پرهها را وادار به اغتشاش میکنند. از طرف دیگر ارتعاشات ایجادشده در یرهها باعث افزایش اغتشاشات

جریان سیال می شوند. بنابراین شرایط کاری و قطعات

بهکاررفته باید به گونهای باشد که از فرکانس های تشدید

آنالیز برهمکنش سازه و سیال در بسیاری از

حوزههای مهندسی کاربرد دارد. لی و همکاران [1]

برخورد کشتی و آب را با استفاده از آنالیز برهمکنش

سیال و سازه انجام دادند. آنها با استفاده از روش

پیشرفته مدلینگ و شبیهسازی در مقیاس کامل، حوادث

مختلف کشتی را بررسی و برهمکنش آب و سازه کشتی

را تحلیل کردند. بوگرز و همکاران [2] نیز با ارائهٔ روش

نيمهنيوتوني مسئلة برهم كنش سيال و جامد را براي سطح

آزاد و نقاط تماس جامد بررسی کردند. آنها روشی برای

فاصله داشته باشد.

١٣٣

تأثیر زاویهٔ پرههای مغشوش کننده بر جریان اطراف میلههای سوخت هستهای و ارتعاشات القایی آنها با استفاده از آنالیز برهم کنش جامد و سیال*

مقاله پژوهشی

منصور طالبی^(۱) سیامک نباتی^(۲)

چکید در مجتمع سوخت رآکتورهای هسته ای، پرههای مغشوش کننده اجزایی جامد با ضخامت کم هستند که به شبکه های نگهدارندهٔ میله های سوخت متصل اند و برای افزایش انتقال حرارت به کار می روند. نیرو های ناشی از عبور سیال می توانند باعث خم شدن بیش از حد و ایجاد تنش های بسیار زیاد در پره ها شوند که عملکرد پره را دچار اختلال خواهد کرد. پره ها معمولا با زاویه ای مشخص نسبت به جریان قرار می گیرند تا بتوانند بهترین اثر را روی جریان داشته باشند و کمترین نیروهای ارتعاشی از سیال به آنها وارد شود. در این پژوه ش با استفاده از روش برهم کنش سیال و جامد، جریان سیال و جابه جایی پره ها برای ۳زاویهٔ ۲۵، ۷۰ و ۷۵ درجه در یک هند سهٔ خاص بررسی شده است. به این منظور، ابتدا جریان سیال و جامد، جریان سیال و جابه جایی پره ها برای ۳زاویهٔ ۲۵، ۷۰ و ۷۵ درجه در یک هند سهٔ خاص بررسی شده است. به این منظور، ابتدا جریان سیال حل شده و نیروهای ناشی از سیال بر جسم محاسبه می شود. در مرحلهٔ بعد نیروها به جسم جامد وارد و از طریق این منظور، ابتدا جریان سیال حل شده و نیروهای ناشی از سیال بر جسم محاسبه می شود. در مرحلهٔ بعد نیروها به جسم جامد وارد و از طریق این محلود جابه جایی جسم محاسبه می شود. برای جریان سیال افت فشار محاسبه شده با نتایج عددی و تجربی مراجع دیگر مقایسه شده است که اختلاف کمتر از ۱۰ در صد را نشان می دهد. برای هند سهٔ اصلی برر سی شده در این پژوه س بی شترین افت فشار روی پره با زاویهٔ ۵۰ درجه نسبت به جریان رخ می دهد. ضمنا اغتشاشات ایجاد شده در زاویهٔ ۲۵ درجه بیشتر از سایر زوایاست. باتوجه به نتایج تخمین فرکانس،

واژههای کلیدی پرههای مغشوش کننده، مجتمع سوخت هستهای، آنالیز برهم کنش جامد و سیال، ارتعاشات القایی.

مقدمه

در قلب یک رآکتور هستهای بهدلیل پیچیدگی هندسه و طبیعت غیرپایا و تصادفی جریانهای مغشوش، نیروهای هیدرودینامیکی و اغتشاشات آنها اهمیت پیدا میکند. ارتعاشات ناشی از این نیروها اگر کنترل نشود، ممکن است آسیبهای جدی به تجهیزات هستهای وارد کند. در مجتمعهای سوخت، پرههای مغشوشکننده (Grid میرای افزایش انتقال حرارت به کار میروند. (Grid برای افزایش انتقال حرارت به کار میروند. (Grid برای افزایش انتقال حرارت به کار میروند. (در اثر عبور سیال خنککننده از مجاورت پرهها، برهمکنش سیال و جامد(Fluid – Solid Interaction) به وجود میآید. بدین صورت که ابتدا بهدلیل نیروی مومنتوم واردشده از سیال، پرهها دچار تغییر شکل میشوند. این نیروها بهدلیل خاصیت اغتشاشی جریان،

* تاریخ دریافت مقاله ۱٤۰۰/۵/۳ و تاریخ پذیرش آن۱٤۰۰/٦/۱۳ میباشد.

Email: mstalebi@aeoi.org.ir

(۲) دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی، اصفهان، ایران.

⁽۱) نویسنده مسئول: استادیارمهندسی مکانیک، پژوهشگاه علوم و فنون هستهای، پژوهشکده راکتور و ایمنی هستهای، تهران، ایران.

پرداختند. آنها مجموعهای نهتایی با آرایش ۳در۳ را در نظر گرفتند و اثرات القایی جریان سیال روی حرکت میلهها را بررسی کردند و دیدند که با افزایش سرعت، جريان كوپلينگ بين مجموعهميلهها بيشتر ميشود. زیونگ و همکاران [10] اثر پرههای مغشوشکننده را با اندازهگیری تجربی سرعتسنجی تصویر ذرات (Particle Image Velocimetry) مطالعه کردند. آنها با مجموعهای ٥در ٥ آزمایشات را انجام دادند و اثر متقابل سیال و سازه را بهدست آوردند. دوراندهار و همکاران [11] مروری بر کارهای انجامشده در مجتمعهای سوخت و اثر پرهها بر جریان و انتقال حرارت درون کانال مجتمع انجام دادند. بهدست آوردن نیروهای اعمالشده بر پرهها در اثر جریان سیال برای پیش بینی تغییر شکل پرهها کافی نیست. در حقیقت باید علاوه بر جریان سیال، تغییرات پرهها نیز لحاظ شود. اکثر مطالعاتی که در این زمینه انجام شده، فقط نیروهای واردشده از طریق سیال را محاسبه کرده و از تغییر شکل، شتاب و سرعت نوسان پرهها صرف نظر شده است. هدف این پژوهش بررسی کیفی و کمی اثر برهمکنش جریان سیال خنککننده و پرههای مغشوشکننده با استفاده از روشهای جفتکردن دینامیک سیالات محاسباتی و المان محدود است. در این پژوهش سعی شده است با شبیهسازی هر ۲پارامتر، «نیروهای سیالاتی» و «تغییر شکل پرهها» بررسی شود.

هندسهٔ مدنظر شبیه به جریان اطراف یک میلهٔ سوخت از مجتمع سوخت رآکتور VVE-1000 است که از طریق شبکهٔ نگهدارنده و پرههای متصل به آن در قسمت میانی احاطه شده است. از نظر ابعاد دقیقا همان موارد رآکتور بوشهر در نظر گرفته شده، اما فقط یک بخش ۲۶سانتی متری از میلهٔ سوخت انتخاب شده که شامل یک شبکهٔ نگهدارنده است. شبکههای نگهدارنده دارای پرههای مغشوش کننده هستند. این پرهها با دارای چاص نسبت به میلهٔ سوخت قرار گرفتهاند و با قرار گرفتن در مسیر آب خنک کننده، اختلاط شدیدی در

حل مشکلهای ناشی از برخورد سیال و سطح جامد در سطح آزاد سیال ارائه دادند و با مقایسهٔ ۲خانواده از روشهای نیمهنیوتونی، یک حلگر برای شبیهسازی مسئله ارائه دادند. الگوریتم پیشرفته و سریع دیگری را لانگ و همکاران[3] ارائه دادند. آنها با کوپل ۲روش المان محدود یک الگوریتم سادهشده تهیه کردند و با مقایسهٔ آن با الگوریتمهای معمول نشان دادند که الگوريتم مذكور مسائل برهمكنش سيال و سازه را دقیقتر حل میکند. فوریه و همکاران [4] به یک استراتژی کوپلکردن بسیار بهینه برای المان محدود و هیدرودینامیک دست یافتند و نشان دادند که استفاده از یک روش لاگرانژی بدون شبکهبندی برای سیال، پیچیدگیهای حل برهمکنش سیال سازه را برطرف میکند، بهویژه برای جریانهای پیچیده با سطح آزاد. فرانکی و همکاران [5] از فرمولبندی لاگرانژی برای شبیهسازی برهمکنش سیال و جامد استفاده کردند. در روش آنها در هر پلهٔ زمانی ۲مرحله حل وجود داشت. بدین صورت که از روش اجرای محدود برای حل بخش سیال استفاده میشد، درحالیکه برای بخش جامد دامنهٔ حل روش المان محدود به كار رفته بود. ايكسيو و همکاران [6] با بررسی برهمکنش سیال و سازه در یک رآکتور هستهای نشان دادند که لرزش ها و ارتعاشات و همچنین سطح آب مخازن روی ساختمان محافظ راکتور اثر خواهد گذاشت.

از جمله مطالعات تجربی میتوان به آزمایشهای داوگانگ و همکاران [7] روی پدیدهٔ برهمکنش سیال و سازه برای جریان سیال و مجتمع سوخت اشاره کرد. آنها از نتایج آزمایشگاهی برای محاسبهٔ پارامترهای موردنیاز برای آنالیز مودال استفاده کردند. تریودی [8] در پژوهشش بهمرور به مطالعات روی برهمکنش سیال و جامد در توربینهای هیدرولیکی پرداخت. او روی مسئلهٔ میرایی هیدرودینامیکی تمرکز کرد و دید که اثر میرایی با سرعت جریان آزاد متناسب است. ریکیاردی و همکاران [9] به مطالعهٔ برهمکنش سیال و جامد در مجتمع سوخت هستهای به صورت آزمایشگاهی

سيال ايجاد مي شود. افزايش اغتشاشات باعث افزايش برداشت گرما میشود. از طرفی برخورد سیال مغشوش به پرهها باعث واردشدن نیروی زیادی به پرهها، شبکهٔ نگهدارنده و در نتیجه میلهٔ سوخت می شود. ماهیت نيروهاي حاصل از اغتشاش جريان، تصادفي است. از طرف دیگر، بهعلت واردشدن نیروی شدید به پرهها، آنها دچار تغییر شکل می شوند که این تغییر شکل به جریان بالادستی و اغتشاشات آن و همچنین اندازه، زاویه و جنس پرهها وابسته است. وجود جابهجایی در پرهها میزان نوسانات نیروهای واردشده به شبکهٔ نگهدارنده را تغییر میدهد. در کار حاضر با استفاده از روش دوسویهٔ شبيهسازي برهمكنش سيال و جامد ميزان اين جابهجاییها و نیروهای واردشده به پرهها در ۳زاویه مختلف بررسی میشود که از نظر روششناسی تاکنون به این صورت و برای پرههای مغشوش کنندهٔ برهم کنش دوسویه استفاده نشده است. در مطالعات داخلی و خارجی تمرکز روی اثر شبکهٔ نگهدارنده بوده است و نه روی پرهها. در این مقاله همچنین زاویهٔ بهینه برای طراحی پرههای مغشوشکننده نیز مطالعه میشود.

۳زاویه ۲۵ ، ۲۰ و ۷۵درجه در شبیه سازی برای پرهها در نظر گرفته شده است. برای پرههایی با این اندازه، زاویه های کمتر از ۲۵درجه باعث برخورد پره به دیوارهٔ میلهٔ سوخت می شود و همچنین برای پرههایی با زاویهٔ بزرگتر از ۷۵درجه به دلیل کوچک شدن فاصلهٔ بین پره و دیواره، مرز تناوبی شبیه سازی دچار مشکل برخورد پرهها با دیوارهٔ میلهٔ سوخت خواهد شد (شکل ۱). لازم به یادآوری است که زاویهٔ ۷۰درجه مطابق با زاویهٔ پرهها در رآکتورهای استفاده شده در کشور است.



شکل ۱ پرههای مغشوشکنندهٔ اطراف میلهٔ سوخت با ۳زاویه

معادلات حاکم و روش حل معادلات حاکم بر حرکت سازه. معادلهٔ حرکت برای سیستم با درجات آزادی بسیار زیاد بهصورت زیر گسستهسازی می شود [12]:

$$[M]\ddot{u}(t) + [C]\dot{u}(t) + [K]u(t) = F(t)$$
(1)

که در آن (u(t) بردار جا به جایی، (F(t) بردار نیرو های خارجی (بارگذاری)، [M] ماتریس مربوط به جرم، [D] ماتریس مربوط به میرایی و [K] نیز بردار مربوط به سخت یا نیروی کشسانی داخلی است. فرض میرایی رایلی نیز اغلب برای تعریف ماتریس میرایی براساس ماتریس جرم و ماتریس سختی به صورت زیر به کار برده می شود:

$$[C] = \alpha[M] + \beta[K] \tag{(Y)}$$

که در آن α و β دو عدد ثابت هستند. جواب عمومی معادلهٔ (۱) با فرض میرایی رایلی نیز به صورت زیر بیان میشود:

$$u(t) = \sum_{n=1}^{N} u_n(t) = \sum_{n=1}^{N} \Phi_n q_n(t)$$
(٣)

$$m_n \ddot{q}_n(t) + c_n \dot{q}_n(t) + k_n q_n(t) = F_n(t) \qquad (\varepsilon)$$

 ω_n^2 که در آن Φ_n بردار ویژهٔ متناسب با مقدار ویژهٔ ω_n^2 است و n مربوط به مختصات مودال است. همچنین داریم:

$$F_{n} = \phi_{n}^{T} F(t)$$

$$m_{n} = \phi_{n}^{T} [M] \phi_{n}$$

$$k_{n} = \phi_{n}^{T} [K] \phi_{n} = \omega^{2} m_{n}$$

$$c_{n} = \phi_{n}^{T} [C] \phi_{n} = \alpha m_{n} + \beta k_{n}$$

$$= \left(\alpha + \omega^{2} \beta\right) m_{n}$$
(6)

معادلهٔ (٤) را می توان به صورت زیر بازنویسی کرد:

که $\mu_t = \rho C_{1\epsilon} \frac{k^2}{\epsilon}$ ویسکوزیتهٔ توربولانسی است. سایر عبارت های ارائه شده به فرم های مختلف مدل k- ϵ بستگی دارد. برای مدل استاندارد این ثابت ها عبارت اند از:

$$\begin{array}{l} {\cal C}_{1\varepsilon} = 1.44, {\cal C}_{2\varepsilon} = 1.92, \\ {\cal C}_{3\varepsilon} = 0.0, {\cal C}_{\mu} = 0.09, \\ \sigma_k = 1.0, \sigma_{\varepsilon} = 1.3 \end{array} \tag{11}$$

معادلات حاکم بر ۲ناحیهٔ مجزای جامد و سیال بهترتیب با استفاده از حلکنندههای المان محدود و دینامیک سیالات محاسباتی موجود در ANSYS Workbench کوپل و به روش دوسویه حل میشوند. نرمافزار انسیس پس از اینکه میدان فشار را در حلگر فلوینت محاسبه کرد، توزیع فشار روی سطوح را به بخش انسیس مکانیکال منتقل میکند. در این حالت، مطوح مرزی تحت فشار قرار میگیرند. پس از حل المان محدود، جابه جایی محاسبه میشود. پس از اینکه جابه جایی محاسبه شد، هندسه تغییر میکند و مجدد بهصورت خودکار شبکهبندی میشود. اطلاعات شبکهٔ جدید به فلوئنت سپرده میشود و مجدد میدان فشار و سرعت برای شبکهبندی جدید حل میشود.

ناحیهٔ محاسباتی و روش حل. هندسه و ناحیهٔ محاسباتی جریان سیال همراه با شرایط مرزی در شکل (۲) نشان داده شده است. هندسهٔ بررسی شده یک کانال جریان سیال در اطراف یک میلهٔ سوخت است که در ارتفاع مشخص بر سر راه آن شبکهٔ نگهدارنده و پرهها قرار گرفتهاند. مرز پایینی هر پره (صفحهای که در آن پره به شبکهٔ نگهدارنده متصل شده است) بهعنوان صفحهٔ ثابت شده در نظر گرفته می شود. دیگر صفحهها نیز تابت شده در نظر گرفته می شود. دیگر صفحهها نیز تابت شده و نیروی فشاری سیال به آنها وارد می شود. این صفحات با عنوان صفحهٔ مشترک سیال جامد معرفی

$$m_n \ddot{q}_n(t) + 2\zeta_n \omega_n \dot{q}_n(t) + \omega_n q_n(t) = \frac{F_n(t)}{m_n}$$
 (٦)
که در آن ζ_n بیانگر نسبت میرایی در n امین مد است:

$$\zeta_n = \alpha/2\omega_n + \beta\omega_n/2 \tag{V}$$

$$\beta = 2\zeta_n/\omega \tag{(A)}$$

که در آن ζ، ضریب میرایی و ω فرکانس تشدید مربوط به ماده اســـت و برای مواد مختلف از طریق آزمایش محاسبه میشود.

معادلات حاکم بر حرکت سیال. معادلات حاکم بر جریان سیال، معادلهٔ پیوستگی، مومنتوم و انرژی هستند [13] که با حلگر فلوئنت حل شدهاند. این معادلات بهترتیب عبارتاند از:

$$\begin{aligned} \frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla . \left(\rho \vec{v} \right) &= 0\\ \frac{\partial}{\partial t} \left(\rho \vec{v} \right) + \nabla . \left(\rho \vec{v} \vec{v} \right) &= -\nabla p + \nabla . \mu \left[\left(\nabla \vec{v} + \nabla \vec{v}^T \right) - \frac{2}{3} \nabla . \vec{v} I \right] \\ \frac{\partial}{\partial t} \left(\rho C_p T \right) + \nabla . \left(\rho C_p T \vec{v} \right) &= \nabla . \left(\kappa_{eff} \nabla T \right) \end{aligned}$$
(4)

 $k - \varepsilon$ برای مدل کردن جریان مغشوش از مدل $k - \varepsilon$ است و در آن استفاده شده است که مدلی نیمه تجربی است و در آن (k) ویسکوزیتهٔ اغتشاشای با ۲ ترم انرژی اغتشاشات (k) و اتلاف اغتشاشات (ع) محاسبه و با ۲ معادلهٔ ترابرد ارائه می شود: $\frac{\partial}{\partial t}(\rho k) + \nabla . (\rho k \vec{v}) = \nabla . \left(\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_k}\right) \nabla k\right) + G_k + G_b - \rho \varepsilon$ $+ S_k$ $\frac{\partial}{\partial t}(\rho \varepsilon) + \nabla . (\rho \varepsilon \vec{v}) = \nabla . \left(\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_{\varepsilon}}\right) \nabla k\right) + C_{1\varepsilon} \frac{\varepsilon}{k} (G_k + C_{3\varepsilon} G_b)$ $- C_{1\varepsilon} \rho \frac{\varepsilon^2}{k} + S_{\varepsilon}$



میشوند. البته از تأثیر ارتعاش میلهٔ سوخت بر میدان سیال صرفنظر شده است.

هندسه از ۲ناحیهٔ سیال و جامد تشکیل شده است. باتوجهبه اینکه برای بخش جامد قابلیت نوسان در نظر گرفته شده است، شبکهبندی موجود در بخش جریان از نوع شبکهبندی متحرک است. برای افزایش دقت شبکهبندی از توابع انحنا و تقارب Curvature and) (curvature and ایجاد می شود تا تأثیرات انحنا و نزدیکبودن مرزها در ریزترشدن سلولها ایجاد شود.

برای اینکه بتوان به مقادیر y+ متناسب با روش اغتشاشی ٤-٤ برای سلولهای نزدیک به دیواره رسید، باید اندازهٔ این سلولها مقداری باشد که عدد بیبعد y+ نزدیک به ۳۰ شود. به همین دلیل از شبکهبندی لایهٔ مرزی استفاده شده است.

شکل (۳) نمونهای از شبکهبندی را نشان میدهد که شبکهٔ نگهدارنده و پرههای مغشوش کننده از آن می گذرد. در نزدیکی دیوارهٔ میلهٔ سوخت شبکهبندی بهصورت لایهای و ریز است و همچنین در نزدیکی قسمتهای جامداتی شبکهبندی ریزتر می شود. شکل سمت چپ نیز

شبکهبندی روی مرزهای بیرونی را نشان میدهد. باتوجهبه اینکه هدف برآوردهکردن جابهجایی پرههاست، تمام دیوارههایی که این صفحات را در بر می گیرد، بهعنوان دیوارههای تغییر شکل دهنده معرفی می شوند.



شکل ۳ نمونهای از شبکهبندی

تعداد سلولها	زمان رسیدن به همگرایی برای هر time-step	افت فشار محاسبهشده kPa
•/ ٦ ×١• ^٦	٥/٠ دقيقه	۱۳/٥
۱/۲×۱۰ ^٦	۱/۵ دقیقه	١٤/٦
۲/٤×۱۰٦	٥ دقيقه	10
٤/٨×١٠٦	۱۰ دقیقه	10/1
۹/٦×۱۰ ^٦	۳۰ دقیقه	10/1

نتایج مطالعهٔ دقت شبکهبندی در جدول (۱) نشان داده شده است. در این جدول افت فشار بین مقطع ورودی جریان و خروجی نشان داده شده است. همان طور که ملاحظه می شود، با افزایش تعداد نقاط از ۲ میلیون سلول به بعد تغییر چندانی در نتایج مشاهده نمی شود. بنابراین برای حل های بعدی از این شبکهبندی استفاده می شود.

همچنین شکل (٤) نمونهای از شبکهبندی قسمت سازمای را نشان میدهد. این پرمها دارای ضخامت هستند و شبکهبندی آنها در نزدیکی نقطهٔ اتصال بسیار ریزتر در نظر گرفته شده است.



شکل ٤ پرههای مغشوش کننده در تحلیل دینامیک سازهای جداشده از حجم کنترل سیالاتی و شبکهبندی

برای حل معادلات حاکم از الگوریتم SIMPLE با دقت مرتبهٔ دو برای همهٔ پارامترها استفاده شده است. عدد رینولدز برمبنای سرعت ورودی و قطر هیدرولیکی مجرای عبور جریان برابر با ۲۳۵۰۰۰ است که نشاندهندهٔ جریان مغشوش است. بنابراین مدل ٤-k با تابع دیوارهٔ RNG برای شبیه سازی اغتشا شات استفاده شده است.

باتوجه به مطالعات قبلی [14] بازهٔ زمانی یک ثانیه برای حل در نظر گرفته شده است. در بخشهای بعدی برای تعیین پلهٔ زمانی از تعریف عدد کورانت (Co = 0.5Δt/Δx) در تحلیل های سیالاتی استفاده می شود.

نتايج

نمودار افت فشار برای زوایای مختلف پرههای مغشوش کننده در شکل (۵) نشان داده شده است. در این شکل از ارتفاع منفی ۲۰,۰ تا مثبت ۲۰,۰ افت فشار شدید بهدلیل حضور شبکهٔ نگهدارنده و پرههای مغشوش کننده است. برای حالت بدون پره نتایج با پژوهش عسگری [15] مقایسه شده است. در هر ۲شبیهسازی افت فشار نزدیک به ۲۲کیلوپاسکال مشاهده شد. همچنین در مقایسه با نتایج تجربی مشاهده شد که میزان افت فشار ناشی از شبکهٔ نگهدارنده و پرهها در مطالعهٔ حاضر برابر با ۲۵۰۰پاسکال است و برای کارهای تجربی کاروتا [16]

برابر با ۳۰۰۰پاسکال که اختلاف کمتر از ۱۲درصد را نشان میدهد. قسمت بزرگ افت فشار هنگام عبور جریان سیال از شبکههای نگهدارنده و پرهها اتفاق میافتد.



شکل ٥ تغییرات فشار برای زوایای مختلف پرهها



شکل ٦ بیشینه افت فشار برای پرهها با زوایای مختلف

اثر زاویهٔ پره بر افت فشار کلی. در شکل (٦) بیشینه افت فشار برای زوایای مختلف پره نشان داده شده است. همان طور که ملاحظه می شود، بیشترین افت فشار بهترتیب در ٢٥درجه در حدود ٢٢کیلوپاسکال، در ۰۷درجه در حدود ١١/١کیلوپاسکال و در ۲۵درجه درحدود ۱۰کیلوپاسکال اتفاق می افتد. با افزایش زاویهٔ پره ها بیشترین مقدار افت فشار طبق رابطهٔ موجود در شکل کاهش پیدا می کند. با افزایش زاویه از ٢٥ به ۰۷درجه در حدود ٦درصد کاهش و از ۲۰ به ۲۵درجه در حدود ۵درصد کاهش و از ۲۰ به ۲۵درجه می شود. تصادفی جریان است. همچنین، مقدار جابهجایی هرکدام متفاوت است. البته این مورد بهدلیل ذات نوسانی حرکت پرههاست. دربارهٔ توزیع فشار دوطرف پرهها نیز ملاحظه می شود که سیال هر دوطرف پرهها را در بر گرفته است، ولی فشار قبل و بعد از پرهها بهشدت متفاوت است. همين تفاوت فشار است كه باعث اعمال نيروي خالص فشاري به پره مي شود. مورد بااهميت ديگري که ملاحظه می شود، این است که اختلاف فشار بیشتر در نقاط نزدیک به شبکهٔ نگهدارنده، جایی که پره عرض بیشتری دارد، اتفاق میافتد و با نزدیکشدن به نوک پرهها اختلاف فشار زیر و روی آنها کم می شود، به طوری که در نوک پره تفاوت فشار نزدیک به صفر است. این امر شبیه یک تیر یکسرگیردار است که نیروی گستردهای به آن وارد میشود. شکل این نیروی گسترده بهصورتی است که در نقطهٔ اتصال تیر یکسرگیردار به تکیهگاه، اندازهٔ نیرو بیشترین مقدار و در انتهای آزاد آن کمترین مقدار باشد. این امر برای هر ۳زاویهٔ پره اتفاق می افتد. اندازهٔ این نیروهای فشاری واردشونده به سرعت سیال و میزان اغتشاشات و همچنین زاویهٔ پرهها بستگی دارد و همان طور که مشاهده می شود، از مقیاس ۱۰^٤ پاسکال است. البته بیشترین فشار واردشده برای پرههای ٦٥درجه اتفاق میافتد. سیال علاوه بر اثر فشاری روی پرهها، تنش برشی نیز به آنها وارد میکند که نسبت به نیروی فشاری کوچکتر است و از مقیاس ۱۰۴یاسکال است. کانتور نیروی برشی نیز در شکل (۷) نشان داده شده است. نیروی برشی نیز در زیر و روی پرهها رفتار متفاوتی از خود بروز میدهد. برخلاف فشار که مقادیر منفی نیز داشت، تنش برشی فقط مقادیر مثبت را نشان میدهد. به این معنی که این تنشهای برشی در زیر و روی پرهها همدیگر را خنثی نمیکنند، بلکه باهم جمع میشوند. پس همواره نیروی برشی خالصی از مقیاس ۱۰۲پاسکال به پرهها وارد میشود. البته نیروی برشی در روی پرهها بهعلت این که سرعت سیال در این ناحیه بسیار کم شده، در مقایسه با زیر پرهها که درحال برخورد با جريان سيال است، بسيار كمتر است.



ارتعاش پرمها. در اثر برخورد جریان سیال به پرههای مغشوش کننده نیروی فشاری خالص و همچنین نیروی برشی به پرهها وارد می شود که باعث تغییر شکل پره می شود. از آنجایی که جریان سیال تحت تأثیر اغتشاشات است، نیروی واردشده نیز تصادفی است. اعمال نیروی متناوب به پرهها باعث ایجاد جابه جایی، سرعت و شتاب در پرهها می شود. باتوجه به این که رفتار پارامترها در هر ۳زاویه مشابه است، در شکل (۷) کانتور جابه جایی، فشار، تنش برشی و کرنش پرهها با زاویهٔ مرابه جایی، فشان داده شده است. ملاحظه می شود که هر ۳پره باهم دچار ارتعاش نمی شوند که به دلیل ماهیت

منصور طالبی- سیامک نباتی

كانتور سرعت

كانتور فشار

این امر برای هر ۳زاویهٔ پرهٔ بررسی شده اتفاق می افتد. پره ها مطابق همهٔ اجسام جامد پس از اعمال نیرو به آن ها دچار تغییر شکل می شوند که این تغییر شکل بسته به ضخامت پره ها می تواند باعث ایجاد تنش و کرنش های متفاوتی شود. همچنین میزان این تنش و کرنش به براساس مکانیک مواد واضح است که هرجا کرنش بزرگ تر باشد، تنش بیشتری وارد می شود. این امر با مشاهدهٔ کانتورهای تنش و کرنش در شکل (۷) مشاهده می شود. از طرف دیگر براساس تشابهی که بین پره های مغشوش کننده و تیر یک سردرگیر در بخش قبلی بیان شد، می توان انتظار داشت که بیشترین تنش و کرنش در نزدیکی تکیه گاه اتفاق می افتد.

جریان سیال. در این بخش رفتار سیال از منظر سرعت و فشار در ارتفاع مختلف، برای پرههای با زوایای مختلف نشان داده شده است تا اثر زاویهٔ پرهها روی جریان مشخص شود. شکلهای (۸-۱۰) تغییرات فشار و سرعت را بهترتیب برای زوایای ٦٥، ٧٠ و ٧٥درجه نشان می دهند. نتایج در ۲مقطع ابتدایی و انتهایی پره نشان داده شده است. پرهها جریان را بهسمت میلهٔ سوخت منحرف می کنند. ناحیهٔ پرفشار و کمفشار در زیر و بالای پرهها واضح است. در همین نقاط پرفشار و كمفشار تغييرات سرعت برعكس است، به اين صورت که ناحیهٔ با سرعت بالا در نزدیکی میلهٔ سوخت (جایی که میزان افت فشار نسبت به حالت مرجع کمترین مقدار است) ایجاد شده است. این اثر باعث می شود که در نزديكي ميلههاي سوخت لاية مرزي هيدروليكي نازكتر شود. در این صورت در این نواحی ضریب اصطکاک و ضريب انتقال حرارت جابهجايي افزايش مييابد. همچنين، افزايش ضريب انتقال حرارت مي تواند باعث کاهش دما شود.



شکل (۱۱) کانتور سرعت را در امتداد محور نشان میدهد. این شکل اثر شبکههای نگهدارنده روی مقدار سرعت را برجسته کرده است. همانطور که ملاحظه

می شود، پروفیل سرعت پس از عبور از شبکههای نگهدارنده و پرهها دچار تغییرات می شود و در آن، نواحی پرسرعت و کم سرعت ایجاد می شود که این نواحی تا انتهای شکل پابرجا می مانند. به نظر می رسد که پرهها روی تغییرات سرعت ناشی از شبکهٔ نگهدارنده اثرگذار باشند. همان طور که در شکل دیده می شود، تأثیر شبکههای نگهدارنده و پرهها بر مقدار سرعت در زاویهٔ مرکدرجه بیشتر و تا ارتفاع بالاتری وجود دارد، به طوری که نواحی قرمزرنگ تا ارتفاع بیشتری دیده



شکل ۱۱ کانتور سرعت در امتداد جریان



شکل ۱۲ مقدار جابهجایی پره در طول زمان

نتایج ارتعاشی. در این بخش نتایج مربوط به رفتار پرهها و سیال در گذر زمان نشان داده شده است. باتوجهبه پیچیدگی مسئله و حل همزمان جریان سیال و مکانیک سازه و همچنین عدد کورانت، گام زمانی نزدیک به ۰/۰۱ ثانیه انتخاب و نتایج برای این حالت رسم شده است. در ادامه تغییرات جابه جایی ذره، تغییرات شتاب و سرعت همراه با تغییرات تنش و کرنش بررسی می شود.

در شکل (۱۲) رفتار جابهجایی پرههای مغشوش کننده در زمان مشخص شده است. می توان بیان کرد که پرهها پس از برخورد اولیهٔ سیال دچار جابهجایی زیاد می شوند و سپس در همان حالت می مانند و فقط دچار اغتشاشات می شوند. این جابهجایی اولیه نیز به زاویهٔ پرهها بستگی دارد، به طوری که در پرهٔ با زاویهٔ ۵، درجه جابهجایی نزدیک به ۱۲میکرومتر، در پرهٔ با زاویهٔ ۷۰ درجه نزدیک به ۹میکرومتر و در پرهٔ با زاویهٔ مادرجه نزدیک به ۹میکرومتر و در پرهٔ با زاویهٔ به میزان جابهجایی نهایی رسید، در اثر تغییرات فشار و اغتشاشات دچار نوسانات ریز می شود. این تغییرات بیشتر ناشی از نزدیکی فرکانس تغییرات ارتعاشات با فرکانس طبیعی پره است.

شکل (۱۳) تغییرات شتاب برای پرههای مختلف را در طول زمان نشان می دهد. از منظر شتاب و سرعت قضیه اندکی فرق می کند. باتوجه به این که در ابتدا تغییر شکل زیادی اتفاق می افتد، در این ناحیه سرعت و شتاب زیاد است و پس از آن به صفر می رسد. گرچه تغییراتی در اندازهٔ شتابها و سرعت هاست، این تغییرات اندازهٔ بسیار کوچکی دارند و بیشتر ناشی از نوسانات کوچک پرهها هستند.

در شکل (۱٤) تغییرات شتاب برای ارتفاع (Y) (مؤلفهٔ عمودی شتاب) مربوط به یک نقطه در نوک پرهها نشان داده شده است. تغییرات این پارامترها رفتار ارتعاشاتی با میرایی مربوط را از خود بروز میدهد. مشخص است که پرهها پس از برقراری جریان ابتدا در بازهٔ زمانی کوتاهی نوسان میکنند و سپس به حالت نهایی خود میرسند و در این زمان تقریبا ارتعاشات

مشاهده نمی شود یا مدل اغتشاشی قادر به حل آن نیست. برای اینکه فرکانسهای خطرناک مشاهده شود، یک آنالیز توان طیفی نیاز است.



۷۵ درجه شکل ۱٤ مؤلفه عمودی شتاب برای پرهٔ ۲۵درجه

0.4 0.6 time (s)

0.0

0.2

با استفاده از دادههای مربوط به جابهجایی پرهها در هر پلهٔ زمانی، می توان آنالیز توان طیفی را برای آن پره ارائه داد. نتایج این آنالیز در شکلهای (۱۵ تا ۱۷) برای پرههای با ۳زاویه ۲۵، ۷۰ و ۷۵درجه نشان داده شده است.



شکل ۱۵ آنالیز توان طیفی برای نتایج جابهجایی پرهٔ ۲۵درجه



شکل ۱٦ آنالیز توان طیفی برای جابهجایی پرهٔ ۷۰



0.8

1.0



شکل ۱۷ آنالیز توان طیفی برای نتایج جابهجایی پرهٔ ۷۵درجه

برای هر پره دامنهٔ نوسانات و نسبت دامنه به فرکانس ملاحظه میشود. در حالت سکون و در جایی که فرکانس ارتعاشات بسیار کوچک است، اندازهٔ جابهجاییها تقریبا بیشینه است. با افزایش فرکانس، اندازهٔ جابهجایی کاهش مییابد. این کاهش برای پرهٔ با زاویهٔ ۲۵درجه شدیدتر است. از تغییرات نسبت توان جابهجایی به فرکانس مشاهده میشود که در ابتدا انرژی یا توان زیاد است و با بالارفتن فرکانس کاهش مییابد. نقاطی که در آنها تغییرات شدید مشاهده میشود، نزدیک به نقاط تشدید هستند. با این حال، در زوایای نزدیک به نقاط تشدید هستند. با این حال، در زوایای ماه در نتیجه مشکلی ایجاد نمیکند؛ ولی در پرهٔ با زاویهٔ ۲۰ در نتیجه مشکلی ایجاد نمیکند؛ ولی در پرهٔ با زاویهٔ میشود که بیانگر تشدید با انرژی قابل توجه است.

نتيجه گيري

شبیهسازی برهمکنش سیال و جامد برای شبکههای نگهدارنده مجتمع سوخت رآکتور VVER-1000 با پرههای مغشوشکننده در زاویهٔ ۲۵، ۷۰ و ۷۵درجه انجام شد. کوپلینگ ۲راه بین سیال و جامد موفقیت آمیز بود و دادههای جابهجایی شبکهبندی به حلگر جریان سیال منتقل شد و نیروهای ناشی از سیال نیز به حلگر سازهای انتقال یافت. استقلال از شبکهبندی و پلهٔ زمانی انجام شد. همچنین شبکهبندی دینامیک نیز با موفقیت صورت پذیرفت. شبیهسازی برای زاویههای کمتر از ۲۰درجه منجر به برخورد پرهها با دیوارهٔ میلهٔ سوخت و در

زاویه های بیشتر از ۷۵درجه منجر به برخورد به سایر پره ها شد و نتایج دچار خطا شد. نتایج زیر به دست آمد:

- بیشترین افت فشار بهترتیب برای پرههای با زاویهٔ
 ۲۵درجه و در حدود ۱۲کیلوپاسکال، با زاویهٔ
 ۷۰درجه و در حدود ۱۱/۱کیلوپاسکال و با زاویهٔ
 ۷۵درجه و در حدود ۲۰کیلوپاسکال اتفاق می افتد.
- افت فشار بر واحد طول ناشی از شبکههای نگهدارنده و پرههای مغشوش کننده به ترتیب در ٥٦درجه در حدود ٤٠٠ کیلوپاسکال بر متر، در ٥٧درجه حدود ٣٦٠ کیلوپاسکال بر متر اتفاق ٥٧درجه در حدود ٢٦٠ کیلوپاسکال بر متر اتفاق میافتد. در نتیجه بهینه ترین حالت پرهٔ ٥٧درجه است.
- همه پرههای موجود در هندسه با زاویهٔ ۲۵درجه باهم دچار ارتعاش نمی شوند، بلکه یک تأخیر فاز دارند.
- مقدار جابهجایی نشانداده شده در هرکدام نیز متفاوت است، به این صورت که در بعضی پرهها جابهجایی ایجاد شده بیشتر از دیگر پرههاست. البته این مورد به دلیل ذات نوسانی حرکت این پرههاست. هرچند که مقدار جذر میانگین مربعات ارتعاش پرهها اختلاف جزئی خواهد داشت.
- با بالارفتن جریان و نزدیک شدن به نوک پرهها اختلاف فشار زیر و روی پرهها به کمترین مقدار خود می رسد و در نوک پرهها به علت عرض بسیار کم، تفاوت فشار نزدیک به صفر است.
- اندازهٔ این نیروهای فشاری واردشونده به سرعت سیال و میزان اغتشاشات و همچنین زاویهٔ پرهها بستگی دارد و از مقیاس ۱۰٤پاسکال است. بیشترین فشار واردشده برای پرههای ۲۵درجه اتفاق میافتد.
- نتایج تحقیق حاضر در طراحی و ساخت مجتمعهای سوخت و شبکهٔ نگهدارنده آنها کاربرد مهمی دارد.

Particle Image	سرعت سنجي تصوير ذرات	واژه نامه	
Velocimetry		Fluid –Solid	برهمکنش جامد و سیال
Curvature and	توابع انحنا و تقارب	Interaction	
Proximity		Mixing Vanes	پره های مغشوش کننده
		Grid Spacer	شبكه نگهدارنده
		Fuel assembly	مجتمع سوخت هستهاي

مراجع

- Lee, S. G., Lee, G. S., Lee, H. S., Park, J. H. and Jung, T.Y., "Full-scale ship collision, grounding and sinking simulation using highly advanced M&S system of FSI analysis technique", *Procedia Engineering*, Vol. 173, pp. 1507–1514, (2017).
- Bogaers, A. E. J., Kok, S., Reddy, B. D. and Franz, T., "An evaluation of quasi-Newton methods for application to FSI problems involving free surface flow and solid body contact", *Computers & Structures*, Vol. 173, pp. 71–83, (2016).
- Long, T., Hu, D., Yang, G. and Wan, D., "A particle-element contact algorithm incorporated into the coupling methods of FEM-ISPH and FEM-WCSPH for FSI problems", *Ocean Engineering*, Vol. 123, pp. 154–163, (2016).
- Fourey, G., Hermange, C., Touze, D. L. and Oger, G, "An efficient FSI coupling strategy between smoothed particle hydrodynamics and finite element methods", *Computer Physics Communications*, Vol. 217, pp. 66–81, (2017).
- Franci, A., Oñate, E. and Carbonell, J. M., "Unified Lagrangian formulation for solid and fluid mechanics and FSI problems", *Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering*, Vol. 298, pp.

520-547, (2016).

- Xu, Q., Chen, J., Zhang, C., Li, J. and Zhao, C., "Dynamic analysis of AP1000 shield building considering fluid and structure interaction effects", *Nuclear Engineering and Technology*, Vol. 48, pp. 246–258, (2106).
- Daogang, L., Aiguo, L., ChaoHao, S., Junjie, D., Yang, H. and Qingyu, X., "Experimental investigation on fluid–structure-coupled dynamic characteristics of the double fuel assemblies in a fast reactor", *Nuclear Engineering and Design*, Vol. 255, pp. 180–184, (2013).
- Trivedi, C., "A review on fluid structure interaction in hydraulic turbines: A focus on hydrodynamic damping", *Engineering Failure Analysis*, Vol. 77, pp. 1–22, (2017).
- Ricciardi, G., Bellizzi, S., Collard, B. and Cochelin, B., "Fluid-structure interaction in a 3-by-3 reduced-scale fuel assembly network", *Science and Technology of Nuclear installations*, Vol. 2010, pp. 1-8, Doi:10.1155/2010/517471, Article ID, 517471, (2010).
- Xiong, J., Qu, W., Zhang, T., Chai, X., Liu, X. and Yang, Y., "Experimental investigation on splitmixing-vane forced mixing in pressurized water reactor fuel assembly", *Annals of Nuclear Energy*, Vol. 143, 107450, (2020).

- Dhurandhar, S. K., Sinha, S. L. and Verma, S. K., "Effects of Mixing Vane Spacer on Flow and Thermal Behavior of Fluid in Fuel Channels of Nuclear Reactors—A Review", Nuclear Technology, Vol. 206, pp. 663-696, (2020).
- 12. ANSYS, Inc. ANSYS WORKBENCH Guide, (2020).
- 13. ANSYS, Inc. ANSYS FLUENT Theory Guide, (2020).
- Smith, S. T. and Fox, R.O., "A term-by-term direct numerical simulation validation study of the multienvironment conditional probability-density-function model for turbulent reacting flows", *Physics of Fluids*, Vol. 19, 85102, doi:10.1063/1.275769, (2007).
- Asgari, M., Talebi, M. and Abi, M.R., "Numerical Simulation of Pressure Loss and Heat Transfer in Road Bundle Fuel Assembly with Spacer Grids", *Journal of Nuclear Science and Technology*, Vol. 64, pp. 67-76, (2013) (In Persian).
- Karouta, Z., Gu, C. Y. and Schölin, B., "3-D flow analyses for design of nuclear fuel spacer", Proceedings of the 7th International Meeting on Nuclear Reactor Thermal-Hydraulics NURETH-7. Sessions, pp.17-24, (1995).

Effect of Vanes Angles on the Flow around Fuel Rods and the Induced Vibrations by Analyzing Solid-Fluid Interaction

Mansour Talebi¹, Siamak Nabati²

1. Introduction

In a nuclear fuel assembly, mixing vanes are thin solid components which are attached to the grid spacer. These vanes would increase heat transfer from the fuel wall. The force induced by flow may expose the vanes to excessive stress and bending, which in turn, impairs the mixing vanes. In order to improve the heat transfer rate and decrease the vibrational forces, vanes are usually positioned at a certain angle regarding the flow axis.

This study investigates fluid flow and displacement of vanes in three angles of 65, 70, and 75 degrees for a specific geometry using the fluid-solid interaction method. First, the fluid flow is solved using a Finite Volume Method (FVM) solver and the forces exposed by the flow to the vanes are estimated. Next, the displacement of the vanes due to the applied forces is calculated by the Finite Element Method (FEM).

2. Statement of the Problem

The geometry is similar to flow around a fuel rod of the VVE-1000 reactor fuel assembly. The fuel rod is surrounded by a grid spacer and vanes attached to it in the middle.

The simulation for the vanes is done for three angles (65, 70, and 75 degrees). The bottom border of each vane is considered as a fixed plate (Figure 1).

The walls that are directly in contact with the fluid and receive the fluid pressure force are considered as plates as well. These plates are referred to as solid-fluid interface plates (Figure 2).



The governing equations, that is, the equations of continuity, momentum, and energy are solved by Fluent solver. To simulate the turbulent flow, the k- ϵ model is used.

The governing equations for two separate regions of solid and fluid are coupled and solved respectively using the finite elemental and computational fluid dynamics solver in ANSYS Workbench. First, the pressure field is calculated, then the pressure distribution on the surfaces is transferred to Ansys mechanical section. In this case, the boundary surfaces are under pressure. Then the displacement is calculated by the finite element solver. After the displacement is calculated, the geometry changes and the meshing is done again automatically. The new mesh attributes are passed to Fluent, and the pressure field and velocity are resolved for the new geometry.



Figure 2. Geometry and boundary conditions

3. Results

In the numerical simulation, the mesh study was examined in terms of computation time and accuracy of results to settle the most appropriate number of mesh points. Also, the results were compared with the references (experimental and numerical results) and were in good agreement. The results obtained in several areas are:

Effect of vane angle on overall pressure loss

The highest-pressure loss occurs at the angle of 65° at about 12 kPa, at 70° at about 11.1 kPa, and at 75° at about 10 kPa. As the vane angle enlarges, the maximum pressure loss decreases. When the vane angle widens from 65 to 70 degrees, a 6% decrease in the maximum pressure loss occurs; and the angle increasing from 70 to 75 degrees brings about a 5% decrease in the maximum pressure loss.

¹ Corresponding Author, Assistant professor of mechanical engineering, Reactor and Nuclear Safety Research School, Nuclear Science and Technology Research Institute, Tehran, Iran. Email: mstalebi@aeoi.org.ir

² Masters Student of Mechanical Eengineering, Islamic Azad University, Isfahan, Iran.

Vibration of the vanes

The results show that not all three vanes vibrate together. This is due to the random nature of the flow. Moreover, the vanes differ in the amount of displacement. The greatest pressure difference occurs at points close to the grid spacer, where the vane is wider. The pressure difference below and above the vane decreases as one approaches the tips, so that the pressure difference at the vane tip is nearly zero.

Fluid flow

After passing through the grid spacer and vanes, the velocity profile changes so that high-velocity and low-velocity zones arise (Figure 11). These zones remain in place until the end of the figure. The vanes seem to affect the velocity changes caused by the grid spacer. At an angle of 65 degrees the effect of grid spacer and vanes on the amount of velocity is at its most (Figure 3).



Vibrating results

It can be said that the initial collision of the fluid displaces the vanes impressively but then they only get turbulent in the same state they are. This initial displacement also depends on the angle of the vanes. So that the displacement is about 12 micrometers in an angle of 65 degrees, about 9 micrometers in 70 degrees and about 6 micrometers in 75 degrees. After the vanes reach the final displacement, they fluctuate slightly due to pressure changes and turbulence. These changes are mostly due to the similarity between the frequency of vibration changes in accelerations and velocities are very small and mostly due to small oscillations of the vanes.

The analysis of Power Spectral Density

The vane displacement data at each time step can be used to analyze Power Spectral Density. The results of such analysis were obtained for the vanes with three angles of 65, 70, and 75 degrees. For each vane, the oscillation amplitude and the ratio of amplitude to frequency are observed. At rest and where there is low-frequency vibration, the displacement magnitude is almost maximal. With an increase in frequency, the displacement decreases. This reduction occurs more drastically for vanes in a 75° angle. Results show that the energy or power is initially high but decreases as the frequency increases. The points where sharp changes are observed, are close to the intensification points. However, at angles 65° and 70° there are lots of these points with low energy. As a result, they do not cause any problems. However, at a frequency of 25 Hz the vane with an angle of 75 degrees experiences a sharp change indicating an intensification with significant energy (Figure 4).

4. Conclusion

Fluid-solid interaction simulation was performed for the grid spacers of the VVER-1000 nuclear fuel assembly with mixing vanes at 65°, 70°, and 75 ° angles.

Since coupling between fluid and solid was successful, the mesh displacement data and the data related to the forces created by the fluid were respectively transferred to the fluid flow solver and the structural solver.



Figure 4. Power spectral density for displacement of 75-degree vane

Mesh and time-step independence was performed. Dynamic meshing was also successful. Simulation for angles less than 65° led the vanes to collide with the fuel rod wall and for angles greater than 75° led to collisions with other vanes; so, the results were erroneous. The following results were obtained:

1. The maximum pressure drop occurs when the vanes are at an angle of 65° , 70° , or 75° . The amount is about 12 kPa, about 11.1 kPa, and about 10 kPa, respectively.

2. Longitudinal pressure drops due to retaining grid spacers and mixing vanes corresponding angles of 65° , 70° , or 75° are about 400 kPa /m,

310 kPa /m, and 260 kPa /m respectively. As a result, the most optimal state is when the vane is at a 75° angle.

3. Not all the vanes in the geometry with a 65° angle vibrate simultaneously. There is a delay phase.

4. Not all the vanes have equal displacement. This is due to the oscillating movement of the vanes. However, the root mean square of vibration of the vanes will vary slightly.

5. As the flow rises and approaches the tip of the vanes, the pressure difference below and above the vanes reaches its minimum. At the vane tip, where the width lowers, the pressure difference tends to zero.

6. The magnitude of these pressure forces depends on the velocity of the fluid, the amount of turbulence and the angle of the vanes, and is on the scale of 104 Pa. The maximum pressure is applied to the vanes in the 65° geometry.

7. The results of the present study can have important applications in the design and construction of nuclear fuel assemblies and their grid spacers.