیکی موثر در حجم خاک مرتبط شده در زیر منبع تغذیه و با استفاده از قضیه باکینگهام و آنالیز ابعادی برای نمونه سازی جبهه رطوبتی بدست آوردند. پروانک بروجنی (۲) با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی جبهه رطوبتی را برای خاک لومی‌شنی و چهار دبی $2, 4, 8$ و 12 لیتر بر ساعت شبیه سازی کرد. نتایج مقایسه داده‌های مشاهداتی با شبیه سازی قابلیت بسیار خوبی (ضریب تعیین $995/0$ و میانگین ریشه خطأ $0/29$) را برای این برنامه‌ی رایانه‌ای نشان داد. ازدری (۱) در تحقیقی با استفاده از داده‌های آزمایشگاهی و صحراوی، مدل **HYDRUS-2D** را ارزیابی نمود. نتایج حاصل از مدل فوق نشان داد که با انتخاب دور مناسب (۴۸ ساعت در این تحقیق) و آبدهی مناسب قطره چکان، در تمام طول

سامانه‌های آبیاری تحت‌فشار و مخصوصاً آبیاری قطره‌ای از کارترین روش‌های آبیاری هستند که در شرایط رایج و روبه گسترش کمیود آب می‌توانند از جمله گزینه‌های برتر در مناطق خشک و نیمه خشک باشند (۳). قطر، حجم و توزیع خیس‌شدنی خاک در طراحی سامانه آبیاری قطره‌ای از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است و مدیریت آبیاری نیازمند تعیین یا پیش‌بینی دقیق حجم خاک مرطوب شده اطراف ریشه گیاه است، چرا که آبیاری بیش از اندازه در این روش منجر به خارج شدن آب و املاح از ناحیه ریشه گیاه و کاهش راندمان آبیاری می‌شود. به دلیل اینکه تعیین حجم خاک مرطوب شده مستلزم صرف وقت و هزینه زیاد می‌باشد، محققان با ارائه معادلات و

۱، ۲، ۳ و ۴ - به ترتیب دانشجو کارشناسی ارشد، دانش آموخته کارشناسی ارشد، استادیار و استاد گروه مهندسی آبیاری و آبادانی، پردیس کشاورزی و منابع طبیعی کرج، دانشگاه تهران
(* - نویسنده مسئول: Email: ghorbanian110@ut.ac.ir)

افزایش بهرهوری آب از طریق کاهش تلفات آب می‌شود. روش‌ها و معادلات متعددی جهت تعیین جبهه رطوبتی ارائه شده که حل دقیق تر این معادلات می‌تواند به تعیین دقیق مقدار و زمان آبیاری و یک برنامه آبیاری قطره‌ای مطلوب منجر شود. هدف از این تحقیق ارزیابی و مقایسه‌ی روش‌های اجزای محدود و تقاضاًلات محدود در حل عددی معادله ریچاردز در اطراف قطره‌چکان از طریق مقایسه مدل‌های دو بعدی HYDRUS-2D و SEEP/W در شبیه‌سازی جریان زیرسطحی آب در آبیاری قطره‌ای سطحی و زیرسطحی برای فشارهای پایین $1/5$ و $2/2$ متر (به ترتیب معادل دبی $4/5$ و $6/3$ لیتر بر ساعت) و پیش‌بینی ابعاد و تغییرات مکانی و زمانی شکل پیاز رطوبتی در مقایسه با داده‌های اندازه‌گیری شده آزمایشگاهی بود. همچنین در این تحقیق قابلیت مدل SEEP/W در آبیاری قطره‌ای که در تحقیقات کمتر مورد توجه قرار گرفته است - بررسی شد.

مواد و روش‌ها

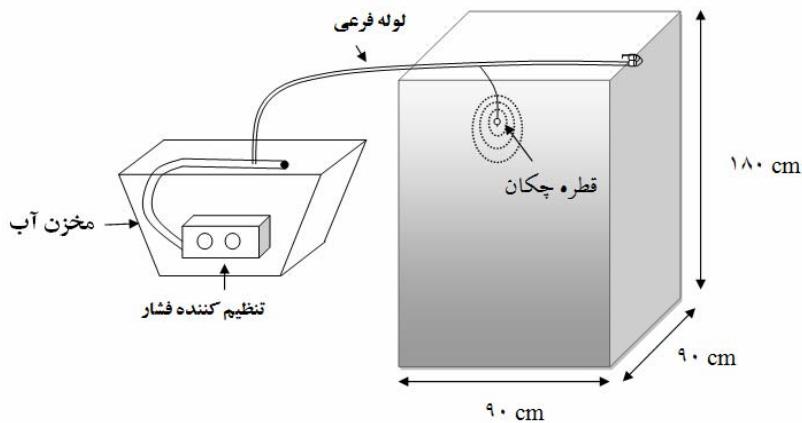
مدل فیزیکی

به منظور ارزیابی مدل‌های HYDRUS-2D و SEEP/W از یک مدل فیزیکی که شامل جعبه‌ای با دیواره شفاف (پلکسی گلاس) و به ابعاد $1/8$ ، $1/8$ و $0/9$ متر بود، در آزمایشگاه مرکزی تحقیقات آب گروه مهندسی آبیاری و آبادانی دانشگاه تهران استفاده گردید. از میز هیدرولوژی مجهز به تنظیم کننده فشار به عنوان منبع آب و تأمین کننده دبی ثابت در زمان‌های آبیاری استفاده شد. برای انتقال آب به این جعبه که محتوی خاک سیلتی‌لوم (با 22 درصد رس، 58 سیلت و 20 درصد شن) بود از لوله‌ای فرعی به قطر 16 میلی‌متر استفاده شد. قطره‌چکان‌های مورد استفاده در آزمایش‌ها از نوع اسپاگتی با قطر خارجی $2/5$ میلی‌متر و به طول 60 سانتی‌متر بودند. جهت بررسی پیش‌روی جبهه رطوبتی (در دو بعد عمق و عرض) قطره‌چکان‌ها با حداقل دبی مورد نیاز برای آبیاری قطره‌ای (4 لیتر بر ساعت) و در فشار کمتر از $1/5$ متر، مماس بر صفحه پلکسی نصب شدند (شکل 1). لازم به ذکر است که قبل از استفاده از قطره‌چکان‌ها در پلکسی، یکنواختی پخش برای 25 قطره-چکان به فاصله نصب $1/5$ متر و در سه فشار $1/1$ ، $1/5$ و 2 متر در زمینی کاملاً هموار اندازه‌گیری شد که بیشترین یکنواختی پخش ($0/96$) در فشار $1/5$ متر بدست آمد.

جهه رطوبتی برای دبی‌های $4/5$ و $6/3$ لیتر بر ساعت در دو حالت نصب قطره‌چکان روی سطح خاک (DI) و نصب قطره‌چکان در عمق 20 سانتی‌متری (SDI) مورد بررسی قرار گرفت. مدت زمان آبیاری برای هر یک از دبی‌های $4/5$ و $6/3$ لیتر بر ساعت به ترتیب $22/5$ و 16 دقیقه بود. همچنین اندازه‌گیری‌های پیش‌روی جبهه رطوبت تا 2 ساعت پس از قطع جریان انجام شد.

فصل زراعی رطوبت خاک در ناحیه ریشه در حد طرفیت مزرعه نگه داشته شده و کاهش آن در طول 48 ساعت تدریجی بوده و رطوبت لازم برای گیاه در حد مطلوب نگه داشته می‌شود. نتایج مربوط به نفوذ عمقی آب نشان داد که میزان آب خارج شده از مرز انتهایی محدوده مدل شده که به عنوان مرز زهکشی آزاد می‌باشد در مقایسه با کل حجم آب به کار رفته در دوران رشد گیاه بسیار کم و قابل چشم‌پوشی بوده و مقدار آن $0/05$ درصد می‌باشد. سایل و همکاران (۹) به بررسی قابلیت مدل (HYDRUS(2D/3D)) در پیش‌بینی الگوی توزیع رطوبت در آبیاری قطره‌ای زیرسطحی پرداختند. این محققین لوله‌های سفالی به طول 40 سانتی‌متر و قطر 10 سانتی‌متر در اعماق 20 ، 30 و 40 سانتی‌متری از سطح خاک و در خاک‌های لومی‌شنی، سیلتی و لومرسی‌شنی در شرایط مزرعه نصب کردند. مدل HYDRUS(2D/3D) به خوبی (ضریب تبیین بیش از $0/97$ و میانگین ریشه مربعات خطأ کمتر از $0/14$ سانتی‌متر مکعب بر سانتی‌متر مکعب بود) قادر به شبیه‌سازی جبهه رطوبتی در آبیاری قطره‌ای زیرسطحی بود. پراونزانو (۷) نشان داد که مدل HYDRUS-2D دارای عملکرد مطلوبی در شبیه‌سازی پتانسیل ماتریک خاک در آبیاری قطره‌ای زیرسطحی در یک خاک لوم شنی با عمق نصب 10 سانتی‌متر قطره‌چکان بود. ملایی کندلوس و سیمونک (۶) مدل‌های عددی، تحلیلی و تجربی پیش‌بینی الگوی خیس شدگی خاک را مورد مقایسه و ارزیابی قرار دادند. نتایج نشان داد که مدل عددی HYDRUS-2D به جز نوبت دوم آبیاری قطره‌ای سطحی نتایج رضایت‌بخشی می‌دهد ولی این مدل نسبت به بقیه مدل‌ها نیاز به پارامترهای ورودی زیادی دارد. همچنین نتایج این تحقیق نشان داد که مدل تحلیلی WetUp برای شبیه‌سازی خیلی مفید نیست و متوسط خطای مطلق آن به $58/1$ سانتی‌متر هم می‌رسد. مدل‌های عمومیت نداشته و فقط در رضایت‌بخشی می‌دهند اما این مدل‌ها عمومیت نداشته و فقط در شرایط آزمایش قابل استفاده می‌باشند. شان و همکاران (۸) آزمایش‌های مزرعه‌ای را روی نحوه توزیع رطوبت خاک در آبیاری قطره‌ای انجام دادند و سپس به شبیه‌سازی نحوه توزیع رطوبت با مدل HYDRUS و ارزیابی این مدل پرداختند. نتایج این تحقیق روی خاک‌های لوم، سیلتی و لومی‌شنی و در دبی‌های $1/8$ ، $1/8$ ، $2/2$ ، $2/4$ و 3 لیتر بر ساعت و با حجم آب $10/8$ و 12 لیتر نشان داد که پیش‌بینی‌های مدل HYDRUS با داده‌های مشاهداتی همبستگی خوبی دارد به طوری که حداقل میزان ضریب تبیین $8/0$ و میانگین ریشه مربعات خطأ (RMSE) در پیش‌بینی میزان رطوبت و حرکت جبهه رطوبتی به ترتیب کمتر از $1/7$ درصد و $6/9$ سانتی‌متر به دست آمد.

بررسی پژوهش‌های انجام شده نشان می‌دهد که تعیین دقیق جبهه رطوبتی در آبیاری قطره‌ای موجب مصرف بهینه آب، انرژی و



شکل ۱- شماتی مدل فیزیکی

مدل SEEP/W

مدل SEEP/W یکی از نرم افزارهای بسته نرم افزاری GeoStudio می‌باشد که توسط شرکت GeoSlope از کشور کانادا در سال ۲۰۰۱ توسعه یافته است. اساس این نرم افزار بر پایه روش اجزای محدود (Finite Element Method) بوده و کاربردهای آن در مدل‌سازی جریان آب و همچنین توزیع فشار آب منفذی در محیط‌های متخلخل مانند خاک است. رابطه دیفرانسیل حاکم بر جریان اشباع و غیر اشباع در مدل SEEP/W همانند مدل HYDRUS-2D، Riechartz می‌باشد.

در هر دو مدل HYDRUS-2D و SEEP/W پارامترهای منحنی مشخصه رطبوتی و هدایت هیدرولیکی خاک با استفاده از مدل Rosetta که در داخل مدل‌ها قرار گرفته استفاده می‌گردد. در مدل Rosetta از رابطه ون گتوختن و همکاران (۱۱) که در زیر آمده است استفاده شده است:

$$\theta(h) = \begin{cases} \theta_r + \frac{\theta_r}{(1 + (\alpha h)^n)^m} & h < . \\ \theta_s & h \geq . \end{cases} \quad (2)$$

$$K(h) = K_s \times S_e^l \times (1 - (1 - S_e)^{1/m})^m \quad (3)$$

که در آن θ_r و θ_s به ترتیب رطبوت باقیمانده و اشباع ثابت‌های تجربی به ترتیب (L^{-1}) و (LT^{-1}) هدایت هیدرولیکی اشباع (L^{-1}) و α و $m = 1 - 1/n$ است و S_e درجه اشباع مؤثر است. مقدار l برای اکثر خاک‌ها برابر $5/0$ در نظر گرفته می‌شود.

پروفیل جبهه رطبوتی برای دبی $4/5$ لیتر بر ساعت در زمان‌های $5, 10, 15, 20, 22/5$ و $142/5$ دقیقه و برای دبی $6/3$ لیتر بر ساعت در زمان‌های $5, 10, 16$ و 136 دقیقه روی دیواره شفاف جعبه توسط ماژیک رسم شد و سپس ابعاد جبهه رطبوتی به وسیله نرم افزار Grapher 7 اندازه‌گیری شدند.

مدل HYDRUS-2D

مدل HYDRUS-2D یکی از مدل‌های پیشرفته در ارتباط با حرکت دو بعدی آب، اصلاح و گرما در خاک می‌باشد که توسط سیمیونک و همکاران (۱۰) در آزمایشگاه شوری خاک آمریکا ارائه شده است. این مدل شامل حل عددی رابطه Riechartz^۱ به روش تفاضلات محدود (Finite Difference Method)، برای بررسی حرکت آب در خاک و معادلات انتقال-انتشار برای بررسی حرکت اصلاح و گرما در خاک است. این مدل قادر به شبیه سازی در شرایط اشباع و غیر اشباع در حالت افقی، عمودی و شعاعی بوده و توانایی تخمین خصوصیات فیزیکی خاک به روش معکوس را دارد. معادله Riechartz با فرض خاک همومند و یکنواخت و حرکت دو بعدی آب در خاک به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\frac{\partial \theta}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial x} \left[k(h) \frac{\partial h}{\partial x} \right] + \frac{\partial}{\partial z} \left[k(h) \frac{\partial h}{\partial z} + k(h) \right] \quad (1)$$

که در آن θ رطبوت حجمی (سانتی‌متر مکعب بر سانتی‌متر مکعب)، t زمان (دقیقه)، K هدایت هیدرولیکی (سانتی‌متر بر دقیقه)، h پتانسیل فشاری آب موجود در خاک (سانتی‌متر) و x و z به ترتیب مختصات افقی و عمودی می‌باشد.

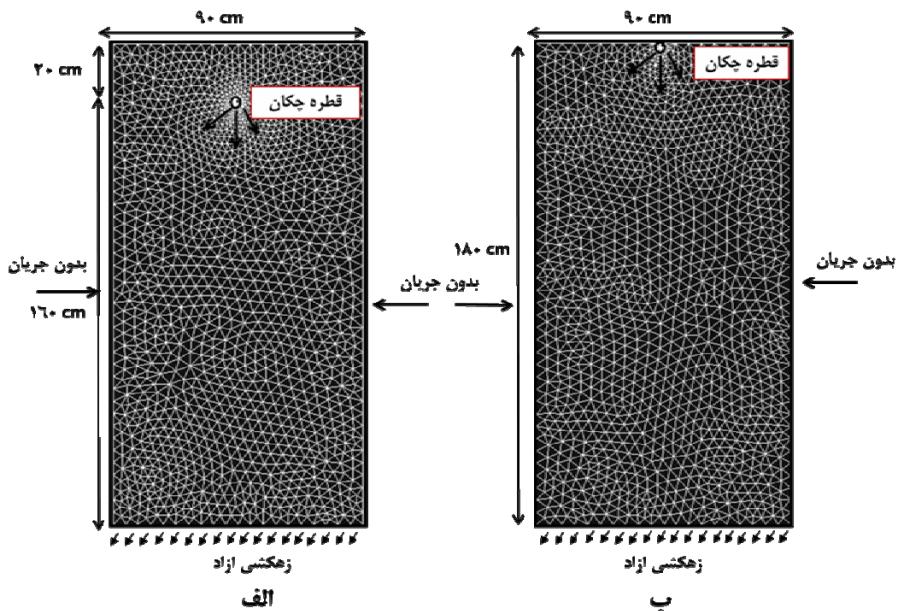
جدول ۱- نتایج خروجی مدل Rosetta (ورودی اولیه هردو مدل)

Θ_r ($cm^3 cm^{-3}$)	Θ_s ($cm^3 cm^{-3}$)	α (cm^{-1})	n	L	K_s (cms^{-1})
۰/۰۷۲	۰/۴۳	۰/۵۳	۱/۶۱	۰/۵	۱/۳۸

که شامل مقدار تابع در آن نقطه و چندین نقطه همگوار است. اساس این روش برای حل معادلات استفاده از تقریب تابع با روش تیلور است.

شرايط مرزی و اوليه در مدل‌های شبیه‌سازی
مطابق با ابعاد مدل فیزیکی آزمایشگاهی، شکل هندسی با در نظر گرفتن عمق نصب قطره‌چکان در هر دو مدل ایجاد شد (شکل ۲). به دلیل اینکه خاک داخل مدل فیزیکی قبل از شروع آزمایش نسبتاً خشک (در هوای آزاد) بود رطوبت حجمی اولیه خاک برابر $7/5$ درصد (کمی بیش از رطوبت باقیمانده که توسط برنامه Rosetta تخمین زده شده بود) در نظر گرفته شد. کارهای راست و چپ مدل فیزیکی، شرط مرزی بدون جریان، محل قطره‌چکان شرط مرزی جریان متغیر و پایین ستون خاک به صورت شرط زهکشی آزاد در هر دو مدل شبیه‌سازی تعریف گردید (شکل ۲).

نتایج حاصل از مدل Rosetta با توجه به مشخصات خاک مورد آزمایش در جدول ۱ آورده شده است. پذیرش انواع شرایط مرزی (فسار، دبی، نشت به صورت نقطه‌ای و خطی)، پذیرش انواع مختلف توابع هدایت آب و منحنی رطوبتی برای خاک‌های غیرهمگن و ایزوتوب، استفاده از عناصر محدود نامتناهی برای حذف اثر مرزهای نامحدود بر فرایند شبیه‌سازی، امکان محاسبه مقدار دبی نشت، سرعت و فشار در هر مقطع دلخواه و در هر جهت از مهمترین قابلیت‌های هر دو مدل شبیه‌سازی است که استفاده از آنها را در تحلیل مسائل حرکت آب در خاک تسهیل می‌نماید. توضیح بیشتر در مورد تفاوت دو مدل اینکه اساس کار در روش اجزای محدود با حذف کامل معادلات دیفرانسیل یا ساده سازی آنها به معادلات دیفرانسیل معمولی می‌باشد. در حالی که روش تفاضلات محدود معادله دیفرانسیل همزنان با یک سری معادلات جبری خطی جایگزین می‌شود. تفاضلات محدود بر این اصل استوار است که مشتقهای تابع در یک نقطه را می‌توان با عبارتی جبری جایگزین کرد



شکل ۲ - نمای موقعیت قطره‌چکان و شرایط مرزی در مدل‌های SEEP/W و HYDRUS-2D (الف) قطره‌چکان در سطح خاک (ب) قطره‌چکان در عمق ۲۰ سانتی‌متری از خاک

$$CRM = \frac{\sum_{i=1}^n O_i - \sum_{i=1}^n P_i}{\sum_{i=1}^n O_i} \quad (6)$$

که در آن O_i مقدار اندازه‌گیری، P_i مقدار شبیه‌سازی شده، \bar{O} میانگین مقادیر مشاهداتی و N تعداد داده‌ها است. (بر حسب سانتی‌متر) هر چه به صفر نزدیک‌تر باشد نشان‌گر خطای کمتر مدل در پیش‌بینی است. ضریب تبیین بین صفر تا یک است که هر چه به یک نزدیک‌تر باشد همبستگی نتایج مدل با نتایج اندازه‌گیری شده بیشتر است و CRM نشانگر تمايل مدل به پیش برآورد یا کم برآورد در پیش‌بینی‌ها نسبت به داده‌های واقعی است. هر چه مقدار منفی یا مثبت آن بیشتر باشد، به ترتیب میزان بیش برآورد یا کم برآورد مدل بیشتر است.

نتایج و بحث

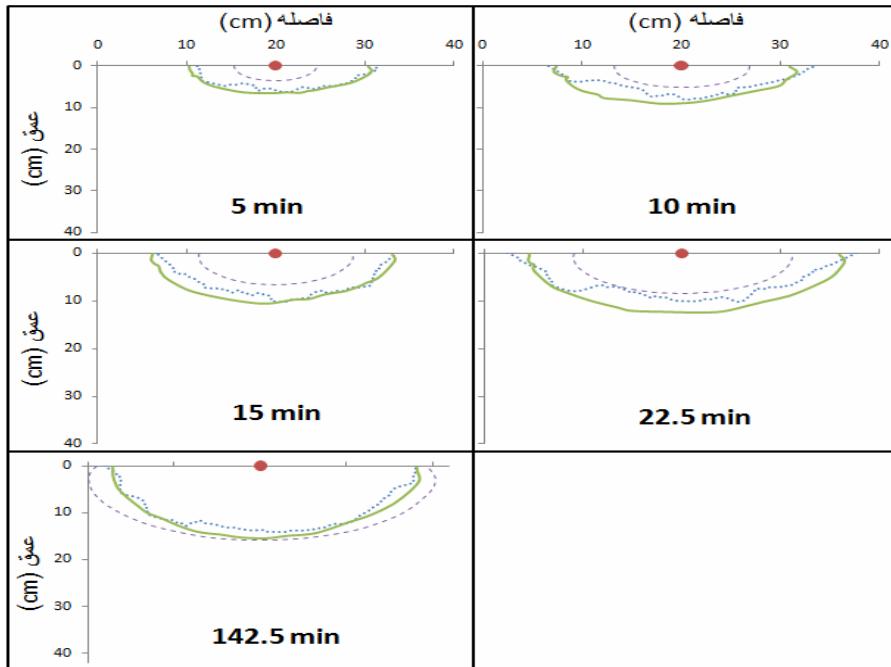
برای ارزیابی مدل‌های HYDRUS-2D و SEEP/W نتایج آزمایش‌ها و نتایج ارائه شده توسط مدل‌ها، برای پیشروی‌های جبهه رطوبت در حالت‌ها و حجم‌های مختلف آبیاری با یکدیگر مقایسه شدند.

ارزیابی مدل‌ها

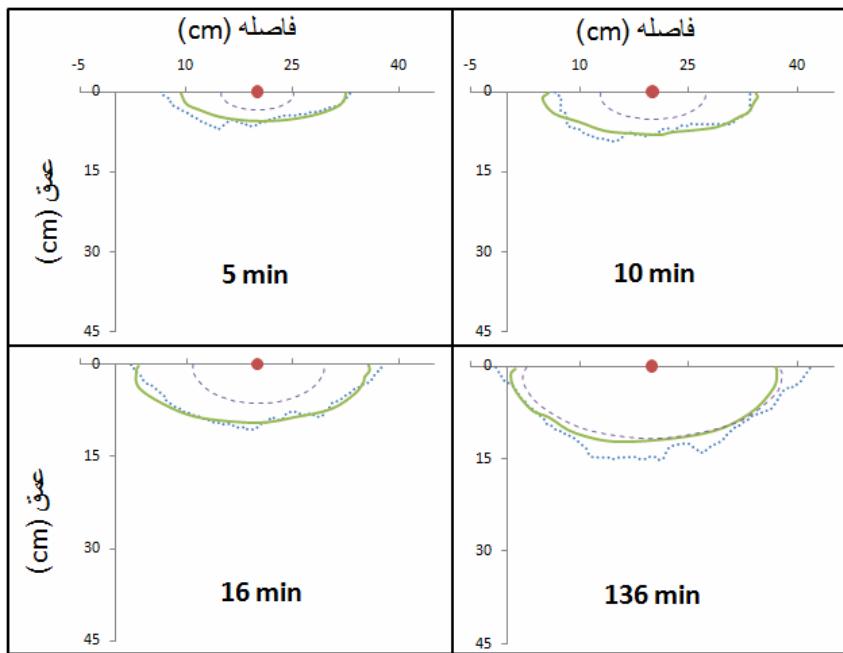
به منظور تحلیل نتایج، جبهه رطوبتی برای آبیاری قطره‌ای سطحی به صورت نیم بیضی و در آبیاری قطره‌ای زیرسطحی به صورت بیضی نامتناهن (به دلیل بیشتر بودن حرکت رو به پایین) در نظر گرفته شد. حرکت جبهه رطوبتی در آبیاری سطحی به حرکت عرضی رطوبت (R) و حرکت عمودی رطوبت (Y) تقسیم شده و برای آبیاری زیرسطحی حرکت عرضی رطوبت (R) و حرکت عمودی رطوبت به دلیل نیروی نقل حرکت عمودی رو به پایین (Y-) و حرکت عمودی رو به بالا (Y+) تقسیم شد. R بیانگر نصف عرض خیس شده یا نصف حرکت عرضی رطوبت است. برای مقایسه داده‌های واقعی و شبیه‌سازی شده پیشروی جبهه رطوبتی و برآورد خطای مدل‌ها برای دو دبی $4/5$ و $6/3$ لیتر بر ساعت در طول آبیاری و پس از توزیع مجدد رطوبت در خاک، از شاخص‌های آماری ریشه میانگین مربوطات خطای (RMSE)، ضریب تبیین (R^2) و ضریب جرم باقیمانده (CRM) استفاده شد:

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (P_i - O_i)^2}{N}} \quad (4)$$

$$R^2 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (P_i - O_i)^2}{\sum_{i=1}^n (O_i - \bar{O})^2} \quad (5)$$



شکل ۳- پیشروی جبهه رطوبت در آبیاری قطره‌ای ثقلی سطحی با دبی $4/5$ لیتر بر ساعت (داده‌های مشاهداتی خط ممتد، مدل SEEP/W چین و مدل HYDRUS-2D نقطه چین)



شکل ۴- پیشروی جبهه رطوبت در آبیاری قطره‌ای ثقلی سطحی با دبی $6/3$ لیتر بر ساعت (داده‌های مشاهداتی خط ممتد، مدل W SEEP/ HYDRUS-2D نقطه چین و مدل HYDRUS-2D نقطه چین)

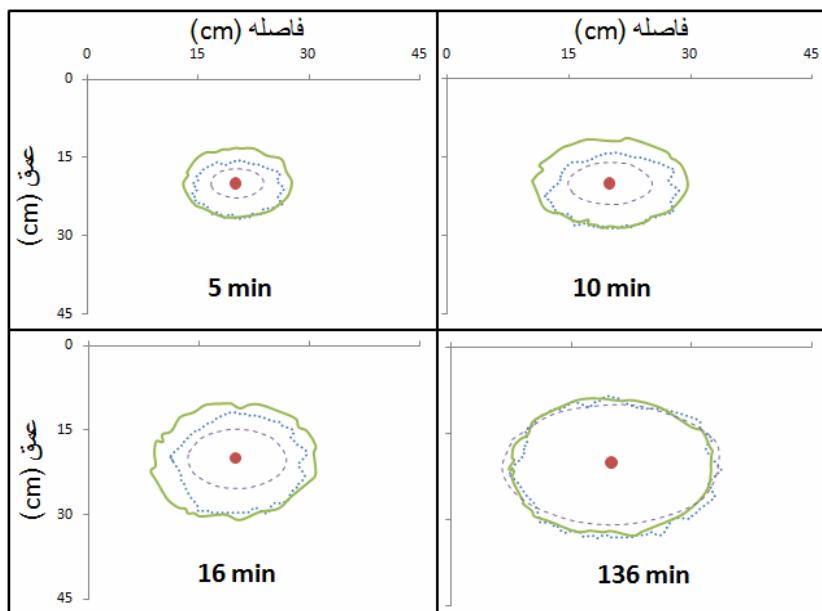
بالا بودن مکش ماتریک پیشروی جبهه رطوبت در دو مدل SEEP/W و HYDRUS-2D تقریباً بیشتر از مدل فیزیکی بود. مقایسه شکل‌های ۳ و ۴ نشان می‌دهد که با افزایش دبی از $4/5$ به $6/3$ لیتر بر ساعت مدل SEEP/W همواره کم برآورد داشت اما در مدل HYDRUS-2D با افزایش دبی مقدار جبهه رطوبتی بیشتر از مقدار واقعی تخمين زده شد. بنابراین در صورت استفاده از مدل HYDRUS-2D در تخمين فاصله بهینه قطره چکان‌ها در دبی‌های کم، بایستی فاصله‌ها بیشتر از مقداری که بر اساس حرکت رطوبت در خاک در نظر گرفته می‌شود، به کار برده شود در حالیکه با افزایش دبی این فاصله باید کمتر در نظر گرفته شود تا اثر کم برآورد یا بیش برآورد مدل‌ها تعدیل گردد.

شکل‌های ۵ و ۶ الگوی توزیع رطوبت آب در خاک برای روش آبیاری قطره‌ای ثقلی زیرسطحی زمانیکه دبی قطره‌چکان $4/5$ و $6/3$ لیتر بر ساعت بود، را نشان می‌دهد. نتایج این شکل هر دو مدل SEEP/W و HYDRUS-2D پیشروی رطوبت را در طول آبیاری مقادیر کمتر و پس از آن، مقادیر دقیق‌تری نسبت به واقعیت پیش‌بینی شد. علت این امر می‌تواند وجود جریان ترجیحی در خاک باشد که در معادله ریچاردز در نظر گرفته نمی‌شود. نتایج هر دو شکل نشان می‌دهد که در آبیاری زیرسطحی به دلیل نیروی نقل، حرکت رو به پایین رطوبت بیش از حرکت رو به بالا بود.

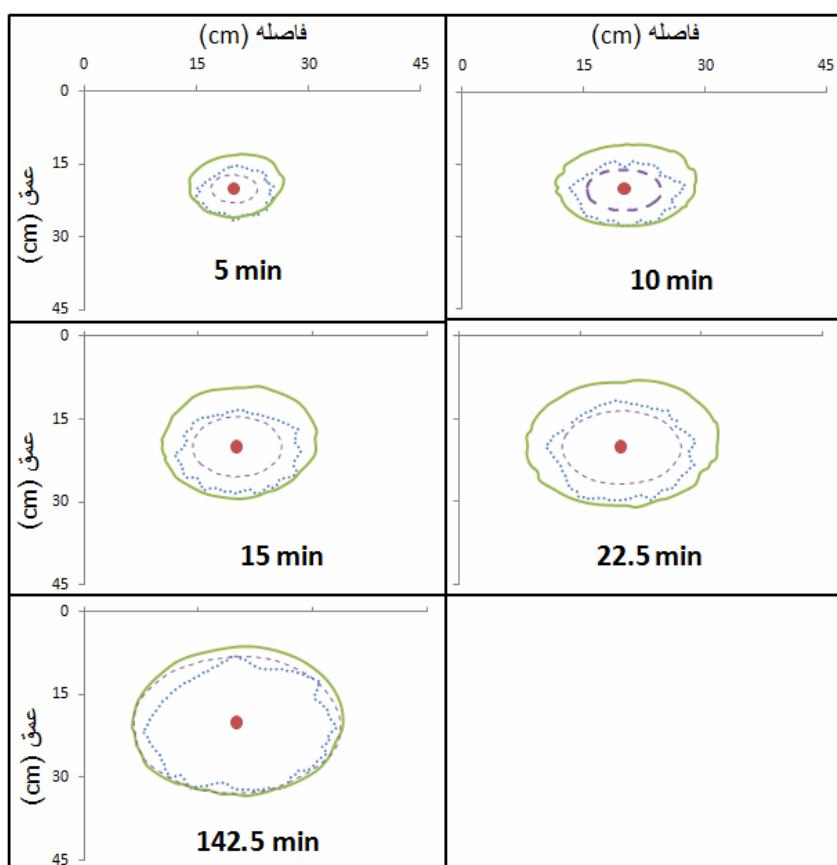
شکل ۳ الگوی توزیع رطوبت در خاک برای آبیاری قطره‌ای سطحی زمانی که دبی قطره‌چکان $4/5$ لیتر بر ساعت بود، را نشان می‌دهد.

نتایج این شکل نشان می‌دهد که در طول آبیاری هر دو مدل SEEP/W و HYDRUS-2D مقادیر کمتری برای پیشروی جبهه رطوبت نسبت به مدل فیزیکی پیش‌بینی کردند. با توجه به اینکه در هر دو مدل معادله ریچاردز به کار رفته است، علت این کم برآورد ممکن است در فرضیات معادله ریچاردز نهفته باشد. به عنوان مثال، در این معادله جریان آب در داخل منافذ بزرگ (macropores) یا به اصطلاح جریان ترجیحی در نظر گرفته نمی‌شود که موجب کم برآورد هر دو مدل می‌گردد. مقایسه دو مدل نشان می‌دهد که مدل SEEP/W در طول آبیاری جبهه رطوبتی را کمتر از مقدار واقعی و مدتی بعد از قطع آبیاری (دقیقه زمان قطع) بیشتر از مقدار HYDRUS-2D واقعی پیش‌بینی می‌کند در صورتی که مدل همواره کم برآورد دارد البته هم در طول آبیاری و هم پس از آن مدل HYDRUS-2D مقادیر دقیق‌تری را نسبت به مدل SEEP/W برآورد نمود (شکل ۳).

نتایج شکل ۴ نشان می‌دهد که در دبی $6/3$ لیتر بر ساعت هم مدل HYDRUS-2D پیشروی جبهه رطوبت را در طول آبیاری مقادیر دقیق‌تری نسبت به مدل SEEP/W برآورد نمود (شکل ۴). همچنین در زمان پس از آبیاری به علت خشک فرض نمودن خاک و



شکل ۵- پیشروی جبهه رطوبت در آبیاری قطره‌ای ثقلی زیر سطحی با دبی ۴/۵ لیتر بر ساعت (داده‌های مشاهداتی خط ممتد، مدل SEEP/W خط چین و مدل HYDRUS-2D نقطه چین)



شکل ۶- پیشروی جبهه رطوبت در آبیاری قطره‌ای ثقلی زیر سطحی با دبی ۶/۳ لیتر بر ساعت (داده‌های مشاهداتی خط ممتد، مدل SEEP/W خط چین و مدل HYDRUS-2D نقطه چین)

جدول ۲- مقادیر ضریب تبیین و ریشه متوسط مربوطات خطأ و ضریب توده باقیمانده بین مقادیر شبیه سازی و مشاهداتی پیشروی رطوبت در دبی
۴/۵ لیتر بر ساعت تا ۲ ساعت پس از قطع جریان

روش آبیاری	نوع حرکت	مدل شبیه سازی	R ²	RMSE (cm)	CRM
آبیاری قطره‌ای سطحی	R	HYDRUS-2D	۰/۹۰	۱/۵	۰/۰۰
		SEEP/W	۰/۶۲	۴/۸	۰/۳۰
آبیاری قطره‌ای زیرسطحی (قطر مچکان در عمق ۲۰ سانتی‌متری)	Y	HYDRUS-2D	۰/۹۳	۱/۲	۰/۰۷
		SEEP/W	۰/۷۸	۳/۱	۰/۲۷
آبیاری قطره‌ای زیرسطحی (قطر مچکان در عمق ۲۰ سانتی‌متری)	R	HYDRUS-2D	۰/۹۷	۱/۸	۰/۱۷
		SEEP/W	۰/۷۷	۳/۳	۰/۳۳
	Y+	HYDRUS-2D	۰/۸۷	۳/۰	۰/۳۰
		SEEP/W	۰/۷۰	۴/۴	۰/۴۴
آبیاری قطره‌ای سطحی	Y-	HYDRUS-2D	۰/۸۳	۱/۱	۰/۰۱
		SEEP/W	۰/۸۱	۳/۱	۰/۳۴

با دقت بیشتری برآورد کرد (جدول ۲). مدل HYDRUS-2D (روش تفاضلات محدود) در آبیاری زیر سطحی هم دقت بیشتری نسبت به مدل SEEP/W (روش اجزاء محدود) داشت. نتایج ارزیابی برآورد دو مدل در شبیه‌سازی پیشروی جبهه رطوبت برای دبی ۶/۳ لیتر بر ساعت در جدول ۳ آمده است. مقادیر RMSE و CRM برای مدل HYDRUS-2D به ترتیب بین ۰/۹ تا ۰/۶ سانتی‌متر و برای مدل SEEP/W به ترتیب از ۰/۰۹ تا ۰/۰۶ سانتی‌متر و برای مدل HYDRUS-2D به ترتیب از ۰/۰۳ تا ۰/۰۲ سانتی‌متر و برای مدل SEEP/W به ترتیب از ۰/۰۲ تا ۰/۰۱ سانتی‌متر داشت. نتایج ارزیابی های بیشتر هم، مدل HYDRUS-2D دقت بیشتری نسبت به مدل SEEP/W در شبیه‌سازی پیاز رطوبتی آبیاری قطره‌ای سطحی و زیرسطحی داشت. روند تغییرات CRM نشان داد که در مدل HYDRUS-2D با افزایش دبی از ۴/۵ به ۶/۳ لیتر بر ساعت تمايل به پيش برآورد در برخى موارد (حرکت افقى و عمودى در آبیاری قطره‌ای سطحی و حرکت رو به بالاى رطوبت در آبیاری قطره‌ای زیر سطحی) داشت در حالیکه مدل SEEP/W همچنان تمايل به کم برآورد ميزان حرکت رطوبت در خاک داشت (جدول ۳). بنابراین در تدوين طرح و برنامه آبیاری قطره‌ای سطحی و زير سطحی فاصله‌ها كمتر از مقدار تخميني بر اساس خروجي مدل HYDRUS-2D باشد يا اينكه زمان آبیاری بيشتر در نظر گرفته شود. مقاييسه نتایج جدول ۳ و ۴ نشان مى دهد که دقت مدل HYDRUS-2D با افزایش دبی از ۴/۵ به ۶/۳ لیتر بر ساعت در آبیاری قطره‌ای سطحی کاهش ولی در آبیاری قطره‌ای زیر سطحی افزایش يافت ولی دقت مدل برای آبیاری قطره‌ای سطحی و زير سطحی و در دبی‌های ۴/۵ و ۶/۳ لیتر بر ساعت قبل قبول مى باشد.

تحليل نتایج دو مدل در برآورد جبهه رطوبت

در شبیه‌سازی با مدل HYDRUS-2D، مقادیر CRM و RMSE برای دبی ۴/۵ لیتر بر ساعت به ترتیب بین ۱/۱۵ تا ۰/۰۲ سانتی‌متر و صفر تا ۰/۳۰ بدست آمد (جدول ۲). اين مقادير و همچنان مقادير ضرایب تبیین نشان مى دهد که مدل فوق دقت خوبی در شبیه‌سازی پیاز رطوبتی آبیاری قطره‌ای سطحی و زیرسطحی داشت. اين نتایج با نتایج تحقیقات ملایی کندلوس و همکاران (۶)، شان و همکاران (۸) و سايل و همکاران (۹) مطابقت خوبی داشت. اما مدل SEEP/W نسبت به مدل HYDRUS-2D دقت کمتری در برآورد پیاز رطوبتی خاک داشت به طوریکه مقدار RMSE آن به حدود ۵ سانتی‌متر هم رسید (جدول ۲). هر دو مدل HYDRUS-2D و SEEP/W تمايل به کم برآوردن حرکت رطوبت در طول آبیاری داشتند ولی ميزان اين تمايل در مدل SEEP/W بيشتر بود (جدول ۲).

همچنان نتایج جدول ۲ نشان مى دهد که دقت هر دو مدل در شبیه‌سازی حرکت عمودی رطوبت بيشتر از دقت مدل‌ها در پيش بینی حرکت افقى رطوبت در آبیاری قطره‌ای سطحی با دبی ۴/۵ لیتر بر ساعت بود. بنابراین در تدوين برنامه آبیاری قطره‌ای سطحی براساس خروجي اين مدل‌ها تكىه بر تعیين زمان بندی آبیاری مى تواند دقیق تر از تكىه بر فاصله قطره‌چکان‌ها و لترال‌ها باشد. مقاييسه نتایج دو مدل برای آبیاری سطحی و زیر سطحی نشان داد که در آبیاری زیر سطحی با دبی ۴/۵ لیتر بر ساعت، حرکت عمودی HYDRUS-2D به ترتیب در حرکت افقى رطوبت، حرکت افقى رطوبت نسبت به آبیاری سطحی کاهش يافت در حالیکه مدل SEEP/W جبهه رطوبتی در حرکت رو به پايان رطوبت نسبت به حرکت افقى و حرکت روبه بالا را

جدول ۳- مقادیر ضریب تبیین و ریشه متوسط مربuat خطا و ضریب توده باقیمانده بین مقادیر شبیه سازی و مشاهداتی پیشروی رطوبت در دبی ۶/۳ لیتر بر ساعت تا ۲ ساعت پس از قطع جریان

روش آبیاری	نوع حرکت	مدل شبیه سازی	R^2	RMSE (cm)	CRM
آبیاری قطره‌ای سطحی	R	HYDRUS-2D	۰/۷۸	۲/۶	-۰/۱۴
		SEEP/W	۰/۶۴	۵/۷	۰/۳۷
آبیاری قطره‌ای زیرسطحی (قطره چکان در عمق ۲۰ سانتی‌متری)	Y	HYDRUS-2D	۰/۹۸	۱/۷	-۰/۲۱
		SEEP/W	۰/۸۶	۲/۲	۰/۲۶
آبیاری قطره‌ای زیرسطحی (قطره چکان در عمق ۲۰ سانتی‌متری)	R	HYDRUS-2D	۰/۹۳	۱/۱	۰/۰۹
		SEEP/W	۰/۶۶	۳/۴	۰/۳۱
	Y+	HYDRUS-2D	۰/۸۱	۲/۰	۰/۲۱
		SEEP/W	۰/۶۴	۳/۷	۰/۴۳
Y-		HYDRUS-2D	۰/۹۰	۰/۹	-۰/۰۳
		SEEP/W	۰/۴۳	۶/۵	۰/۰۹

حاصل شد. این مقادیر برای دبی ۶/۳ لیتر بر ساعت و مدل HYDRUS-2D (۲/۶ سانتی‌متر، ۰/۲۱ و ۰/۷۸) در حرکت افقی رطوبت در آبیاری سطحی و حرکت عمودی رطوبت در آبیاری زیر سطحی و در مدل SEEP/W (۶/۵ سانتی‌متر، ۰/۴۳ و ۰/۴۳) در آبیاری قطره‌ای زیر سطحی و حرکت رو به بالا و پایین رطوبت بدست آمد. به طور کلی نتایج نشان داد که در شبیه‌سازی پیاز رطوبتی آبیاری قطره‌ای سطحی و زیرسطحی، مدل HYDRUS-2D با بهره‌گیری از روش تفاضلات محدود در حل معادله ریچاردز نسبت به مدل SEEP/W که از روش اجزای محدود در حل این معادله استفاده می‌کند، مقادیر دقیق‌تری را پیش‌بینی کرد. بنابراین با استفاده از مدل HYDRUS-2D می‌توان جنبه‌های مختلف مدیریتی از قبیل فاصله لترال‌ها، دبی خروجی و عمق نصب (در آبیاری قطره‌ای زیر سطحی) را برای شرایط مزرعه مورد نظر اعمال کرد تا بهترین گزینه برای مقدار حجم آب کاربردی و فاصله لترال‌ها و نیز عمق نصب قطره‌چکان‌ها (در آبیاری قطره‌ای زیر سطحی) را پیدا نمود.

نتیجه‌گیری

حل دقیق رابطه حرکت آب در خاک (معادله ریچاردز) منجر به پیش‌بینی دقیق‌تر نحوه توزیع رطوبت در خاک می‌شود. در این تحقیق به منظور مقایسه روش‌های تفاضلات و اجزای محدود در حل معادله ریچاردز در توزیع رطوبت اطراف قطره‌چکان، عملکرد مدل‌های HYDRUS-2D و SEEP/W در تخمین پیش‌روی جبهه رطوبتی در اطراف قطره‌چکان با کمک داده‌های آزمایشگاهی مورد بررسی و مقایسه قرار گرفت. مقایسه مدل‌ها بیانگر این است که هر دو مدل در طول آبیاری مقادیر کمتری نسبت به شرایط آزمایشگاهی برآورد کردند که یکی از دلایل آن عدم در نظر گرفتن جریان ترجیحی در معادله ریچاردز برای شبیه‌سازی حرکت آب در خاک می‌باشد. بیشترین مقدار CRM و کمترین مقدار ضریب تبیین در دبی ۶/۵ لیتر بر ساعت برای مدل HYDRUS-2D (۳ سانتی‌متر، ۰/۳ و ۰/۸۷) در حرکت رو به بالا رطوبت در آبیاری زیر سطحی و برای مدل SEEP/W (۴/۸ سانتی‌متر، ۰/۴۴ و ۰/۶۲) در حرکت افقی رطوبت در آبیاری سطحی و حرکت رو به بالا آبیاری زیر سطحی

منابع

- اژدری خ. ۱۳۸۵. شبیه‌سازی توزیع رطوبت در خاک در سیستم آبیاری قطره‌ای با استفاده از مدل HYDRUS-2D. مجله علوم کشاورزی و منابع طبیعی، ۱۵(۱).
- پروانک بروجنی ک. ۱۳۸۵. شبیه سازی الگوی خیسندگی منطقه ریشه گیاهان تحت آبیاری قطره‌ای با استفاده از تکنیک شبکه‌های عصبی مصنوعی. مجله علمی و ترویجی گیاه و زیست بوم.
- فروغی ف. و قائمی ع.ا. ۱۳۸۴. تعیین عمق بهینه آب آبیاری گندم بر اساس خط مشی های مختلف مدیریتی در آبیاری بارانی عقریه ای. مجله علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی. ۱۵-۱: ۲۹.

- میرزایی ف، لیاقت ع، سهرابی ت، و امید م.ج. ۱۳۸۴. نمونه سازی جبهه رطوبتی خاک از منبع تنفسی خطی در آبیاری قطره‌ای نواری. مجله تحقیقات مهندسی کشاورزی. ۶(۲۳): ۵۹-۵۳.

- 5- Geo-slope Ltd .2001. Seep/W for finite element seepage analysis: user's guide. Calgary: Geo-slope Ltd.
- 6- MolaeiKandous M and Simunek J. (2010). Comparison of numerical, analytical, and empirical models to estimate wetting patterns for surface and subsurface drip irrigation. *Irrigation Science* 28:435–444
- 7- Provenzano G. 2007. Using HYDRUS-2D simulation model to evaluate wetted soil volume in subsurface drip irrigation systems. *Journal of Irrigation and Drainage Engineering, ASCE* 133(4): 342–349.
- 8- Shan Y., Wang Q. and Wang Ch. 2011. Simulated and measured soil wetting patterns for overlap zone under double points sources of drip irrigation. *African Journal of Biotechnology*. 10(63):13744-13755.
- 9- Siyal A.A. and Skaggs T.H. 2009. Measured and simulated soil wetting patterns under porous clay pipe sub-surface irrigation. *Agricultural Water Management*. 96, 893–904.
- 10- Šimunek J., Sejna M. and Van Genuchten M.Th. 1999. The HYDRUS-2D software package for simulating the two dimensional movement of water, heat, and multiple solutes in variably saturated media. Version 2.0, IGWMCTPS-70, Int. Ground Water Modeling Center, Colorado School of Mines, Golden, Co.
- 11- Van Genuchten M.Th. 1980. A closed-form equation for predicting the hydraulic conductivity of unsaturated soils. *Soil Science American Journal*. 44, 892–898.



Evaluation of HYDRUS-2D and SEEP/W Models to Estimate Wetting Front for Surface and Subsurface Gravity Drip Irrigation

M. Ghorbanian^{1*} - M. S. Monjezi² - H. Ebrahimian³ - A. Liaghat⁴

Received: 28-07-2013

Accepted: 15-02-2014

Abstract

Many numerical and analytical models have been developed for estimation of soil water distribution in order to increase water use efficiency in drip irrigation. Accurate solution of well-known soil water equation, Richard's equation, in these models cause more accurate estimation of soil wetting front. The purpose of this study was to evaluate finite difference and finite element methods to numerical solution of Richard's equation for simulating soil water flow around dripper via comparing HYDRUS-2D and SEEP/W numerical models. Experiments were carried out to collect required data to investigate the advance of moisture front inside a Plexiglas box filled with a silt loam soil in central laboratory of water researches in University of Tehran. Wetting front advance at different time intervals were plotted on the transparent Plexiglas box walls. The wetting front around the emitters, for pressures 1.5 and 2.2 meters (equivalent to 4.5 and 6.3 liters per hour, respectively), were measured. Comparison of two simulation models, HYDRUS-2D and SEEP/W, showed that HYDRUS-2D model (finite difference solution method) with higher determination coefficient and lower root mean square error coefficient had better performance to simulate wetted area dimensions for both surface and subsurface drip irrigation.

Keywords: Emitter, Discharge, Simulation models, Wetting front

1, 2, 3 ,4- M.Sc. Student, Former M.Sc. Student, Assistant Professor and Professor, Department of Irrigation and Reclamation Engineering, College of Agriculture and Natural Resources, University of Tehran, Respectively
(*-Corresponding Author Email: ghorbanian110@ut.ac.ir)